

التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة في الكيمياء



جامعة الكويت ١٩٩٧



التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة في الكيمياء

تاليف د. محمد عيدالرحمن جوهر

أستاذ الكيمياء غير العضوية كلية العلوم – قسم الكيمياء جامعة الكويت وجامعة الاسكندرية

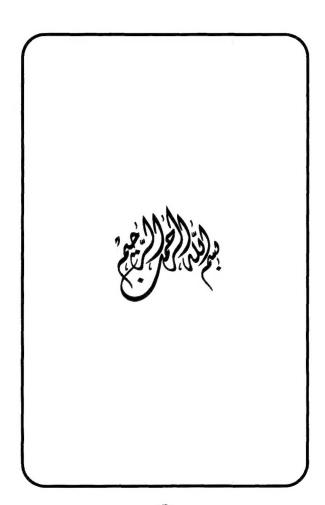
1997

جميع الحقوق محفوظة - لجامعة الكويت - لجنة التأليف والتعريب والنشر - الشويخ ص. ب : 5486 - الرمز البريدي 13055 - الصفاة - ت : ١٨٤٣١٨٥

كتاب : التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة في الكيمياء

تاليف: د. محمد عبدالرحمن جوهر الطبعة الأولى - ١٩٩٧

All Rights Reserved to Kuwait University - The Authorship, Translation and Publication Committee - Al-Shuwalkh - P.O. Box : 5486 Safat, Code No. 13055 Kuwalt Tel. & Fax: 4843185



إهداء...

إلى

نهال وضادة و . . داليا . . . بناتي الشلاث . . .

و . . لبنى زوجتي . . .

كال الشروة التي أملكها . .

ويدونهم ما كنت أستطيع إنجاز أي شميء

محتويات الكتاب

0	إهداء
١١	مقلمة
	الباب الأول:
0	التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة.
۱۷	١-١. التماثل الجزيئي.
۱۸	١-٢. عناصر وعمليات التماثل
۲.	٦-٣. أنواع عناصر وعمليات التماثل
11	١-٤. مستوى التماثل وعملية الانعكاس
4	١-٥. مركز التماثل وعملية الارتكاس
**	٦-١. محور الدوران الأصيل وعملية الدوران الأصيلة
2	١-٧. محور الدوران غير الأصيل والدوران غير الأصيل
٤v	١-٨. تجميع أو اتحاد أو حاصل عمليات التماثل
3 6	١-٩. التماثل والنشاط الضوئي
Y	١-٠١. التماثل وعلاقته بالتكافؤ الكيميائي والمتشابهات
11	١-١١. العزوم ثناثية القطبية.
17	١٦-١. قواعد تحديد أنظمة الإحداثيات والمحاور
۱V	١-١٣. تماثلية ولا تماثلية الخواص الديناميكية للجزيئات
*	نظرية المجموعة.
	١-١٤. قواعد أو قوانين نظرية المجموعة
1	١-١٥. الوحدات

الباب الثاني:

۷٥	مجموعات التماثل وتماثل المجموعات
٧٧	١-٢. مجموعات نقطة التماثل
98	٢-٢. الطريقة المنهجية لتصنيف الجزيئات
1 • 1	تمثيل المجموعات.
1 • 1	٣-٢. المصفوفات وتمثيل المجموعات
110	٢-٤. التمثيل القابل للاختزال والتمثيل غير القابل للاختزال
177	٢-٥. جداول المميز
	٦-٢. العلاقة بين التمثيلات القابلة للاختزال
144	والتمثيلات التي لا تختزل
171	٧-٢. الحاصل المباشر.
	الباب الثالث:
144	المدارات الذرية والمدارات المهجنة.
177	٣-١. عَاثَلُ المدارات الذرية.
101	
	٣-١. تماثل المدارات الذرية.
101	١-٣. تماثل المدارات الذرية
101	۱-۳. قائل المدارات الذرية. ۲-۳. مدارات سيجما المهجنة. ۳-۳. مدارات باي المهجنة.
101	1-7. قائل المدارات الذرية. 7-7. مدارات سيجما المهجنة. 7-7. مدارات باي المهجنة. 7-8. مدارات باي المهجنة.
101	۱-۲. قاثل المدارات الذرية. ۲-۳. مدارات سيجما المهجنة. ۳-۳. مدارات باي المهجنة. ۳-۳. المعالجة التحليلية للمدارات المهجنة. العالجة التحليلية للمدارات المهجنة.
101	١-٢. قائل المدارات الذرية. ٢-٣. مدارات سيجما المهجنة. ٣-٣. مدارات باي المهجنة. ٣-٤. المعالجة التحليلية للمدارات المهجنة. العالجة التحليلية للمدارات المهجنة. العاب الرابع:
101	7-1. قاثل المدارات الذرية. 7-7. مدارات سيجما المهجنة. 7-8. مدارات باي المهجنة. 7-8. المعالجة التحليلية للمدارات المهجنة. المباب الرابع: نظرية مجال المجموعة المعطية. 3-1. المجال البلوري ومجال المجموعة المعطية.

141	٤-٤ . ازدواج رسل - سوندرز
	٤-٥. انفصال مستويات الطاقة ذات الألكترون
147	الواحد في المجالات البلّورية
	٦-٤. انفصال تومات رسل – سوندرز
147	في مجالات المجموعة المعطية
	٤-٧. الرسوم التخطيطية للعلاقات الارتباطية التبادلية
***	للمدارات أحادية الألكترون
	d^n مستويات طاقة التشكيلات الألكترونية . Λ – 8
7 • 7	في المجالات البلّورية المختلفة.
1	٤-٩. طريقة تخفيض التماثل
	٤-٠١. الرسوم البيانية لـ «تناب وسوجانو»
*17	(Tanabe and Sygano) للتشكيلات الألكترونية da
	١١٠-٤ . نظرية المجال البلُّوري وأطياف العناصر
***	الانتقالية ومتراكباتها
	الباب الخامس:
***	نظرية المدارات الجزيئية:
779	١-٥. جزيء الهيدروجين.
777	٥-٢. جزيئات ثلاثية الذرات
YYA	٥-٣. جزيء الماء.
787	$[M_aF_6]^3$. المدارات الجزيئية σ و π في المتراكب الأيوني $[M_aF_6]^3$
YOY	٥-٥. المدارات الجزيئية σ للمتراكب الكاتيوني ⁺³ [Co(NH ₃) ₆]

	الباب الساد <i>س</i> :
404	الاهتزازات أو اللبلبات الجزيئية.
177	٢-١. مقلعة.
377	٢-٦. المتذبذب التوافقي أو الهارموني واللاهارموني
977	٣-٦. ذبلبة أو اهتزاز جزيء ثنائي الذرة
779	٦-٤. قواعد الاختيار أو شروط امتصاص الأشعة تحت الحمراء
YV+	٦-٥. قواعد الاختيار لمطيافية رامان
440	٦-٦. عدد الاهتزازات في الجزيئات عديدة الذرات
YAY	٣-٧. أنواع تماثل الاهتزازات الطبيعة ونشاطها
797	٦-٨. حركات الذرات في أثناء الاهتزازات الطبيعية
4.4	المراجع
***	ملاحق
٣.٧	١- ملحق ١. جداول المميز لبعض مجموعات التماثل المهمة
714	٢- ملحق ٢. جداول الارتباط التبادلي

مقدمة

التماثل - دون شك - هو واحد من أعظم ملامح الكون انتشارا. ونحن دون أن ندري، وبصورة تلقائية نعتاد على تأثيرات التماثل الناتجة عن الأشياء المتماثلة الفائقة التنوع والتي نعايشها يومياً. فالزهرة التي تطالعها في الحديقة أو في زهرية الورد التي أمامك، والكرسي الذي تجلس عليه، وجهاز التلفاز القابع هناك، بل حتى وأنت تنظم الأشياء، فأنت مثلاً تضع إطاراً على جانب ما، وعلى الجانب الآخر إطار مشابه، وتحرص دائماً أن يكون الإطاران على نفس الارتفاع ونفس الأبعاد المختلفة. وأنت في كل هذا ترفع درجة التماثل، أي أنك تزيد درجة الجمال، وتضفي مزيداً من التناسق.

وبالنسبة لأي مبتدى، في دراسة الكيمياء فإنه سريعاً ما يتحقق من أن تركيبات كثير من المواد أو المركبات الكيميائية وأشكالها الفراغية ذات تماثل أو ما يسميه البعض فسيمترية، وهكذا يجب ألا نندهش؛ لأن مبادىء التماثل تلعب دوراً مهماً في غتلف مجالات الكيمياء، والمعرفة البسيطة التي يتذوقها معظم الناس بطبيعتهم للتماثل قد تكفي لفهم الكيمياء، ولكن ذلك يكون إلى حد ما لا يمكن تجاوزه، ومن ثم فإن الدراسة المنهجية للتماثل والطرق المختلفة لتضمينه دقة الرياضيات، يصبح شيئاً لا مندوحة في الدراسة المتقدمة للكيمياء غير العضوية، وذلك بسبب الكثرة الهائلة، والتنوع الوفير للتركيبات المتماثلة التي نقابلها على الدوام. فمبادىء التماثل ونظرية المجموعة اللصيقة بها تساعد كثيراً على فهم المديد من الموضوعات. فمن تصنيف التركيبات الجزيئية، ومستويات الطاقة في المؤييات، إلى تخمين انفصال المستويات الألكترونية في التشكيلات الفراغية

المختلفة، ومن تعيين المدارات المهجنة إلى تحديد الانتقالات المكنة والمسموح بها في الأطياف المتعددة، مثل الأطياف تحت الحمراء، وأطياف رامان. هذه الموضوعات وغيرها، ما كان من الممكن معرفتها وفهمها دون معرفة التماثل ونظرية المجموعات.

ولعله أصبح من الواضع أهمية الدراسة المنهجية للتماثل لأولئك الذين يريدون فهما أعمق في بجالات الكيمياء المختلفة عموما، والكيمياء غير العضوية بوجه خاص. وعلى الرغم من أن التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة ودورهما في الكيمياء يُدَرَّسان في معظم الجامعات العربية على مستوى الدراسات العليا، وبالتحديد ضمن المناهج المقررة للحصول على درجة الملجستير، أو الدكتوراه، في الجامعات التي تمنح تلك الدرجات العلمية، فإن موضوع التماثل الجزيئي، ونظرية المجموعة إلى حدّ معرفة المجموعة التماثلية التي يتبعها الجزيء، ثم دراسة وصف أو تمثيل عمليات التماثل، بطريقة المصفوفات، حيث يمكن التوصل بعد ذلك إلى ما يسمى جداول المعيز. هذا الجزء، على الأقل يدرس على أنه منهج أساسي لطلاب مرحلة البكالوريوس في معظم الجامعات غير العربية، وقليلاً جداً في الجامعات العربية،

ولهذا السبب السابق تخلو المكتبة العربية تماماً من المراجع العربية في هذا الموضوع. ومن هنا لمستُ الحاجة إلى كتاب يلقي بعض الضوء على التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة ودورهما في مجال الكيمياء. وفي الحقيقة فقد درّست منهجا عن تطبيقات نظرية المجموعة الكيميائية لأول مرة عام ١٩٧٥ لطلاب الماجستير بجامعة الإسكندرية لعدة سنوات. ثم قمت بتدريسه بكلية العلوم بجامعة دمشق، لمرة واحدة خلال فصل دراسي وحيد قضيته هناك عام ١٩٨١. ثم عدتُ إلى الإسكندرية لأدرّسه هناك مرات متتالية. وفي كل ذلك كان المنهج شاملاً للبابين الأول والثاني من

هذا الكتاب، يضاف إليهما بابان، أو على أكثر تقدير ثلاثة أبواب أخرى للتطبيقات. المهم في ذلك كله أنني لاحظت أن هذا المنهج – بحق – يحتاج من الطالب إلى مجهود ذهني كبير، خصوصاً وأن الطالب لا يعرف عنه شيئا ذا بال قبل أن يلج في موضوعه. يضاف إلى ذلك أن الموضوع ذاته يحتاج إلى خيال خصيب لإدراك مختلف عناصر التماثل وعملياته. لكن تلك الصعوبة يخفف من غلوائها إلى حدً معقول وجود نماذج لمختلف التركيبات المهندسية أو الفراغية للجزيئات الكيميائية، ولعلها الآن أكثر توفراً بدرجة كبيرة، عن ذي قبل. ويدون تلك النماذج يصعب فهم هذا الموضوع برمته. لذلك آثرتُ أن يكون الباب الأول وكذلك الباب الثاني مسهبين، وأن يكون كل منهما مليئاً بالكثير من الأمثلة التوضيحية، والرسوم المختلفة، وبعضها قد أعيد رسمه في مواضع مختلفة، بالإضافة لغيره من الأمثلة، لتوضيح الحالة التي نحن بصددها على ذات الشيء أو النموذج، حتى تساعد القارىء بطريقة فعالة.

الباب الثالث، يهتم بتطبيق مبادىء التماثل الجزيئي، ونظرية المجموعة على تماثل المدارات الذرية، وكيفية استنتاج المدارات الذرية التي تساهم في تكوين المدارات المهجنة بنوعيها الأساسيين. وهنا أيضا يوجد المزيد من الأمثلة، التي نعتقد أنه بدون المزيد منها يصبح الأمر جافاً تماماً، ويزيد من صعوبته، أو يضيف إليه الكثير.

في الباب الرابع ناقشنا نظرية المجال البلوري ونظرية مجال المجموعة المعطية على ضوء التماثل الجزيئي، حيث يجب أن تكون، لكننا ابتعدنا بما يكفي عن الدخول في الحسابات النظرية التي قد تكون مطلوبة لتعيين المجال البلوري أو مجال المجموعات المعطية، كمياً، وذلك لأن اهتمامنا كله كان منصباً على دور التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة في دراسة الانفصال الناتج عن تلك المجالات، في المدارات الفرية، وكيفية تعيينها

كيفياً، وترتيبها بحسب الطاقات المتوقعة. كما حاولنا أن نلقي الضوء على دراسة حالة لبعض المتراكبات التي تكونها العناصر الانتقالية، وكيفية تفسير الأطياف الألكترونية التي تنشأ عن تلك المتراكبات..

الباب الخامس: خصص لنظرية المدارات الجزيئية، وقد ناقشنا خسة نماذج من الجزيئات تبدأ بجزيء الهيدروجين ثنائي الذرة، وتتدرج حتى تصل إلى متراكب أكتاهيدارلي منتظم. أما الباب السادس والأخير فقد خصص للاهتزازات الجزيئية، ولكننا هنا لم نكتف بدور التماثل في تعيين عائلية الاهتزازات وعددها، وإنما آثرنا أن نطيل في الموضوع بعض الشيء، وذلك لما تلقاه الأشعة تحت الحمراء، والآن إلى درجة ما أطياف رامان، من تطبيقات واستخدامات على امتداد وطننا العربي.

إننا بهذ الكتاب نأمل أن نكون قد أضفنا إلى المكتبة العربية مؤلفاً جديداً، وإذ نشعر بعرفان لا حَدَّ له للذين قرأوا مسودة هذا الكتاب وشجعونا عليه، لنرجو أن يؤدي هذا الكتاب بعض أهدافه، والله من وراء القصد.

د. محمد عبدالرحن جوهرالكويست، نوفمبر ۱۹۹۵

الباب الأول

التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة

التماثل الجزيئي ونظرية المجموعة MOLECULAR SYMMETRY AND GROUP THEORY

١-١. التماثل الجزيئي

تترجم كلمة Symmetry إلى اللغة العربية بالكلمات التالية: التساوق، والتناسق، والقائل، والتناظر، أيضا. وكل من كلمتي التناسق وتماثل، هما الأكثر شيوعا. وقد تحاشينا تماماً استخدام كلمة التناسق، حيث إنها دارجة الاستخدام في مقابل عربي لكلمة شهيرة في بجال الكيمياء غير العضوية وهي Coordination. ففي بجال الكيمياء غير العضوية يوجد قسم كبير يطلق عليه اسم الكيمياء التناسقية Coordination Chmistry، ويندرج تحتها ما يسمى بالمركبات التناسقية Coordination Compounds، وهو ذرة العنصر المناسق المركزية، ومجموعات التناسق المناسق وهي الذرات أو المجموعات التي تحتوي ذرة يمكنها أن ترتبط بالذرة المركزية، مشل ذرة النتروجين، والهالوجينات وغيرها. وهكذا تحاشينا ما قد يحدث من لبس إذا أطلقنا كلمة التناسق، بدلا من تماثل مقابلة لكلمة Symmetry. وكما سنرى، على سبيل المثال، يوجد مركز تماثل مقابلة لكلمة Conplexes . فعتلف تماماً عن

إن كل فرد منا يتعرض على الدوام لأشكال من التماثل أو اللاتماثل، حتى وإن كان لا يدركها. ففي كتابة تقرير ما، على سبيل المثال تحرص على كتابة العنوان في المنتصف، وعلى أن تكون الهوامش متساوية من الناحيتين. إننا بذلك نحافظ على التماثل في الصفحة التي نكتبها. كذلك فلو تصورت مرآة تمر عند منتصف زجاجة المياه الغازية التي أمامك، أو كوب الماء، من أسفل إلى أعلى، أو العكس، بحيث يقسمها إلى نصفين متساويين، ونظرت إلى الجانب اللامع، لبدت لك الزجاجة كاملة، على الرغم من أنك ترى صورة أحد النصفين. والسبب في ذلك بسيط للغاية وهو أن أحد النصفين هو صورة مرآة للنصف الآخر.

وهكذا فالكيميائي حين ينظر إلى الجزيئات (Molecules) يرى في بعضها تماثلا عاليا، بينما بعضها الآخر أقل تماثلا، وفي القليل منها لا يوجد تماثل على الإطلاق، أو ربما القليل جداً من عناصر التماثل. والسبب في ذلك التباين هو اختلاف ما يسمى بعناصر التماثل وعمليات التماثل الحوجودة في هذا الجزيء أو ذاك. فكلما زادت عناصر التماثل، ومن ثم عمليات التماثل، زاد أو ارتفع التماثل، أو كما يقال عادة يوجد في ذلك الجزيء تماثلاً عالياً. وبالطبع كلما قلّت عناصر التماثل، يَقِل معها التماثل الجزيء تماثلاً عالياً. وبالطبع كلما قلّت عناصر التماثل، يكون ذلك الجزيء علي أحد عناصر التماثل، يكون ذلك الجزيء عديم التماثل.

من الواضع إذن أن هناك طريقة لتصنيف الجزيئات الكيميائية على أساس التماثل الموجود في كل منها. فالجزيئات التي تحتوي على ذات العناصر من التماثل لابد أن تتبع معا، أو يمكن تصنيفها معا في مجموعة واحدة، ومن ثم يمكن دراستها من حيث خواصها المختلفة على ذلك الأساس. والآن علينا أن نحدد ما هي عناصر التماثل وعمليات التماثل؟

١-٢. عناصر وعمليات التماثل

على الرغم من أن عناصر التماثل وعمليات التماثل هما شيئان متداخلان تماما، ومرتبطان معا إلى درجة كبيرة، مما يؤدي إلى صعوبة التمييز بينهما، إلا أنهما شيئان مختلفان، ومن الأهمية بمكان أن نعرف الفرق بينهما وأن نفهمه.

عملية التماثل Symmetry Operation

تعرف عملية التماثل بأنها أية حركة لجسم ما بحيث إنه بعد هذه الحركة تكون كل نقطة على الجسم في وضعه، أو شكله الجديد، متطابقة تمام مع نقطة مكافئة لها (أو ربما نفس النقطة) على الجسم في وضعه أو شكله الأول أو الأصلي. أو بمعنى آخر لو لاحظنا شكل الجسم وتوجهه قبل القيام بحركة ما وبعدها، فإن هذه الحركة تسمى عملية تماثل إذا كان لا يمكن التمييز بين شكل وتوجه الجسم في الحالتين.

وعلى سبيل المثال، فإن الشكلين التاليين لجزيء من نوع A_2 (مثل جزيء الهيدروجين H_2 ، وجزيء الكلور C(2) أو البروم H_3 أو الأكسجين O_2) لا يمكن التمييز بينهما إذا لم نأخذ في اعتبارنا الأرقام (1) و(Y) (التي لا وجود لها أصلا وإنما وضعت لمجرد التمييز بين الذرتين).



ولو أن شخصا ما أدار الشكل (أ) بزاوية ١٨٠ درجة حول محور يمر بمنتصف المسافة A-A، فإنه سيحصل على الشكل (ب). ولو أنه قام بذلك في أثناء غياب شخص آخر فإن الشخص الآخر لا يمكنه أن يؤكد حدوث حركة ما من علمها.

ومعنى ذلك أنه يمكن تعريف عملية التماثل بأنها الحركة التي ينتج عنها تحويل الجسم أو الشيء إلى وضع أو شكل جديد مكافىء تماما للوضع أو الشكل الأول، بحيث لا يمكن تمييز أحدهما من الآخر.

منصر التماثل Symmetry Element

عنصر التماثل قد يكون خطاً أو مستوى أو نقطة ما بحيث تجري عمليات التماثل حوله: فمثلا في الشكلين السابقين (أ) e(y)، كان عنصر التماثل الذي أجريت حوله عملية التماثل التي أدت بالشكل (أ) إلى الشكل (y)، هو المحور (الخط) المار بمنتصف المسافة A - A (توجد عناصر أخرى لتحويل الشكل (أ) إلى الشكل (y)، سنذكرها بعد قليل في حينه).

١-٣. أنواع عناصر وعمليات التماثل

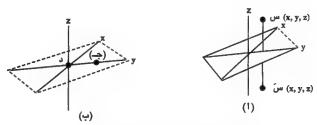
يوجد أربعة أنواع من عناصر التماثل، والتي نحتاجها حتى يمكننا أن نصنف الجزيئات المختلفة بحسب تماثلها. وبالطبع يوجد أربعة أنواع من عمليات التماثل التي يرتبط كل منها بواحد من عناصر التماثل المختلفة. وسنرى من دراستها أن وجود عنصر تماثل ما يمكن الاستدلال عليه من وجود عملية التماثل المناسبة. فعمليات التماثل لصيقة تماما بعناصر التماثل ولا يمكن فصل عنصر تماثل عن عملية التماثل المصاحبة له أو المترتبة عليه. وبناء على ذلك، فإن علينا مناقشة كل عنصر تماثل مرتبطا بعملية أو عمليات التماثل المصاحبة له. وسنبدأ نقاشنا بعناصر التماثل التي يعتبع عنها عملية تماثل واحدة، ثم نتدرج مع العناصر الأخرى التي يصابحها أكثر من عملية تماثل واحدة.

١-٤. مستوى التماثل أو مستوى المرآة وهملية الاتعكاس

Symmetry planes (Mirror planes) and Reflection Operation

مستوى التماثل ويرمز له بالرمز σ (سيجما)، هو مستوى يمر عبرالجزي، ويقسمه إلى نصفين كل منهما صورة مرآة من الآخر. وهذا يعني أن مستوى التماثل لايمكن أن يوجد بكامله خارج الجزي،. وعملية التماثل التي تترتب على وجود مستوى التماثل أو تنتج عنه هي الانعكاس (Reflection) في المستوى. ويرمز لها بالرمز σ أيضا.

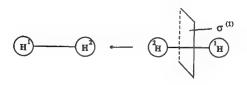
وحتى نتأكد إذا ما كان مستوى ما هو مستوى تماثل أم V ، دعنا نأخذ الشكل التالي (شكل V-V) حيث V و V هي المحاور الكارتيزية المعروفة والتي تتعامد معاً. لنفرض وجود ذرة ما (يرمز لها بالدائرة السوداء) عند النقطة V كما في الشكل. ولنأخذ المستوى V الذي يعتوي المحورين V و V ، كما في الشكل النقطة V هي V ، فإذا أمقطنا عموداً من النقطة V على المستوى ثم مُدَّ الخط أو العمود الساقط إلى مسافة مساوية من الناحية الأخرى، ثم نحرك الذرة التي عند النقطة V من المنات على جميع الذرات التي من الناحية الأجرى، ثم نحرك الذرة التي عند النقطة من إلى نهاية الحفط. فإذا ما أجرينا مثل هذه العملية على جميع الذرات التي



شكل ١-٢. تأثير عملية الانعكاس على إحداثيات نقطة ما

في الجزيء، وحصلنا على شكل مكافي، للشكل الأصلي، يكون المستوى المستخدم (xy في هذه الحالة) هو مستوى تماثل. بمعنى أنه إذا وجدنا ذرة أخرى من نفس النوع عند النقطة سُ ، يكون ذلك المستوى مستوى تماثل. ولعلنا نلاحظ أن إحداثيات النقطة سُ هي (x, y, -z)، أي أن المستوى يغير من إشارة الإحداث المقابل للمحور العمودي عليه. كما نلاحظ أنه بينما بالنسبة للذرة التي تقع عند النقطة س، أي خارج المستوى، لا بد أن توجد ذرة أخرى من نفس النوع في الناحية المقابلة وعلى نفس المسافة من المستوى أي عند النقطة سُ ، أي أن يكون عدد الذرات الخارجة عن المستوى عدداً زوجياً، فإن الذرة أو الذرات التي تقع على المستوى نفسه، عند النقطة (جـ) أو النقطة (د) في الشكل (١-٢-ب) مثلا، لا تحتاج لأن يكون هناك ذرة مشابه لها. وذلك لأن عملية الانعكاس في المستوى (xy) لن تحركهما بالمرة. وبالتالي فإن الجزيء المستوى (Planar) يوجد به على الأقل مستوى واحد للتماثل هو مستوى الجزيء. أكثر من ذلك إذا وجدت ذرة واحدة من نوع ما في الجزيء فإنها يجب أن تقع على كل مستوى تماثل يوجد في الجزيء، أو على خط التقاطع بين مستويي تماثل، أو عند نقطة تقاطم ثلاثة مستويات أو أكثر (إذا كان الجزيء يحتوى مثل هذه النقطة).

دعنا نعود إلى جزيء الهيدروجين أو الجزيء A2 كما في شكل ١-٣.



شکل ۱-۳

ولنأخذ المستوى المتعامد على المحور الجزيئي والذي يقسم الجزيء إلى نصفين، المستوى (١) في الشكل. إن كل ما يمكن أن ينتج عن المستوى (١) هو انعكاس الذرة H^1 في المستوى لتأخذ مكان الذرة H^2 بعد عملية الانعكاس (σ). فإذا كررنا عملية الانعكاس في المستوى (١) مرة أخرى فإن كلاً من الذرتين تتبادلان المواقع، ونحصل على الشكل الأصلي (أ).

لاحظ أننا لو كررنا عملية الانعكاس مرة ثالثة لحصلنا على الشكل $-\infty$ مرة أخرى وهكذا. يرمز إلى تكرار عملية الانعكاس عدد α مرة أخرى وهكذا. يرمز إلى تكرار عملية الانعكاس عدد α بالرمز α . فإذا كانت α عدداً زوجياً فإننا نحصل على الشكل الأصلي، أو α = E ، أما تكرار α لعدد فردي من المرات فإنه ينتج عنه الشكل α ب)، وكأننا قمنا بعملية الانعكاس الأولى أو لمرة واحدة فقط، ومن هنا فإن α في هذه الحالة يساوي α ، أي أن α = α ، إذا كان العدد α فرديا.

الرمز E يمثل أيّ اتحاد بين عمليات تماثل تعيد الجزيء إلى شكله الأصلي، وتسمى E أو أي عدد من العمليات يؤدي إليها، عملية الذاتية . Identity Operation

عنصر الذاتية (Identity Element) والذي ينتج عنه عملية الذاتية، هو العنصر الذي يوجد في جميع الجزيئات والأجسام على اختلافها، فالعملية التي يمكن عملها بالنسبة إلى الذاتية ليست عملية في الحقيقة، لأن هذه العملية لا تنتج فقط شكلاً مشابهاً ولكنها تعطي الشكل الأصلي. وهي تعني مثلاً أنك أدرت جسماً ما أو جزيئا ما ٣٦٠ درجة، وهو بالطبع سيعود إلى وضعه أو شكله الأصلي، سواء أكان يحتوي عناصر تماثل أو لا يحتوي (أو يكافى) أي عنصر للتماثل على الإطلاق. وهكذا فهو عملية عدم القيام بأي عملية.

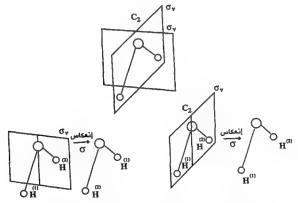
إن الطريقة المثلى لفهم ومعرفة الأنواع المختلفة لمستويات التماثل هي المزيد من الأمثلة المتنوعة. وسنبدأ أمثلتنا بالنماذج البسيطة التي لا تحتوي على أي مستوى للتماثل، ثم نتدرج مع الأمثلة الأكثر تماثلًا.

(¹) Ci غائل في هذا الجزئ شكل ١-٥.

 الجزىء CHBrC1F (شكل ۱-٤) لا محتوى أي مستوى للتماثل، (أو أي عنصرِ تماثلِ آخر)، لكن لو غَيَّرنا ذرة الفلور بذرة بروم أو العكس فإن الجزيء الجديد يحتوي مستوى تماثل، وهو الذي يمر بكل من ذرة الهيدروجين H، الكربون C وذرة الكلور Cl كما في الشكل المقابل،

(شكل ١-٥).

• جزيء بحتوي على مستويين للتماثل، مثل جزيء الماء، H2O. المستوى الذي يمر بكل من الذرات الثلاث، والمستوى الذي يمر بمنتصف الذرة 0 وينصف المسافة بين ذرتي الهيدروجين ومن ثمَّ يكون مستوى تماثل واحد نقط عمودياً على المستوى الأول، كما في (شكل ١-٦).

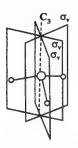


شكل ١-٦. مستويي تماثل جزيء الماء وتأثير هملية الانعكاس في كل منهما

كل من هذين المستويين هو مستوى تماثل لجزيء الماء. المستوى الأول مع مستوى الجزيء (Molecular Plane). إن الانعكاس خلال المستوى الأول لن يؤثر على أيِّ من الذرات الثلاث، أما تأثير الانعكاس في المستوى الثاني فهو أن يترك ذرة الأكسجين كما هي بينما تتبادل ذرّتا الهيدروجين مواقعهما.

> • جزىء بحتوى على ثلاثة مستويات تماثل مثل جزيء الأمونيا، وNH، جزيء وCHCl.

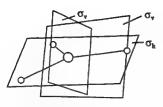
إن أي مستوى تماثل في جزىء الأمونيا (شكل ١-٧) لا بد أن يمر بذرة النيتروجين وإحدى ذرات الهيدروجين الثلاث. وطالما أن جزىء الأمونيا ليس جزيئاً مستوياً فليس هناك مستوى تماثل يمكن أن يمر بالذرات الأربع معاً. وبالتالي فليس هناك سوى ثلاثة مستويات تماثل شكل ١-٧. مستويات التماثل كل منها يمر بذرة النيتروجين وإحدى ذرات الهيدروجين، ويقطع الخط الواصل بين الذرتين الأخريين.



الرأسية ق جزيء NH₃

نفس الوضع بالنسبة لجزيء وCHCl3 حيث يحتوي على ثلاثة مستویات، کل منها یمر بذرة C ،H وإحدی ذرات Cl الثلاث.

جزىء الأمونيا هو أحد الأمثلة لمجموعة من الجزيئات الهرمية المثلثة (Trigonal Pyramid)، ورمزها الكيميائي العام هو AB3. لو أننا سطحنا مثل هذا الجزيء بدفع الذرة A للأسفل لمستوى الذرات B الثلاث، يصبح لدينا جزيء على شكل مثلث مستوي كما في الشكل (١-٨). في الحالة الجديدة لدينا مستوى الجزيء، وهو المستوى الذي يمر بالذرات الأربع معاً. هذا المستوى هو مستوى تماثل أيضا، بالإضافة إلى المستويات الثلاثة



التي ذكرناها في النموذج السابق والتي يمر كل منها بالذرة A وإحدى ذرات B، ويقطع الخط الواصل بين ذرتي B الأخريين. هذه المجموعة

من الجنريئات المثلثة المستوية شكل ۱-۸. بعض مستويات التعاثل في جزيء و AB ، CO3 و (Trigonal Planar) مثل جزيئات وأيونات كُلِّ من BCl3 ، BCl3 و CO3 ، NG إلى آخره، تشمل أربعة مستويات تماثل، ثلائة منها متعامدة: على المستوى الرابع (المستوى الجزيئي).

نلاحظ في النماذج السابقة نوعين من المستويات، النوع الأول كما في جزيء الماء وجزيء الأمونيا، يحتوي كل منها على المحور الأساسي (كما سنرى بعد قليل) للجزيء. أما جزيء وAB، فهو يحتوي بالإضافة للمستويات التي تحتوي على المحور الأساسي للجزيء والذي يمر بالذرة A، ويكون عموديا على مستوى الجزيء، مستوى آخر للتماثل، وهو مستوى الجزيء نفسه. هذا المستوى الأخير، والذي يكون عمودياً على المحور الدئيسة. في الحنيء، سمسي

B(3) B(1) G_h

شكل ٩-١. مستوى التماثل الأفقي في جزيء مB. المربع المستوي

المحور الرئيسي في الجزيء، يسمى المحور الرئيسي في الجزيء، مستوى تماثل أفقي (Horizontal). أما (Symmetry Plane) ورمزه σ_h . أما الأول فرمزه σ_v .

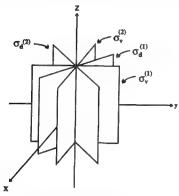
 جزيئات تحتوي خمسة مستويات قاثل، مثل الجزيئات التي صيغتها العامة ABa من نوع المربع المستوي (Square Planar) (شكل ۱-۹).

في هذه الحالة يوجد:

١- مستوى تماثل أفقى، يتواكب مع مستوى الجزيء.

Y - مستوى رأسي متعامد على المستوى الأفقي يمر بالذرة A، وينصف المسافة بين كل من B_4 - B_4 و B_5 .

٣- مستوى متعامد على المستوى السابق، وعلى مستوى الجزيء أيضا،



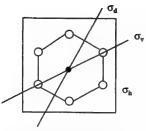
شكل ۱-۱۰. مستويات التماثل الرأسية في جزيء مBA المربع المستوي

A ويسمسر بالسافة وينصف المسافة $B_4 - B_3$. $B_2 - B_1$

4- مستوى تماشل رأسي يمر بالنقاط وأسي يمر بالنقاط B₂AB₁ وبالطبع يكون عمودياً على المستوى الأفقي.

٥- مستوى رأسي يمر
 بالـذرات BAAB،
 ويكـون عسمودياً شكل ١٠-١٠
 عـــلى المســـــوى في جزي،
 الرأسي السابق كما في (شكل ١٠-١).

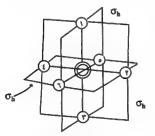
نلاحظ في المثال السابق أن المستويين (٤) و(٥)، كل منهما يمر بالذرة A وذرتين من نوع B، أما المستويات (٢) و(٣) فعلى الرغم من أن كلاً منهما يمر بالذرة A، فإنه ينصف الزاوية BAB. هذه المستويات الأربعة، متعامدة على مستوى الجزيء، أو مستوى التماثل الرأسي، وكل منها يحتوي المحور الأساسي في الجزيء. هذه المستويات، إذن، مستويات رأسية، لكن المستوين (٢) و(٣) يختلفان عن (٤) و(٥)، يسمى المستويان



شكل ۱-۱۱. مستويات التماثل الرأسية والمستوى الأفقي في جزيء البنزين

(٤) و(٥) مستويات رأسية
 کالمعتاد، وهي التي تمر بالذرات
 ۵ و A. أما المستويان (٢)
 و(٣) اللذان ينصفان الزوايا
 همستوى منصف للزاوية
 مستوى منصف للزاوية
 بالرمز ه٠٥. النموذج التالي،
 جزيء البنزين (شكل ١-١١)،
 يوضح أنواع المستويات المختلفة.

الجزيئات رباعية الأوجه المنتظمة أو التتراهيدرالية المنتظمة Regular)
 (Tetrahedral تحتوي على سنة مستويات تماثل، بينما الجزيئات ثمانية



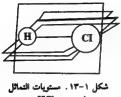
شكل ١-١٢. المستويات الأفقية في جزيء أوكتاهيدرال

الأوجه أو الأكتاهيدرالية (Regular مناهيدرالية (Regular مناهية) المناف فيوجد بها ثلاثة مستويات أخرى أفقية وستة مستويات أخرى المستوى الذي يمر بالذرة المركزية وكل من الذرتين المركزية وكل من الذرتين كل من ذرقي ١ و٢ وذرق ٣

و٤). الشكل التالي ١-١٢ يوضح بعض تلك المستويات.

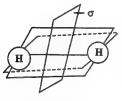
ماذا عز الجزيئات الخطية؟

الجزيئات الخطية نوعان، يمثار السنسوع الأول جيزىء حساميض الهيدروكلوريك أو كلوريد الهيدروجين HCl. نلاحظ في هذا الجزيء أن أي



ن جزيء HCl

مستوى يمر بالخط H-Cl) (عور الجزيء) هو مستوى تماثل، لأنه ينصف الجزيء، حيث يقسم كل من ذَرَّق الكلور والهيدروجين إلى قسمين أو نصفين متساويين (شكل ١-١٣).



شكل ١-٤١. مستويات التماثل في جزيء H₂

أما جزىء مثل جزىء الهيدروجين H2 فهو يحتوى بالإضافة إلى العدد اللانهائي السابق من المستويات التي تمر بالمحور الجزيئي، مستوى آخر عمودي على الخط H-H، وعند منتصف تلك المسافة. كما في شكل ١-١٤.

١ - ٥. مركز تماثل أو مركز ارتكاس.

Center of Symmetry or Inversion Center

لو طبقنا النظام الكارتيزي على جزيء ما، ووجدنا إمكانية تحويله إلى شكل مكافىء للشكل الأصلى بتغيير الإحداثيات (x,y,z) لكل ذرة فيه (حيث مركز الإحداثيات يقع عند نقطة داخل هذا الجزيء) إلى (-x,-y,-z)، فإن النقطة التي يقع عندها المركز هي مركز التماثل لهذا الجزيء. أو يمكن القول بوجود مركز تماثل في جزيء ما إذا كان ارتكاس (Inversion) ذرة فيه خلال مركز التماثل هذا ينتج عنه شكل مكافىء لشكل الجزيء الأصلي. أو في كلمة أخرى، باستثناء الذرة التي عند المركز (إذا وجدت مثل هذه الذرة) فإن جمع الذرات الأخرى يجب أن توجد في أعداد زوجية، وعلى مسافات متساوية، وفي اتجاهات متعاكسة من المركز.

رمز مركز التماثل (أ)، هو رمز عملية الارتكاس المترتبة عليه. لاحظ

أن عنصر التماثل هذا ينتج عنه عملية تماثل واحدة، هي عملية الارتكاس (Inversion) Operation). في شكل ١ - ١٥، المقابل (مربع مستوى)، يوجد مركزا ارتكاس عند الذرة ٨. نلاحظ في هذا الشكل حيث يوجد مركز تماثل اعدد زوجي من فرات B، بينما هناك فرة واحدة من نوع ٨. وجود مركز تماثل إذن يلزم

C B C

شكل ۱ -- ۱۰ . جزيء يحتوي مركز تماثل

بوجود أزواج من ذرات الأنواع المختلفة في الجزيء، وإذا وجدت ذرة عند ذلك المركز (حيث لا يوجد غير مركز واحد) فهي ذرة فريدة ووحيدة، وهي التي لا تتأثر بعملية الارتكاس.

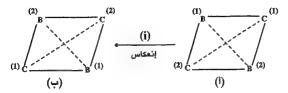


شكل ۱ – ۱۹. جزي. لا يحتوي مركز تماثل

الجزيء المرسوم في الشكل المقابل (شكل ١ - ١٦) لا يحتوي على مركز ارتكاس، لأن انقلاب الذرة C مثلا خلال المركز لا يؤدي إلى ذرة C أخرى ولكن إلى ذرة B.

في شكل ١ - ١٧ تستخدم الأرقام على الذرات لتوضع تأثير عملية الارتكاس خلال

مركز التماثل على الذرات المختلفة. إن عملية الارتكاس أو الانقلاب تحول موقع الـذرة $B^{(1)}$ ، إلى $C^{(2)}$ إلى $C^{(2)}$ أي يتحول الشكل (أ) إلى الشكل (ب). ولو قمنا بعملية ارتكاس أخرى خلال مركز التماثل، سيتحول الشكل (ب) إلى الشكل (أ)، أي إلى الشكل الأصلي. ومعنى



شكل ١ - ١٧. تأثير حملية الاتكاس خلال مركز تماثل

ذلك أن تتابع عملية الارتكاس عدداً فردياً يجعل الجزيء مثل الشكل (ب)، وكأنما قمنا بعملية ارتكاس واحدة، أما تتابع عملية الارتكاس أو تكرارها عدداً زوجياً فإنه يعيد الجزىء إلى الشكل (أ)، أو إلى شكلة الأصلي. بمعنى آخر فإن $i^n = i$ ، حينما تكون n عدداً زوجياً و $i^n = i$ ، حينما تكون n عدداً فرديا. ، حيث n هي الذاتية كما ذكرنا سابقا.

من أمثلة الجزيئات التي يوجد بها مركز تماثل:

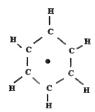


شكل ١ - ١٨. المربع المستوى



شكل ١ – ١٩. الأوكتاهيدون أو ثمان الأوجه المنتظم

- (Linear Molecules) الجن السات الخطية
 H——H, O——C——O, : مثل المسالة
 - المربع المستوى (Square planar)
 (شكل ١ ١٨):
 - الأوكتاهيدرون (Octahedron)
 شكل (۱ ۱۹):



شكل ۱ – ۲۰. الشكل السداسي المستوى



شكل ۱ – ۲۱. الرباعي الأوجه المتنظم أو التتراهيدرون

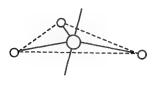
- الشكل السداسي المستوى (Hexagonal)
 مثل البنزين (شكل ۱ ۲۰)
 أمثلة للجزئيات التي لا يوجد بها
 - جزيئات. . وأبونات خطبة التركيب
 مثل: NCO⁻, N—N—O مثل:

(CO, HC1) A-B

مركز تماثل:

 الجزيئات ذات التركيب الرباعي الأوجه المنتظم أو الستراهيدرون (Tetrahodron) (شكل ۱ - ۲۱)،

مثل: , CH₄ , CCl₄ , MnO₄ ,ClO₄ , BF₄ ,



شكل ١ - ٢٢. المثلثي المستوى

 الجزيئات ذات التركيب المثلثي المستسوى (Trigonal planar) (شكل ۱ -۲۲)، مثل:

 $BX_3 (X = F, C1,--), CO_3^-, NO_3^-$



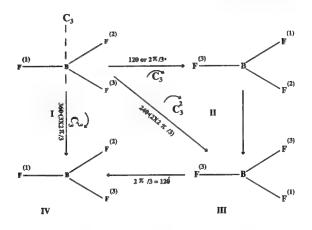
الشكل الخماسي المستوى Pentagonal Planar (شكل ١ – ٢٣)

شكل ۱ - ۲۳. الشكل الحماسي المستوى

۱ - ۱ عور دوران أصيل وعملية دوران أصيلة Proper Axis and Proper Rotation

محور التماثل أو محور الدوران الأصيل، ويزمز له بالرمز C، هو خط وهمى يمر داخل الجسم أو الجزيء بحيث ينتج عن دوران الجسم حوله عدد محدد من الدرجات شكل مشابه أو مكافىء للشكل الأصلى. وحتى يوضح عدد درجات الدوران، تضاف n إلى الرمز، ومن ثم يكون رمز محور الدوران الأصيل هو Cn، حيث n تساوي ٣٦٠ درجة مقسومة على عدد درجات الدوران. وتسمى n «رتبة الدوران». وعلى سبيل المثال، لو أن دوراناً بزاوية قدرها ١٨٠ درجة لجسم ما حول محـور دوران C. ينتج عنه شكل مكافىء للشكل الأول للجَّسم، فإن رتبة هذا المحور تساوي $\frac{71}{100}$ أي ٢ ويكون رمز المحور هو C_2 . أما إذا كان دوران الجسم بزاوية قدرها ١٢٠ درجة حول محور Cn هو الذي يعطي شكلًا مكافئاً للشكل الأول، فإن رتبة ذلك المحور هي ٣٦٠ مقسومة على ١٢٠، أي رتبته n=1، ويكون رمز المحور في هذه الحالة في الحالة هو C_3 أما محور الدوران الذي رمزه C1، فلا وجود له في الحقيقة لأنه يكافيء. عنصر الذاتية، وذلك لأن دوران جسم ٣٦٠ درجة حول نفسه لا يعطى فقط شكلًا مكافئا للشكل الأصلي، ولكنه يعطى الشكل الأصلي نفسه، وكأننا لم نحرك الجسم من الأساس.

حتى نفهم عمليات التماثل الناتجة عن محور الدوران، أي عمليات الدوران، دعنا نأخذ مثالًا على ذلك جزيء «BF، المثلث المستوى (Trigonal Planar) كما في شكل ١ - ٢٤.



شكل ١ - ٢٤. الشكل المكافىء والشكل المماثل نتيجة تأثير همليات الدوران حول محور تماثل كر

الخط العمودي المار بالذرة B، هو محور تماثل أصيل لهذا الجزيء. لو أدرنا هذا الجزيء بزاوية مقدارها ١٢٠ درجة لأعطانا الشكل المكافىء B. المدن هذا الجزيء بزاوية مقدارها ١٢٠ درجة لأعطانا الشكل المكافىء B. على ذلك تكون رتبة المحور الرئيسي هي B. B0. عملية الدوران التي قمنا بها حول المحور B1، يرمز إليها بالرمز B1. حملية الدوران التي قمنا بها حول المحود B1، تم بزاوية دوران عقرب الساعة. أو في اتجاه عكس اتجاه دوران عقرب الساعة. أو في اتجاه عكس اتجاه دوران عقرب الساعة. الدوران الذي أجريناه للشكل الأساسي B1، تم بزاوية مقدارها B1. بزاوية قدرها B1.

درجة، أو 2x2π/3، ينتج الشكل III. حتى نحصل على الشكل III المكافيء للشكل 1، نكون قد أدرنا الجزىء ١٢٠ درجة مرتين، أو كررنا عملية الدوران لمرتين متتاليتين، ويرمز لذلك بالرمز C3. لاحظ أن الشكل III يمكن الحصول عليه من الشكل الأصلى بدوران الشكل I، ١٢٠ درجة في اتجاه عكس دوران عقارب الساعة، أي C_3^{-1} . لكننا لو أدرنا الشكل الأصل بزاوية قدرها ٣٦٠ درجة أو $3x2\pi/3$ أو C_3^3 ، ينتج الشكل TV. لاحظ أن هذا الشكل الأخير، IV، هو الذي ينتج بصرف النظر عن اتجاه الدوران، طالما أن الدوران يتم بزاوية قدرها ٣٦٠ درجة. من المهم أيضا أن نلاحظ أن كلًا من الشكلين II، III، يشبهان أو يكافئان الشكل الأصلى I، إذا ما أهلنا الأرقام (التي وضعت على ذرات الفلور لمجرد التوضيح، وبالطبع لا وجود لها في الحقيقة)، أما الشكل، IV فهو يكافىء الشكل I حتى مع الأرقام التي على ذرات الفلور. الشكل IV يسمى عاثلاً (Identical) للشكل I، وليس مكافئاً (Equivalent) له فحسب. ويمكننا أن نرمز لعمليات الدوران التي قمنا بها حول المحور C_3 ، کما یلی $C_3 = C_3^{-1} = E$ و C_3 ر $C_3 = C_3^{-1}$ وهذه هی العمليات الثلاث المكنة حول ذلك المحور. لقد سبق أن ناقشنا عنصر الذاتية وعملية الذاتية، وقلنا إنها العملية التي تساوي إجراء لا عملية، أو كأننا لم نقم بأية عملية على الإطلاق. وطالما أن العملية C3 تساوى B، أي العملية الذاتية، يكون لدينا في الحقيقة عمليتا دوران فريدتــان والثالثة تكتب هكذا $C_1^3 = E$

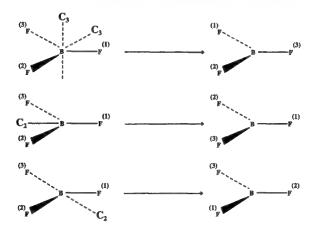
m من الواضح أن الدوران بزاوية $2\pi/n$ حول محور C_n ، بالتتابع عدد مرة يرمز له بالرمز $C_n^m=E$ وفي كل حالة فإن $C_n^m=E$.

n هي ، C_n عدد عمليات الدوران التي تتولد أو تنتج عن محور تماثل C_n^n ، هي معلية دوران وهي C_n^n ، C_n^{n-1} , ..., C_n^{n-1} , C_n^n ، C_n^n ، C_n^n ،

وهذا غير عناصر التماثل السابقة، مركز التماثل ومستوى التماثل حيث يتولد عن كل منهما عملية تماثل واحدة فقط.

لعلنا لاحظنا أن عمليات الدوران الممختلفة التي أجريت على جزيء BF_3 ، لم تؤثر في الذرة التي يمر بها محور التماثل الأساسي وهي ذرة البورون B. بناء على ذلك فإن أي عدد من الذرات يمكن أن يوجد على المحور، كذلك فقد لاحظنا وجود ثلاث ذرات من نوع B. وهكذا فإن وجود محور تماثل أصيل B. يستلزم وجود عدد B من الذرات التي تقع بعيدة عنه، وذلك لأن القيام بعدد B عملية يستلزم انتقال الذرة البعيدة عن المحور عدد B مرة، وبالتالي لا بد من وجود عدد B ذرة من نفس النوع.

من الممكن أن يحتوي جزيء ما على محور دوران وحيد، أو عدد من محاور الدوران من نفس الرتبة أو من رتب مختلفة. ولو أعدنا النظر مرة



شكل ۱ - ۲۰ - عمليات دوران C₂ في جزيء BF₃

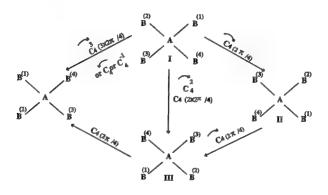
أخرى للجزيء الذي نحن بصدده، وBF، لوجدنا أنه محتوي على ثلاثة عاور أخرى من رتبة Y، أي ثلاثة محاور من نوع Y، متعامدة على المحور الأساسي Y، وتوجد جميعها في مستوى التماثل الأفقي أو مستوى الجزيء. هذه المحاور الثلاثة وعمليات الدوران المترتبة عليها مرسومة في شكل Y.

نلاحظ في الشكل السابق أن كل محور C_2 ، ينتج عنه عملية تماثل واحدة، رمزها C_2 أيضا. وذلك لأن العملية الثانية، أو تكرار عملية C_2 مرة ثانية سيعيد الجزيء إلى شكله الأصلي، أو كما سبق أن ذكرنا فإن $C_2^2 = E$. وطالما أن الذاتية E_2 قد سبق أخذها في الاعتبار في حالة المحور الرئيسي E_2 0، فلا يصح أن نذكر العملية ذاتها مرتين في نفس الجزيء وعموماً فقد يحدث أن نفس الشكل أو التوجه لجزيء ما ينتج عن تطبيق عمليتي تماثل مختلفتين تماماً، وكما سنرى فإنه من المهم أن ندرك هذا العدد المتضاعف من عمليات التماثل، وأن نضعه في حسابنا.

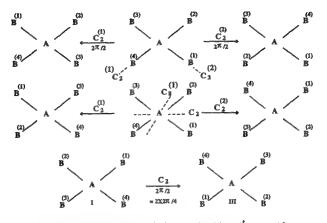
ثمة نتيجة مهمة نلاحظها من دراسة هذا الجزيء، وهي أن وجود عور ثلاثي $_{\rm C}$ 2، وعور ثناثي $_{\rm C}$ 2 عمودي عليه، يعنى أنه لا بد من وجود المحورين الثنائيين $_{\rm C}$ 2 الآخرين، عند زوايا $_{\rm C}$ 2، ولاء $_{\rm C}$ 3، بالنسبة للمحور الأول. وذلك لأن القيام بعملية دوران $_{\rm C}$ 3، يولد المحور الثنائي $_{\rm C}$ 2 الثالث من الأول، والقيام بعملية دوران $_{\rm C}$ 3، يولد المحور الثنائي $_{\rm C}$ 2 الثالث من المحور الأول.

لكن محوراً متعامداً على المحور C_2 ، أو مستوى يحتوي على C_2 يدخل في نفسه بالقيام بعملية التماثل C_2 ، وعلى ذلك فلا نحتاج لوجود محاور أو مستويات من نفس النوع في هذه الحالة. أما وجود محور متعامد على محور C_2 (حيث C_3 عدد فردي) أو مستوى يحتوي على C_4 ، فإنه سيولد عدداً C_5 من المحاور أو المستويات بعمليات تماثل C_4 ، كما ذكرنا في حالة C_5 .

لزيد من التوضيح حول عمليات الدوران، دعنا نناقش جزيئاً من نوع ABA، المربع المستوى. في هذا الجزيء يوجد محور أساسي C_{i} عمودي على مستوى الجزيء، ويمر خلال الذرة A. كما هو واضح من شكل C_{i} فإن عمليات الدوران بزاوية C_{i} درجة أو C_{i} دنكر المحور الرئيسي C_{i} يتولد عنها في حالة التنابع أربعة أشكال لكننا لم نذكر في الرسم غير ثلاثة أشكال فقط، لأن الشكل الرابع ينتج عن دوران الجزيء بزاوية قدرها C_{i} أو C_{i} ليعطي الشكل الأصلي.



شكل ٢٦-١ تأثير معليات الدوران حول للحور Ca في جزيء يطه مربع مستوى جزيء ABa، المربع المستوى يشمل إلى جانب المحور الأساسي ،Ca خسة محاور أخرى من نوع ،Ca كما هو مبين في الشكل التالي ١-٧٧. أربعة من هذه المحساور تقع في مستوى الجزيء، ويرمز لها بالرموز أربعة من هذه المحساور تقع في مستوى الجزيء، ويرمز لها بالرموز (.C2⁽²⁾, C2⁽¹⁾) ، بناء على موقعها، والمحور الخامس ،Ca الذي



ABa معنوي مربع مربع مربع مليات الدوران حول المحاور C_2 في جزيء مربع مستوى مربع بزاوية يتواكب مع المحور الرئيسي. يلاحظ، من الشكل أن دوران الجزيء بزاوية قدرها C_4 = E في C_5 = C_6 = C_6 المحور الأساسي بزاوية قدرها C_6 = C_6 المحور الأساسي بزاوية قدرها C_6 وكذلك دوران الجزيء مرتين حول المحور الأساسي بزاوية قدرها C_6 درجة بعطي نفس الشكل الذي يتتج عن دوران الجزيء بزاوية قدرها C_6 درجة حول المحور C_6 الذي يتواكب مع المحور الأساسي. ومعنى ذلك C_6 = C_6 وبناء على ذلك تكون مجموع العمليات المتفردة الموجودة في هذا الجزيء والناتجة عن محاور التماثل، وهي تشمل الذاتية، هي:

$†$
 C₄, C₄³, C₄² = C₂, C₄⁴ = E, 2C₂', 2C₂ †

لعلنا لاحظنا أن عملية الدوران $^{\circ}_{1}$ تساوي عملية الدوران $^{\circ}_{2}$. الدوران $^{\circ}_{4}$ هو دوران بزاوية قدرها $^{\circ}_{2}$ أي $^{\circ}_{2}$ ، وهكذا يمكن كتابة $^{\circ}_{4}$. $^{\circ}_{4}$ ويالمثل فضمن العمليات التي ينتجها المحور $^{\circ}_{4}$ ، نجد

العمليات C_6^2 , C_6^3 , C_6^2 , والتي يمكن كتابتها C_6^2 , C_6^2 , C_6^3 , على التوالي. وعموما يمكن كتابة العملية C_6^2 ويوضع (C_6^2) في العلاقة C_6^2 , C_6^2 , C_6^2 , C_6^3

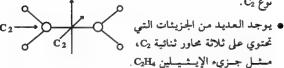
لنعد إلى الحالة السابقة به AB، المربع المستوي، لمزيد من التوضيح، حيث يكون n للمحور الأساسي عدداً زوجياً. دعنا نأخذ محور n للمحور الأساسي عدداً زوجياً. دعنا نأخذ محور n للمحور يراوية n يكون n يبراء عملية تماثل n فإن n يدور بزاوية n المحور على n عجور ثنائي n أخر أفرا أجرينا عملية الدوران n عدور آخر، وينتج محور n أيضا سيدخل في نفسه، أي لا ينتج عنه محور آخر، وكذلك n أيضا سيدخل في نفسه. عملية التماثل n تأخذ n وكذلك n وكذلك n وهكذا. لأن n هي في الحقيقة n و n هي في الحقيقة n و n هي فقط n يتطلب أن المحور n أو n يصاحبه محور واحد آخر فقط من نفس النوع، وليس ثلاثة محاور n أو n وما عدد فردي. ويمكن أن نعم ذلك ونقول أن محور n عدد زوجي، أو مستوى يحتوي n سيصاحبه n عدد n عدد n عدد n عدد n عدد n عدد n

كما فعلنا سابقاً، دعنا ندرس بعض الأمثلة من الجزيئات المعروفة أو كثيرة النداول في الكيمياء، حتى نوضح بصورة أعم المحاور وعمليات الدوران الناتجة عنها.

- الجزيء CHBrCLF، الذي سبق ذكره، نموذج على الجزيئات التي لا
 يوجد بها أي نوع من محاور الدوران.
- الجزيئات الخطية، ويوجد بها محور لا نهائي يتواكب مع محور الجزيء.
 فطالما أن جميع الذرات في الجزيء الخطي تقع على ذلك المحور فإن

دوران الجزيء بأية زاوية مهما كانت، وبالتالي جميع (عدد لانهائي) الزوايا، تؤدي بالجزيء إلى شكل مكافىء أولا يمكن تمييزه من الشكل الأصلى. ويرمز لهذا المحور © C.

- جزيء الماء (شكل ١-٦) يوجد به محور دوران واحد رتبته ٢، أي ٢٠٠٥ يمر بذرة الأوكسجين ٥.
 - لا يوجد جزيء به نقط محوران من
 نوع ^{C2}.



(ethylene). كما في الشكل المقابل شكل -... عاور C_2 في جزيء C_3 (C_4).

الجزيئات التي تحتوي على محاور ثلاثية (C₃) شائعة تماماً، وقد مر علينا
 جزىء BF₃ (شكار ٢٥-١).

كما أن الجزيئات التي من النوع التتراهيدرالي، هAB، يوجد بها ثلاثة محاور ثلاثية كل منها يمر بالذرة A وإحدى ذرات B. ونفس العدد من المحاور الثلاثية يوجد في الجزيئات ذات التركيب الأوكتاهيدرالي AB.

- أما المحاور الرباعية ،C فتوجد في الجزيئات ذات التركيب المربع المستوي
 ABa ، والمحور الرباعي يكون عموديا على مستوى الجزيء وعلى أربعة
 عاور ثنائية ،C ، في مستوى الجزيء .
- © المحور الخماسي يوجد في أيون سيكلوبنتاديينيل، Cyclopentadienyl ion $_{\rm C}$ للحور الخماسي يوجد في أيربعة محاور ثنائية $_{\rm C}$ في مستوى الجزيء .

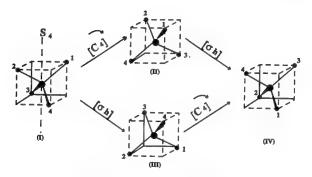
- جزيء البنزين (شكل ١-٢٠) يوجد به محورسداسي ،C، عمودي على مستوى الجزيء، وعلى مجموعتين من المحاور كل منها يتكون من ثلاثة محاور ثنائية.
- النموذج المعروف من الجزيئات التي تحتوي على محور سباعي ، ٢، هو أيون الترويبليوم، + (Trupylium ion (C₇H₇)، المستدى.
- أما المحور الثماني ،C، فيوجد في جزي٠ الأورانوسين Uranocene
 (C_eH₈)₂U

١-٧. محور الدوران غير الأصيل والدوران غير الأصيل (المحور التبادلي) Improper Axis and Improper Rotation

عور الدوران غير الأصيل، أو غير الحقيقي، يشبه عور الدوران الأصيل، ولكن يختلف عنه في أنه بعد عملية الدوران يجب القيام بعملية العكاس خلال مستوى تماثل عمودي على عور الدوران. ويرمز لمحور الدوران غير الأصيل بالرمز (3). أي أن الدوران غير الأصيل يتم على خطوتين: دوران حول محور، يتبعه انعكاس في مستوى عمودي على ذلك المحور. هذه العملية المزدوجة تسمى عملية دوران غير أصيل، وهي تصف الحالة الوحيدة حيث تتحد عمليتا تماثل (\mathbf{r} متبوعة ب \mathbf{r}) لتؤدي إلى عملية جديدة \mathbf{r} . رتبة هذا المحور الذي تتم حوله عملية الدوران تضاف إلى رمزه، أي يكون الرمز \mathbf{r} 3 تماماً كما في حالة محور الدوران الأصيل. وكذلك فعملية دوران غير أصيل بزاوية قدرها \mathbf{r} 4 يرمز لها بالرمز ذاته وكذلك فعملية الدوران غير أصيل بزاوية قدرها \mathbf{r} 5 يرمز لها بالرمز ذاته عور أصيل عمودي على مستوى موجود بصورة مستقلة يؤدي إلى وجود محور أصيل ومستوى انعكاس عمناصر تماثل حتى يوجد محور أصيل ومستوى انعكاس كعناصر تماثل حتى يوجد محور .

تماثل غير حقيقي S، حيث لا يوجد محور C، أو مستوى متعامد عليه. أى من المكن أن يكونا وهميين.

دعنا نلق نظرة على جزيء مCH، ذي التركيب التتراهيدرالي، كما في الشكل التالي (١-٢٩).



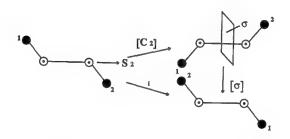
شكل ١-٢٩. محور Sa في جزيء هCH التتراهيدرالي

هذا الجزيء يحتوي على محور تماثل غير أصيل ه2، وليس فيه محور تماثل أصيل ه2، وليس فيه محور تماثل أصيل ه2، أو مستوى تماثل α أو ندير الجزيء بزاوية قدرها 4/ 2π، أو ٩٠ درجة وإن كانت لا تمثل عنصراً أو عملية تماثل حقيقية، ولذلك فهي بين قوسين.

ونلاحظ أن ترتيب عمليتي التماثل ليس مهماً، فالشكل النهائي (IV) الناتج بعد عمليتي التماثل، بصرف النظر عن ترتيبهما، يكافئ الشكل الأصلي (II) و(III) كل منهما يكافئ الأحلى (II) و(III) كل منهما يكافئ الآخر، دون النظر إلى الأرقام، إلا أن أياً منهما لا يكافئ الشكل (I).

ومعنى ذلك أنه لا C₄ و σ و σ م يمثل عملية تماثل بنفسه، ولكن تتابعهما معا، في أي ترتيب، وهو ما يسمى عملية تماثل غير أصيلة وC₄، هو عملية تماثل طالما أن هذا التتابع ينتج الشكل (IV) المكافىء للشكل (I).

وكما أن محور تماثل C_1 لا يعني عملية تماثل حيث C_1 فإن محور C_1 يعني أيضاً تلك العملية السابقة. فالدوران بزاوية C_1 درجة، يتبعه انعكاس في مستوى عمودي على محور الدوران يعطي نفس النتيجة التي تنتج عن الانعكاس وحده. أو بكلمة أخرى، إن أي جزيء يحتوي على مستوى تماثل لا بد أن يوجد به محور C_1 عمودي على ذلك المستوى.



شكل ١-٣٠. محور Sz [همليات التماثل غير الحقيقية وضعت بين قوسين]

محور دوران S₂ يكافء عملية ارتكاس (i). كما في الشكل ١-٣٠. وعلى ذلك فإن أي جزيء به مركز تماثل يوجد به أيضا عدد لا نهائي من الخطوط التي تمر بالمركز، وتمثل محاور دوران S₂.

حينما تكون رتبة المحور أكبر من ٢، فإن عمليات الدوران المترتبة عليه تمثل عمليات مختلفة بالنسبة لنفس عنصر التماثل. إن عنصر التماثل S_a عموماً يولّد مجموعة من العمليات S_a , S_a^2 , S_a , . . . لكن بعض الاستنتاجات المهمة من هذه العمليات يجب ملاحظتها. هناك اختلافات بين مجموعة العمليات التي تنتج عن محور S_a حين تكون رتبة ذلك المحور عدداً زوجياً عن تلك التي عندما تكون S_a عدداً زوجياً عن تلك التي عندما تكون S_a

المحور S_n ، حيث n عدد زوجي يولّد العمليات S_n^n ، S_n^n , S_n^n . Lating the same said of S_n^n , $S_$

 S^3_6 وكذلك عملية التماثل $S^2_6=C^3_6=C_3$ إذن $S^4_6=C^4_6+\sigma^4$ ، $S^3_6=3$ x 2 $\pi=S_2=i$ حيث

أي $S_0^4=C_3^2$. عملية النماثل C_0^5 لا يمكن كتابتها بطريقة أخرى. $S_0^4=C_3^2$ و هي تعني أننـا أجرينا $S_0^6=C_0^6$ و كن منهما تساوي $S_0^6=E_0^6$ و بالتالي تكون مجموعة العمليـات المتوالدة عن محور $S_0^6=E_0^6$

 $E \quad , \quad \mathbb{S}_6^5 \quad , \quad C_3^2 \quad , \quad i \quad , \quad C_3 \quad , \quad \mathbb{S}_6$

لكن هذه المجموعة تشمل كل من عمليات التماثل التالية: $E: C_3$ ، وهي العمليات التي تنتج عن المحور الثلاثي C_3 . ونستنتج من ذلك أن وجود محور تماثل غير أصيل C_3 يستلزم وجود محور تماثل أصيل C_3 . وبصورة عامة فإن محوراً من نوع C_3 رتبته زوجية يستلزم وجود محور تماثل $C_{3/2}$.

أما في حالة Sa حيث n عدد فرديّ. دعنا نأخذ حالة المحور Sa، والعمليات التي تتوالد عنه مرتبة في الجدول التالي ١-١.

1- $S_7 = C_7 + \sigma (\sigma + C_7)$	$8- S_7^8 = C_7$
2- $S_7^2 = C_7^2$	$9- S_7^9 = C_7^2 + \sigma$
3- $S_7^3 = C_7^3 + \sigma$	10- $S_7^{10} = C_7^3$
$4 S_7^4 = C_7^4$	$11- S_7^{11} = C_7^4 + \sigma$
5- $S_7^5 = C_7^5 + \sigma$	$12 - S_7^{12} = C_7^5$
6- $S_7^6 = C_7^6$	13- $S_7^{13} = C_7^6 + \sigma$
7- $S_7^7 = \sigma$	$14 - S_7^{14} = E$
	15- $S_7^{15} = C_7 + \sigma$

وهكذا فإن العمليات من S_1 وحتى S_2^{4} ، أو بصورة عامة من S_n وحتى S_n^{2n} تختلف عن بعضها البعض الآخر. لكنها بداية من العمليات السابقة.

نلاحظ كذلك أن ستة من العمليات بالإضافة إلى E، يمكن اعتبارها عملية واحدة باستخدام الرموز S^{*} ، بينما السبع عمليات الأخرى يمكن كتابتها C^{*} أو σ .

وكما رأينا فإن عنصر التماثل S_n ، حيث n عدد فردي يتولد عنه عدد n من عمليات التماثل .

في جدول ٢-١ جمعنا عناصر التماثل وعمليات التماثل التي درسناها حتى الآن، والتي يجب أن نكون ملمين بها إلماماً جيداً. جدول ٢-١ عناصر وعمليات التماثل.

and the state of t		AND TO THE
الومز	عنصر التماثل	عملية التماثل
E	الذانية	
C_n	محور دوران أصيل	الدوران
σ	مستوى تماثل	انعكاس
i	مركز تماثل	ارتكاس أو انقلاب
S_n	محور دوران غير أصيل	دوران يتبعه انعكاس

كما سبق أن ذكرنا فإن عنصر الذاتية لا يؤدي إلى عملية حقيقية. ونحن نذكرها لأنها متضمنة في الحسابات النظرية للمجموعة.

١ - ٨. تجميع أو اتحاد أو حاصل تجميع عمليات التماثل

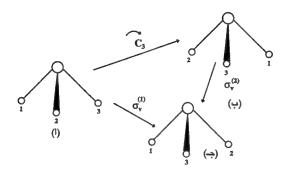
Combinations or Products of Symmetry Operations

حتى الآن وفيما سبق فقد ناقشنا كيفية وصف الأثر أو التأثير الناتج عن إجراء عملية تماثل على جزيء ما. وقد لاحظنا أنه من بين جميع عناصر التماثل التي ذكرناها، فإن عنصراً واحداً ينتج عن أو يشتمل على عمليتي تماثل متناليتين، وهو محور الدوران غير الأصيل حيث . $S_h = \sigma_h$ ولكننا الآن سنقوم بإجراء تجميع أو اتحاد عمليات تماثل مختلفة في الجزيء، أو سنتوسع فيما درسناه في الأجزاء السابقة . وكما نعرف فالجمع يعني إضافة شيء إلى شيء آخر. وهنا فإن جمع أو اتحاد عمليات التماثل

يعني إجراء عملية ما يتبعها إجراء عملية ثانية. وهكذا، فإن النتيجة التي نحصل عليها بعد إجراء عمليتين متتاليتين يسمى حاصل Product. وسنرى إذا ما كانت النتائج أو الحواصل التي نحصل عليها من تجميع أو اتحاد عمليات التماثل تؤدي أو لا تؤدي إلى أشكال وتوجهات مكافئة للشكل الأصلي للجزيء الذي ندرسه.

دعنا أولاً نتفق على طريقة غتصرة لكتابة العمليات المتتابعة. فإذا كتبتا أن AB = C، فإننا نعني بذلك أننا أجرينا العملية B ثم أتبعناها بالعملية A، ليكون التأثير الناتج مساوياً للتأثير الناتج عن العملية C، وبالتالي فإن ترتيب العمليات يكون من اليمين إلى اليسار. وبوجه عام فإن الترتيب يوجد اختلافاً في النتائج، على الرغم من أنه في بعض الحالات لا يكون هناك اختلاف ينتج عن ترتيب العمليات. وحينما يكون التأثير الناتج عن الترتيب AB، يقال إن العمليتين «متبادلتان» (commute). ومن المعتاد أن يقال عن عملية ما ننتج العمليتين «متبادلتان» (commute). ومن المعتاد أن يقال عن عملية أخريين، أو أكثر بأنها حاصل تلك العمليات. وعلى هذا فإن العملية C هي حاصل تطبيق عمليتين التماثل B ثم A. أي أن التأثير الناتج عن تطبيق العملية C وحدها.

دعنا نأخذ مثالا، وليكن جزيء الأمونيا وNH، الذي يوجد به محور ثماثل ثلاثي C_3 ، C_3 ، C_3 ، التماثل C_3 ، C_3 ، كما يوجد به ثلاثة مستويات رأسية σ ، كل منهم يمر بذرة النتروجين وبذرة هيدروجين (شكل V-1)، وبالتالي يكون عدد عمليات التماثل التي في جزيء الأمونيا ست، وهي σ ، σ ، σ ، σ .



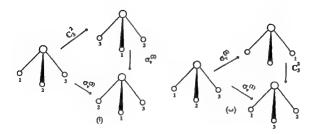
شکل ۱ -۳۱

فإذا أجرينا عملية التماثل C_3 ثم عملية انعكاس (σ) σ ، كما في شكل -1، نحصل على شكل (ج) الذي يمكن الحصول عليه بإجراء عملية الانعكاس σ . ويعبر عن ذلك كما يلي:

$$\sigma_{\rm v}^{(2)}$$
 . (C₃) = $\sigma_{\rm v}^{(1)}$

حسب النظام التبع في العمليات السابقة، فإن ذرات الجزيء تتحرك مع عمليات التماثل، أما الأرقام التي تدل على عمليات التماثل فإنها ترجع إلى الذرات وهي في الشكل الأصلي، أو بمعنى آخر فإن عنصر التماثل يظل ثابتاً. وحينما نكتب عملية الانعكاس $\sigma_v^{(2)}$ ، نعني انعكاس في المستوى الذي يمر بذرة الهيدروجين رقم $\sigma_v^{(2)}$ في الشكل الأصلي.

. $\sigma_v^{(2)}$ مي C_s العملية $\sigma_v^{(1)}$ هي حاصل العمليتين



شکل ۱-۳۲

في شكل $- \Upsilon - 1$ أجرينا أولاً عملية النماثل $^{\circ}_{c}$ ثم عملية انعكاس في المستوى $^{\circ}_{c}$ وكان الشكل الناتج عن ذلك هو الشكل الذي ينتج عن إجراء عملية واحدة هي الانعكاس $^{\circ}_{c}$ أما الشكل $^{\circ}_{c}$ - $^{\circ}_{c}$ سهو القيام بإجراء العمليتين السابقتين بترتيب معاكس، أي أن العملية $^{\circ}_{c}$ هي التي أجريت أولاً، ثم تبعتها العملية $^{\circ}_{c}$ وكان الشكل أو التوجه الناتج هو أيضا ما ينتج عن عملية $^{\circ}_{c}$. ونلاحظ أنه في الحالتين فإن حاصل العمليتين هو انعكاس $^{\circ}_{c}$ وبالتالي فإن العمليتين هو انعكاس $^{\circ}_{c}$ وبالتالي فإن العمليتين $^{\circ}_{c}$ $^{\circ}_{c}$ هما عمليتان همتادنتان $^{\circ}_{c}$ أي أن:

$$\sigma_{\rm v}$$
 . $C_3^2 = \sigma_{\rm v}$

$$C_3^2$$
 . $\sigma_v = \sigma_v$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{3}^{(s)}$$

$$C_{2}^{(s)}$$

$$C_{3}^{(s)}$$

دعنا نأخذ نموذجاً آخر، وليكن جزيء CH2 – CH2، كما في شكل ٣٣-١.

 $C_2(y)$ من الشكل يتضع أن $C_2(z)$ هو حاصل العمليتين $C_2(x)$ ثم او:

$$C_2(y)$$
 , $C_2(x)$ = $C_2(z)$

وهكذا فإن وجود محور ثنائي $C_2(x)$ ، ومحور ثنائي آخر $C_2(x)$ متعامد عليه يستلزم وجود محور ثنائي ثالث $C_2(z)$ هو حاصل كل من المحورين (ممليتي التماثل) السابقتين. ولو أجرينا عملية التماثل $C_2(x)$ أولًا، ثم عملية التماثل $C_2(x)$ ثانيًا، سنحصل على نفس النتيجة، وهذا يعني أن $C_2(x)$ عمليتان متبادلتان، وأزواج عمليات التماثل التالية تكون متبادلة عادة:

١ - عمليتي دوران حول نفس المحور.

١ - عمليات انعكاس خلال مستويات تماثل متعامدة.

- ٣- ارتكاس وأي انعكاس أو دوران.
- ٤- عمليتي دوران C₂ حول محاور متعامدة.
- ٥- دوران وانعكاس في مستوى متعامد على محور الدوران.

كذلك فهناك بعض العلاقات المهمة حول حواصل اتحادات عمليات التماثل، وهي:

- ١- حاصل عمليتي دوران أصيل يجب أن يكون دوراناً أصيلًا.
- ϕ_{AB} المتقاطعين بزاوية ϕ_{AB} المتقاطعين بزاوية ϕ_{AB} هو دوران بزاوية ϕ_{AB} 2 حول المحور الذي يمثله خط التقاطع.
- ۳ حینما یوجد محور دوران C_n في مستوى يحتویه يجب أن یوجد عدد n من هذه المستویات، تفصلها زوایا 2π/2n.
- 4 حاصل عمليتي دوران C_2 حول محاور تتقاطع بزاوية θ هو دوران بزاوية θ 2 حول المحور المتعامد على مستوى المحاور C_2 .
- ٥- أي محور دوران أصيل رتبته زوجية، ويتعامد على مستوى انعكاس يولد مركز تماثل، أي:

$$C_{2n}^{n} \sigma = \sigma C_{2n}^{n} = C_{2} \sigma = \sigma C_{2} = i$$
 $C_{2n}^{n} i = i C_{2n}^{n} = C_{2} i = i C_{2} = \sigma$

ثمة نقطة مهمة أخرى حول عناصر التماثل، ونعني بها عناصر التماثل المتكافئة. فلو أن عنصر تماثل A تحول إلى العنصر B بعملية تماثل تولدت عن عنصر تماثل ثالث X، يترتب على ذلك بالطبع أن B من الممكن أن يعود إلى A بتطبيق العملية X^{-1} . العنصران A و B يقال إنهما متكافئان Equivalent . فإذا كان العنصر A ما زال يمكنه التحول إلى عنصر ثالث

O. فلا بد من وجود طريقة ما لتحويل العنصر B إلى العنصر C، وتكون العناصر الثلاثة A، B و C مجموعة متكافئة. ويوجه عام فإن أي مجموعة من عناصر التماثل تختار بحيث يمكن تحويل أي عضو فيها إلى أي عضو آخر بواسطة إجراء عمليات التماثل، فإنه يقال عنها إنها مجموعة من عناصر التماثل المتكافئة.

وعلى سبيل المثال، فإن أياً من محاور التماثل الثنائية التي تقع في مستوى جزيء مثل AB3، المثلث المستوى، يمكن أن يتحول أحدها إلى الآخرين بإجراء دوران بزاوية 2π/3 أو 2π2، والتي هي عمليات تماثل. هذه المحاور الثنائية الثلاثة يقال عنها: إن كلَّا منها يكافىء الآخر. أما في جزيء هAB، المربع المستوي، فيوجد أربعة محاور ثنائية في مستوى $C_2'' \cdot C_2''$ و $C_2' \cdot C_2'' \cdot C_2''$ و و $C_2' \cdot C_2'' \cdot C_2''$ و الآخران $C_2'' \cdot C_2'' \cdot C_2''$ ينصفان الزوايا BAB. هذا الجزيء يحتوي أيضا على أربعة مستويات تماثل، كل منها متعامد على مستوى الجزيء، ويقطعه بطول واحد من المحاور الثنائية. والآن من السهل أن نوضح أن C₂ يمكن تحويله إلى C₂، والعكس C_2' و C_2 و محكنا فإن C_2'' و محكنا فإن C_2'' و محيح، وأن C_2'' يمكن تحويله إلى المحس يكون مجموعة متكافئة بينما "Cz" و "يُكُون مجموعة أخرى. وبالمثل فإن اثنين من مستويات التماثل تشكل مجموعة متكافئة، ولكنهما لا يكافئان أياً من الاثنين الآخرين، الذيُّن يشكلان معا مجموعة متكافئة أخرى.. وعلينا أن نبلاحيظ أيسفها أن البذرات الشيلاث F، في جيزيء BF3، وذرات الهيدروجين الثلاث في جزيء الأمونيا هي ذرات متكافئة. والذرات المتكافئة، هي تلك التي تتبادل معاً بواسطة عمليات التماثل. لاحظ أن جزيء الأمونيا يحتوي كذلك على ثلاثة مستويات رأسية متعامدة، ومتكافئة لأن كلًا منها يمكن أن يتحول إلى الآخر بعملية تماثل حول المحور C3، كما في جزيء BF3.

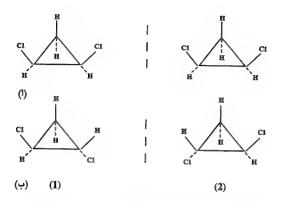
١-٩. التماثل والنشاط الضوئي

Symmetry and Optical Activity

ظاهرة النشاط الضوئي هي قدرة بعض المواد الكيميائية على أن تدير الضوء المستقطب إلى اليمين أو اليسار. وأول من درس هذه الظاهرة بالتفصيل هو الويس باستيره (١٨٢٧-١٨٩٥) باستخدام بأورات حامض الطرطريك. وقد وجد أن البلورات النشيطة ضوئياً تحتوي بعض الأوجه التي لا توجد في النوع الثاني عديم النشاط. وبمقارنة نوعي البلورات تبين له أن البلورات عديمة النشاط الضوئي متماثلة، بمعنى أن كل جزء منها يشبه الجزء الآخر تماماً، أما البلورات النشيطة فهي غير متماثلة، أي أن جزءاً منها لا يشبه الآخر. وبناء على ذلك بدا له أن النشاط الضوئي يعتمد على البلورات غير المتماثلة، أو على عدم التماثل في البلورات. ويتحضير عينة أخرى من البلورات كبيرة الحجم من النوع غير النشيط ضوئياً، وجد باستير أن تلك المينة تحتوي على نوعين من البلورات بنسبة متساوية تقريباً. ومع أن كلاً منهما غير متماثل، إلا أن إحداهما تدير مستوى الضوء فهو مع أن كلاً منهما غير أحدهما يلغي تأثير الآخر.

المهم أنه لكي نتأكد من أن جزيئاً ما له خاصية النشاط الضوئي، يجب اختبار صورته في المرآة، مع صورته الأصلية، فإذا تطابقا تماماً فإن الصورتان متشابهتان ولا يكون الجزيء في هذه الحالة نشيطاً ضوئياً. أما إذا لم يتطابق كل من الأصل وصورته في المرآة معاً، فإن الجزيء يكون نشيطاً ضوئياً، ويمكن بالتالي تحليله، كما في المثال التالي: (شكل ١-٣٤).

نلاحظ في الشكل السابق (١-٣٤-أ) أن الشبيه cis وصورة مرآته يتطابقان تماماً، وبالتالي فهما متشابهان (Identical). وعلى العكس من ذلك



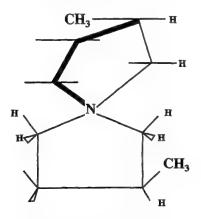
شكل ٢-١. الشبيهان Trans-, Cle للمركب ٢،١ - ثاني كلوروسيكلوبروبين

فإن الشبيه trans وصورة مرآته غير منطبقين كل على الأخرى، ومن ثم فإن الشبيه trans - نشيط ضوئياً ويمكن تحليله إلى المشابين 2.1. عادة ما يكون من السهل نسبياً رسم صورة المرآة لتركيب ما، ولكن اختبار إمكانية تطابقهما (الصورة والأصل) من الممكن أن تؤدي إلى خداع ومن ثم يستحسن البحث عن وسيلة أخرى للتأكد من النشاط الضوئي لجزيء ما.

من الممكن – رياضياً – إيضاح أن شرط النشاط الضوئي، أي عدم تطابق الجزيء الأصلي مع صورة مرآته، يكافىء عدم وجود محور غير أصيل (أو محور تبادلي) من أي رتبة $_{\rm S}$. وبالمثل، فإن وجود محور $_{\rm S}$ كاف لتوضيح أن الجزيء وصورته قابلان للتطابق، ومن ثم فالجزيء يكون غير نشيط ضوئيا. جميع الجزيئات التي لا تحتوي على محور $_{\rm S}$ من أي رتبة، يقال إنها غير متماثلة Dissymmetric وهي نشيطة ضوئياً، أي أن الجزيء وصورة مرآته لا يمكن جعلهما يتطابقان في الغراغ بأي نوع من حركات

الدوران (Rotation) أو الانتقال (Translation) للجزيء ككل. ونعيد القول بأن مستوى المرآة (Mirror plane) يكافىء S، ومركز التماثل يكافىء S، ومن ثم فالجزيئات التي تحتوي على عناصر التماثل هذه، تكون صورة المرآة لها منطبقة على الجزيء الأصلى وبالتالى فهى غير نشيطة ضوئياً.

فإذا فحصنا الجزيء (1) لي trans-1,2- dichlorocyclopropane في الشكل السابق، يمكن التأكد من وجود محور C_2 في مستوى الحلقة الثلاثية الأعضاء (three-membered) يمر خلال الرابطة التي بين ذرتي الكربون اللتين تحملان الكلور، وذرة كربون مجموعة الميثيلين (C_1). ولما كان الجزيء لا يوجد به محور، C_2 ، وعلى الرغم من ذلك، فهو جزيء نشيط ضوئياً. من ناحية أخرى لأن الشكلين 1، 2 لكل منهما محور C_2 ، فهما لا يفقدان المحائل، بمعنى أنهما غير متماثلين (Dissymmetric) ولكنهما ليسا فاقدين



شكل ١-٣٥. جزيء يحتوي فقط على محور يـS

التماثل (Asymmetric). التماثل الوحيد الذي تملكه المركبات غير المتماثلة (النشيطة ضوئياً) هو عور أو أكثر من نوع C_1 ، على الرغم من أن عدداً من المركبات غير المتماثلة يوجد بها محور C_2 ، فإن معظم المركبات النشيطة ضوئياً تكون فاقدة للتماثل أو غير متماثلة، ومن ثم يوجد بها C_1 فقط.

المركب المبين في الشكل السابق (شكل 1-0) يوجد به محور 8، وهو يقطع كلًا من الحلقتين (ringa) وذرة النتروجين، ولكن لا يوجد مستويات تماثل (2). هذا المركب خُلِّق كيميائيا ووجد أنه غير قابل للتحليل (Unresolvable). المحور 3 هو بالضرورة محور 2 أيضاً، ولكن كما ذكرنا سابقاً، إذا كان محور 2 فقط هو عنصر التماثل الوحيد الموجود، فإن الجزيء يكون نشيطاً ضوئياً. وباختصار:

إذا كان الجزيء يحتوي فقط على C_n فهو غير متماثل (Dissymmetric) وبالتالي نشيط ضوئياً. فإذا كانت n=1 فالحزيء يكون فاقداً للتماثل (Asymmetric) كما أنه غير متماثل (Dissymmetric). وإذا كانت n>1 فالجزيء يكون غير متماثل. إذا كان الجزيء يحتوي على n>1 بأية قيمة لـ n>1 فالجزيء لا يكون نشطاً ضوئياً. جميع الجزيئات النشيطة ضوئياً لا بد أن تكون غير متماثلة (Dissymmetric)، ولكن ليست كل الجزيئات غير المتماثلة فاقدة للتماثل (Asymmetric).

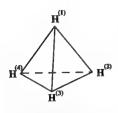
١٠-١. التماثل وعلاقته بالتكافؤ الكيميائي والمتشابهات

Symmetry and Chemical Equivalence and Isomers

في الجزيئات مثل الميثان هCH، والإيثان ،C₂H، والبنزين C₂H، والبنزين مو الإيثيلين _{C2}H، والإيثيلين _{C2}H، فإن جميع ذرات الهيدروجين تكون متكافئة كيميائياً. في كل من هذه الجزيئات فإن جميع ذرات الهيدروجين تتبع نفس الزمرة (set). أما جزيء البرويين (Propane) فهو يحتوي على ست ذرات هيدروجين

لمجموعتي الميثيل تتبع نفس الزمرة، وفرتي هيدروجين لمجموعة الميثيلين تكونان زمرة أخرى. والسؤال الآن عن كيفية التأكد من أن ذرات الهيدروجين المذكورة آنفاً هي أعضاء في زمرة واحدة وأنها متكافئة كيميائياً؟

إذا ما كانت ذرات الهيدروجين H متكافئة كيميائياً وأنها أعضاء في زمرة واحدة، فإن إحلال واحدة منها محل أخرى ينتج عنه جزيء مشابه



شكل ٢-٣٦. التركيب الرباعي الأوجه المنتظم لجزيء الميثان

قاماً للجزيء الأول ولأي جزيء ينتج عن إحلال الذرة H على أية ذرة أخرى من نفس الزمرة. ولكي تكون زمرة من الذرات متكافئة كيميائياً فيجب أن تؤدي بنجاح فحص إحلال الذرات. غير أنه يمكننا تخمين نتائج هذا الفحص بواسطة التماثل. فإذا فحصنا جزيء الميثان في الشكل التالي: (شكل جريء الميثان في الشكل التالي: (شكل ٣٦-١).

 H_1 نلاحظ أن المحور C_2 المار خلال مركز القمة والأوجه المقابلة من H_3 إلى H_3 والعكس، ومن H_4 عبر H_4 أو العكس، وكذلك المحور H_4 إلى H_4 والعكس، H_4 إلى H_5 والعكس، H_6 إلى H_6 أو العكس، وطالما أن H_1 يمكن أن تحل محل أيِّ من ذرات الهيدروجين الأخرى بواسطة عملية التماثل H_4 فإن ذرات الهيدروجين الأربع تكون متكافئة .

بطريقة أخرى، يمكن أن نبين التكافؤ بواسطة المحاور C_3 . الدوران حول المحور C_3 الماركز الذي تحتله ذرة H_1 وذرة C_3 المتي في مركز المتراهيدرون يحول المذرة H_3 إلى H_3 و H_3 إلى H_4 و H_3 إلى H_4 و H_3 إلى H_3 و الحافة المقابلة المدوران حول المحور C_3 المار خلال الذرة H_3 والكربون C_3 والحافة المقابلة

فإنه يؤدى إلى تبادل الأماكن بين ذرات الهيدروجين H1 و H2 ، H2 و H2. وهكذا فإن ذرات الهيدروجين الأربع تكون متكافئة، حيث يمكن انتقال أو تحويل كل منها إلى الأخرى بعملية C3 المناسبة. وهكذا فإن الذرات أو المجموعات (مثل مجموعة الميثيل) تكون متكافئة إذا أمكن تبادلها معا من خلال دوران الجزيء أو المجموعات حول محور تماثل (n>1)Cn. بناء على ذلك يمكن تعريف الذرات المتكافئة في جزيء ما بأنها تلك التي يمكن تبادلها معا من واحدة لأخرى بعمليات التماثل. ويمكن تعميم تلك النتيجة على عناصر التماثل أيضاً، بمعنى هل توجد عناصر تماثل متكافئة؟ نعم. فلو أن عنصر تماثل A تحول إلى العنصر B بعملية تماثل تولدت عن عنصر ثالث X، فإن B يمكن أن تعود ثانية إلى A بتطبيق عملية التماثل X^{-1} . في هذه الحالة يقال عن العنصرين A و B إنهما متكافئان. فإذا ما أمكن تبادل A مع عنصر ثالث C، فلا بد من وجود طريقةٍ ما لتبادل B مع العنصر C، ويقال عن العناصر الثلاثة B ، A و C إنهم يكونون زمرة متكافئة. وبوجه عام، فأى زمرة من عناصر التماثل تختار بحيث إن أي عضو فيها يمكن تحويله أو تبادله مع أي عنصر آخر، ومع جميع العناصر الأخرى بواسطة بعض عمليات التماثل فإنها تعرف بأنها زمرة من عناصر التماثل المتكافئة.

إذا أحللنا ذرة كلور عل ذرة هيدروجين في جزيء الميثان، ينتج جزيء الكلوروميثان CH_3CI . فحص هذا الجزيء كما في شكل $I-V^*$ ، يوضح وجود عور C_3 يمر خلال ذرة الكلور وذرة الكربون ومركز القاعدة المثلثة التي يكونها ذرات الهيدروجين الثلاث. إن دوران الجزيء حول هذا المحور سيحول ذرات الهيدروجين الثلاث كل منها إلى الأخرى، ومن ثم فإن هذه الذرات تشكل زمرة متكافئة. ليس هناك أية وسيلة، أو عملية تماثل يمكنها تبادل ذرة الكلور محل ذرة أخرى. ذرة الكلور إذن تمثل زمرة



شکل ۱-۲۷

منفردة. وطالما أن إحلال ذرة الكلور على أيّ من الذرات الهيدروجين الأربع يؤدي إلى نفس التتيجة، إذن لا يوجد لهذا الجزيء أكثر من مركب واحد. كذلك فإن إحلال ذرة هيدروجين في جزيء له الكلوروميشان، يؤدي إلى تكوين كلوريد الميثيلين CH_2Cl_2 ، وهنا أيضاً لا يوجد غير مركب واحد. بنفس الحجج أو حجج مشابهة يمكن تعيين عدد المتشابهات الناتجة عن إحلال ذرات الهيدروجين، مثلا، بأية ذرات أو مجموعات أخرى في أي جزيء. دعنا نناقش جزيء الإيشان (شكل b-YA) في تشكيل أي جزيء. دعنا نناقش جزيء ولايشان (شكل b-YA) في تشكيل الورقة والمار خلال ذرق الكربون، يحمل أو يبادل ذرات الهيدروجين لكل معموعة ميثيل، مع بعضها البعض الآخر، بينما العملية c_2 حول المحور (الخط المنقط) الذي في مستوى الورقة والعمودي على c_3 يبادل ذرات الهيدروجين التي في الحلف الميدروجين التي في الحلف (البعيدة) أو العكس، وهكذا فإن جميع ذرات الهيدروجين في هذا الجزء تكون متكافئة. وطالما أن لدينا زمرة واحدة فقط من ذرات الهيدروجين في هذا الجزء

فلن يكون هناك غير مركب واحد إذا قمنا بإحلال ذرة هيدروجين بذرة أو مجموعة أخرى.

في حالة جزيء النفتالين (شكل $I-V^{\gamma}$) نلاحظ أن ذرات الهيدروجين I+I و I+I

١١-١ . العزوم القطبية Dipole Moments

العزم القطبي ينتج عن عدم تساوي المساهمة الألكترونية بين الذرات، وهو مثل كل المتجهات (Voctors)، أي خاصية ذات قيمة واتجاه (Direction). وعلى الرغم من أنه خاصية متجهة فإن العزم القطبي خاصية استاتيكية وليست ديناميكية للجزيء. والخواص الاستاتيكية يجب أن تظل ثابتة أو لا تتغير بأي عملية تماثل في الجزيء. وحتى تظل غير متغيرة، فإن متجه العزم القطبي يجب أن يقع على أي من عناصر التماثل. الجزيئات التي تحتوي على مركز تماثل لا يمكن أن يكون لها عزم قطبي، لأن المتجه لا يمكن أن يقع على نقطة. كذلك فالجزيئات التي لها أكثر من محور C_n أيضاً لا يمكن أن يكون لها عزوم قطبية لأن المتجه لا يمكن أن يتطابق أو يتواكب مع عورين مختلفين. وهكذا فالجزيئات التي تحتوي فقط على عور C_n وحيد C_n أو تحتوي C_n ولا يوجد C_n (C_n)، أو تحتوي C_n ولا يوجد C_n (C_n) يمكن أن يكون لها عزوم قطبية . يضاف إلى ذلك الجزيئات التي لها C_n



شكل ١-٣٨. العزوم القطبية

في جزيئات مثل الماء H_2O والأمونيا NH_3 (شكل -PA) يحتوي الماء على محور PA2 ومستويي تماثل PA3 ويتقاطعان عند PA4 ثما جزيء الأمونيا فيمتلك ثلاث مستويات PA5 تتقاطع عند المحور PA6.

في جميع هذه الجزيئات، وفي كل الحالات الأخرى، فإن متجه العزوم القطبية يجب أن يقع على جميع عناصر التماثل في الجزيء، ومن ثم يتحدد اتجاه العزم القطبي. ومع هذا فإن قيمة العزم القطبي أو نهايته الموجبة والسالبة لا يمكن تعيينها من خلال التماثل فقط.

١-١٦ . قواعد تحديد أنظمة الإحداثيات والمحاور

لنفرض أن لدينا جزيء الماء H2O كما في الشكل التالي:



من الممكن أن ينطبق محور التماثل C2 مع المحور الإحداثي c، أو مع المحور x، وهكذا. بناء على ذلك فمن المستحسن أن يرسم الجزيء أو

يسكّن في نظام إحداثي متفق عليه حتى يقل الالتباس كلما أمكن، وحتى يتم توصيل المعلومة بسهولة ويسر. وهناك بعض القواعد التي تطبق على نطاق واسع، وإن لم تكن عالمية. هذه القواعد هى:

 ١- يسكن أو يوضع أصل (Origin) النظام الإحداثي عند مركز ثقل الجزيء.

٢- نحدد المحور z كما يلى:

أ- إذا وجد محور دوران وحيد، يؤخذ هذا المحور على أنه المحور z. وهكذا فإن المحور c_2 يكون هو المحور الإحداثي z. في كل من جزيء الماء والنفتالين، في الشكل السابق (شكل 1-89). والمحور z يؤخذ عادة على أنه المحور الرأسى.

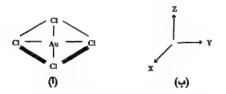
الجزيء trans-dichloroethylene جزيء مستو. إذا رسم بحيث تكون جميع الذرات في مستوى الورقة (شكل 1-3)، فإن المحور z يكون عادة هو المحور العمودي على مستوى الورقة (شكل 1-3-0). إن تحديد مستويات التماثل على أنها عمودية أو أفقية، يتم على أساس المحور الأساسي z، الذي يؤخذ عادة على أنه المحور الرأسي، فإذا رسم الشكل السابق (1-3-1) على سبورة، فإن المستوى x سيبدو وكأنه رأسي، ولكن الصحيح أن يرمز إليه على أنه أفقي (Horizontal) σ ، وذلك لأنه عمودي على المحور c. من الممكن رسم الجزيء على السبورة بحيث عمودي على المسبورة بحيث



شكل ١-٤٠. تحديد المحاور في جزيء trans-dichloroethylene

يكون مستواه عمودياً على السبورة كما في شكل ١-٤٠-جـ. في هذه الحالة يكون المحور z هو المحور العمودي أو الرأسي، وبالتالي يكون المستوى σ_b أفقياً كالمعاد.

ب- إذا كان الجزيء يحتوي على أكثر من محور دوران، يكون المحور ذو الرتبة الأعلى، هو المحور الرأسي، كما يكون هو المحور -z.
على سبيل المثال، جزيء [AuCh] يحتوي على محور رباعي هـC، وأربعة محاور ثنائية منهما يتفقان مع محاور الإحداثيات الموجهة إلى الزوايا والآخران يقطعان الحواف المقابلة في المربع، كما في شكل 1-13. بناء على ذلك يكون المحور مى في مستوى الورقة هو المحور z (شكل 1-13-ب)، طالما أن الجزيء مرسوم بحيث أن مستوى الجزيء عمودي على مستوى الورقة. وطالما أن مستوى الجزيء عمودي على المحور z الرأسي، فهو بالتالي مستوى أفقى هـ٠.



شكل ١-١٤. تحديد المحاور في جزيء [AuCla]

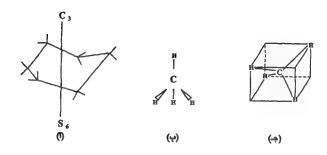
ج- إذا وجد عدد من محاور الدوران ذوات الرتب الأعلى، فإن المحور z. الذي يمر خلال أكبر عدد من الذرات يؤخذ على أنه المحور z. على سبيل المثال، في جزيء الإيشيلين (شكل ١-٤٢-أ) حيث يوجد ثلاثة محاور ثنائية متساوية، فإن المحور الرأسي z، يؤخذ

على أنه المحور الذي ينطبق على الرابطة C-C (1-27-ب). أما إذا رسم الجزيء كما في شكل (1-27-ج) فإن المحور الرأسي العادي يكون هو المحور z. نفس الشيء بالنسبة لجزيء النفتالين (شكل 1 - 27 - ه).

شكل ١ - ٢٤

بعض الجزيئات تملك محور C_n وكذلك محور (n>1) يتطابقان مماً، مثل جزيء السيكلوهكسين (Chair Cyclohexane) كما في شكل (1 – 2π – أ). الذي يحتوي على محور 3π متطابقان. هذا المحور 3π أنه المحاور التي تتطابق مع بجانب محاور 3π مثل 3π مثل هذه الحالات يوجد الروابط 3π كما في شكل 3π – 3π بي الشكل (ب)، يؤخذ وصفان محتلفان، كل منهما يخدم أخراضا مختلفة. في الشكل (ب)، يؤخذ أحد المحاور الثلاثية 3π على أنه محور رأسي، وهنا يرقد الجزيء على أحد المحاور الشكل (ج)، فالجزيء يوجد داخل مكعب، وهذا الرسم أوجهه. أما في الشكل (ج)، فالجزيء يوجد داخل مكعب، وهذا الرسم

لتوضيح المحاور هذا الثلاثة (وبالتالي C2 المنطبق عليه). يكون أحد هذه المحاور رأسياً، ينما يكون الآخران أفقيين، وهذا التشكيل هو المفضل عادة.



شكل ١-٢٤

٣- تحديد المحور x، يكون كما يلي:

أ- إذا كان الجزيء مستوياً (Planar)، والمحور z يقع في هذا المستوى، غتار المحور x بحيث يكون عمودياً على هذا المستوى، أي عمودياً على مستوى الجزيء، كما في جزيئات الماء والنفتالين التي مرت سابقاً. في هذه الجزيئات فإن المحور z يكون رأسيا ويرسم الجزيء في مستوى الورقة ويكون المحور x هو العمودي على الورقة.

ب - إذا كان الجزيء مستوياً والمحور z عموديا على هذا المستوى، فإن المحور x (الذي يقع مع المحور y في مستوى الجزي،) يختار بحيث يمر بأكبر عدد من الذرات. أما في جزيء مثل [Au Cla] تكون المحاور متكافئة، وبالتالي يكون الاختيار حراً.

وعلى الرغم من أن هذه القواعد يعمل بها بصورة واسعة النطاق، فإنه يلزم تحديد المحاور في العادة، حتى يتحاشى أي التباس محتمل.

١-١٧ . تماثلية ولا تماثلية الخواص الديناميكية للجزيئات

Symmetric and Antisymmetric Behavior of Dynamic Properties

لقد سبق أن ناقشنا الخواص التماثلية للجزيء على ضوء تركيبه الهندسي، كما تناولنا العزوم ثنائية القطبية. كل من التركيب الهندسي والعزم القطبي خواص استاتيكية للجزيء. والسؤال الآن عن تماثلية الخواص الديناميكية للجزيء، بمعنى البحث عما إذا كانت خاصية معينة متماثلة أو تماثلية (أي لا تتغير) أو لا تماثلية، إذا أجرينا عمليات التماثل المناسبة على الجزيء. جميع الخواص يجب أن تكون (أو يجب أن تكون قابلة للتحليل إلى عناصر تكون) تماثلية أو لا تماثلية إذا أجرينا عمليات التماثل المناسبة على الجزيء. وحتى ندرك إذا ما كانت خاصية ما تماثلية أو لا تماثلية، يجب أن نفهم بوضوح تام تلك المصطلحات (تماثلية ولا تماثلية الخواص أو السلوك). وسنبدأ بفحص الحركات، وبالأخص، الحركات الانتقالية (Translation) للأجسام أو الجزيئات.

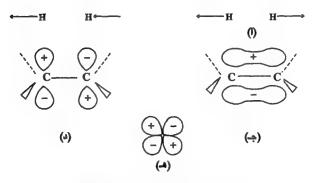
إذا وقفنا أمام مرآة مصقولة وألقينا بكرة إلى أعلى في الهواء بموازاة المرآة، فسنرى أن صورة الكرة (الناتجة عن الانعكاس في المرآة) تتحرك أيضا إلى أعلى وبنفس السرعة.

حينما تصل الكرة إلى أقصى نقطة لها، فإنها تعكس اتجاهها وتعود إلى أسفل، نلاحظ أن الصورة أو الانعكاس في المرآة فعل نفس الشيء، من تغيير الاتجاه والعودة إلى أسفل مثل الكرة تماما. حركة الكرة هذه إلى أعلى وإلى أسفل يقال إنها حركة تماثلية بالنسبة للانعكاس في مرآة موازية للحركة، وذلك لأن الحركة الواقعية وانعكاسها يتحركان أو يسيران بنفس الاتجاه، وينفس المقدار (السرعة في هذه الحالة). فإذا ما ألقينا الكرة مباشرة في اتجاه المرآة، أي أن تكون الحركة عمودية على المرآة. في هذه الحالة فإن صورة الكرة أو انعكاسها يتحرك بنفس السرعة مثل الكرة تماماً، لكن بينما تتحرك الكرة في اتجاه المرآة ويعيداً عن الملقى، فإن الصورة تتحرك في الاتجاه المرآة ويعيداً عن الملقى، فإن الصورة تتحرك في المرآة. إن حركة الصورة (أو الانعكاس) الآن يكون لها نفس المقدار (السرعة)، ولكن في عكس اتجاه (أو إشارة) حركة الكرة (أو أي جسم). وهكذا فإن الحركة (أو الانتقال) المتعامدة على المرآة يقال إنها لا تماثلية والنسبة للانعكاس في المرآة.

فإذا وضعنا هذه الحركات في نظام إحداثي كارتزي، بحيث يكون المحور z رأسياً وفي مستوى الورقة، والإحداثي z عمودي على الورقة، أما الإحداثي z فيكون أفقيا وفي مستوى الورقة، سنرى أنه بالنسبة للانعكاس في المستوى الرأسي، أي الحركة الانتقالية في اتجاهي z و z واللذين يوازيان مستوى المرآة، تكون تماثلية، أما الحركة الانتقالية في الاتجاه z، أي الاتجاه العمودى على المرآة، فإنها حركة لا تماثلية.

في حالة وجود مركز تماثل لجزيء ما، والمطلوب مناقشة السلوك التماثلي لبعض الخواص الليناميكية لهذا الجزيء، عادة ما يستخدم مصطلح Grade (كلمة ألمانية تعني زوجي Even (كلمة ألمانية تعني فردي Odd) مقابل السلوك التماثلي واللاتماثلي، على التوالي. فإذا أخذنا الحركة في أيَّ من الاتجاهات الكارتيزية x أو y أو z فإن عملية الارتكاس أو الانعكاس خلال مركز التماثل تعكس اتجاه الحركة، ومن ثم تكون تلك العملية لا تماثلية أو Ungrade. فإذا أردنا أن نناقش حركة معقدة بعض الشيء عن الحركة السابقة، مثل ذبذبة أو اهتزاز جزيء الهيلروجين. علينا الشيء عن الحركة السابقة، مثل ذبذبة أو اهتزاز جزيء الهيلروجين. علينا

أن نستخدم وسيلة ما لتوضيع الحركة، مثل الأسهم. لنفرض أن الاهتزاز أدى إلى تحرك ذرق الهيدروجين معاً إلى الخارج، أي بعيداً عن المركز، كما في الشكل (١-٥٥-أ) يمكن وصف حركة ذرة الهيدروجين التي إلى اليمين بسهم رأسه عند نهاية اليمين القصوى، أما حركة ذرة الهيدروجين التي إلى الشمال فيمكن وصفها بسهم يشير إلى الشمال. فإذا عكسنا السهم الذي إلى اليمين خلال المركز وحركناه مسافة مساوية إلى الشمال، نحصل على السهم الذي كان إلى الشمال في البداية، أو بمعنى آخر ينطبق السهمان دون أي تغيير. هذه الحركة التذبية أو الاهتزازية بالتالي هي حركة تماثلية أو grade (ويرمز لها بالرمز g). في هذه الحركة السابقة يحدث شد للرابطة التي بين ذرق الهيدروجين في الجبهة -in ذرق الهيدروجين في الجبهة -in ذرق الهيدروجين في الجبهة بين غير وقت واحد كل في المخرى (أي تنضغط الرابطة بينهما)، على الرخم من أنها تعكس السهمين إلا أن الحركة ما زالت تماثلية grade.



شكل ١-٤٤. توضيح تماثلية ولا تماثلية الحركة الاهتزازية

لنأخذ الآن الحركة الاهتزازية التي يتحرك بها كل من ذرقي الهيدروجين في نفس الاتجاه تلقائيا كما في(ب) من الشكل السابق. إذا عكسنا اتجاه السهم الذي إلى اليمين خلال مركز التماثل وحركناه مسافة مساوية إلى الشمال، نجد أن رأس هذا السهم ينطبق على نهاية أو ذيل السهم الذي إلى الشمال. وهكذا تكون هذه الحركة الاعتزازية لا تماثلية أو 11.

يمكن استخدام الرمزين g و u في حالة المدارات الجزيئية التي لها مركز تماثل. ولكن وصف المفهوم هنا يكون أكثر صعوبة. فعلى الرغم من أن المدار (Orbital) لدالة موجية لألكترون واحد يصف «حركة» الألكترون في ميكانيكا الكم، فليس هناك حركة يمكن تتبعها. إن دالة الموجة (Wave في ما تقوله فقط، فهي دالة لها قيم معينة (ترجع إلى احتمالية وجود الألكترون في مكانٍ ما) عند كل نقطة من الحيز. إنها بالضبط قيم المدالة هذه هي التي تسلك حسب قواعد التماثل، ويعني السلوك اللامتماثل أن الدالة تغير إشارتها (من الموجب إلى السالب، أو العكس) بين النقط المرتبطة تماثليًّ. وعلى سبيل المثال، المدرار π في الأيثيلين، (ج) من الشكل السابق، يكون عبر متماثل أي u الماتكون جميع المدارات u التي في الشكل السابق، يكون متماثلًا u تما تكون جميع المدارات u التي في الشكل (هـ) السابق،

نظرية المجموعة Group Theory

١ - ١٤. قواهد أو قوانين نظرية المجموعة

تعرف المجموعة الرياضية بأنها تجمّع لعناصر ترتبط معا حسب القواعد أو القوانين التالية:

١- اتحاد أو جمع (Combination) أو حاصل (Product) أي عنصرين،
 وكذلك مربع كل عنصر يجب أن يكون أحد عناصر المجموعة. فلو

٢- يجب أن تحتوي المجموعة على عنصر يتبادل (commute) مع بقية العناصر
 ولا يغيرها، أي يتركها كما هي، ويرمز إلى ذلك بأن
 EX = XE = X

Y قانون إضافة (Associative law) المضاعفات يجب أن يسري بين عناصر المجموعة، ويمكن كتابة ذلك على نحو X(YZ) = (XY)Z.

4 - أي عنصر في المجموعة، مثلا A، يجب أن يكون له مقلوب (Reciprocal)، A^{-1} ، حيث يكون هو الآخر عنصراً في المجموعة، أي $A^{-1} = A^{-1}A = E$

هذه هي القوانين أو القواعد الأربعة التي يجب تحقيقها حتى تعتبر مجموعة ما من العناصر، مجموعة رياضية. (Mathematical group).

والمجموعة قد تكون محدودة، أي تحتوي على عدد محدد من العناصر. أولا نهائية، أي تحتوي على عدد لا نهائي من العناصر. ومجموعات التماثل التي سنهتم بها من النوع المحدود، ما عدا اثنين فقط، وهما الخاصتان بالجزيئات الخطية.

ومن أمثلة المجموعات اللانهائية، الأرقام، الموجبة والسالبة بما فيها الصفر. ولو أخذنا عملية الإضافة في الجبر العادي على أنه يمثل قانون الجمع هنا، نجد أن القاعدة رقم (١) من القواعد السابقة تتفق معه تماماً، فمن الواضح أن أي رقم يمكن الحصول عليه بإضافة رقمين آخرين. ولنلاحظ أن لدينا هنا مجموعة تسمى Abelian حيث إن ترتيب الإضافة غير مهم، ويعطي نفس النتيجة. فمثلاً 1 + 7 = 7 + 1 = 3، حيث 3 هي عنصر في هذه المجموعة. أما عنصر الذاتية فهو الصفر (٠)، طالما أن + m = m. كذلك فإن قانون إضافة المضاعفات صحيح تماماً، لأنه على سبيل المثال.

$$[(+ \ Y) + (- \ A)] + (+ \ O \circ (- \ A)] + (- \ A) + [(- \ A) + (- \ A)].$$

يبقى بعد ذلك مقلوب أي رقم، وليكن س. وطالما أن (+ س) + (- س) = ٠، فإن مقلوب س هو - س.

وهكذا فالأرقام، سالبها وموجبها مضافا إلى الصفر تمثل مجموعة لا نهائية.

رتبة المجموعة، Order، ويركز لها بالرمز h، هي عدد عناصر المجموعة.

1-1. الوحدات Classes

ثمة طريقة لفصل عناصر المجموعة في وحدات أصغر يسمى كل منها وحدة أو زمرة Class. وتعرف الوحدة من المجموعة بأنها زمرة متكاملة (Complete set) من العناصر التي يترافق (Conjugate) بعضها مع البعض الآخر. ولكن ما هي خواص العناصر المترافقة. قبل أن نفعل ذلك يجب تعريف عملية التحول المشابه Similarity Transformation. فإذا كان X A

هما عنصران في مجموعة، فإن X-1AX يجب أن يساوي عنصراً في المجموعة، وليكن B، حيث:

$B = X^{-1} AX$

ويعبر عن ذلك بالقول إن B هو مشابه التحول للعنصر A بواسطة X. كما يقال أيضا أن A وB هما عنصران مترافقان. أما خواص العناصر المترافقة فهي:

(١) كل عنصر يكون مترافقاً مع نفسه، أي إن:

 $A = X^{-1} AX$

 (۲) إذا كان A مترافقاً مع B، فإن B يكون مترافقاً مع A. وهذا يعني أنه إذا كان:

 $A = X^{-1} BX.$

غلا بد أن يكون هناك عنصر . وليكن Y ، في المجموعة بحيث إن: $B = Y^{-1} AY$.

(٣) إذا كان A مترافقاً مع B وC يكونان مترافقين كل مع الآخر.

أما رتبة الوحدة فهي معامل صحيح (Integral factor) من رتبة المجموعة. سنناقش كل ذلك حين نتعرض لمجموعات التماثل.

الباب الثاني

مجموعات التماثل وتمثيل المجموعات

مجموعات التماثل وتمثيل المجموعات Symmetry Groups and Representations of Groups

2 - ١ . مجموعات نقطة التماثل Symmetry Point Groups

في الباب الأول ناقشنا عناصر التماثل الأساسية، ووصفنا عمليات التماثل التي يمكن إجراؤها بالنسبة لكل عنصر تماثل على حدة. كذلك ناقشنا حاصل اتحاد أو تجميع عمليات التماثل، ولكن بصورة مبسطة. والآن مهمتنا تعيين جميع عناصر التماثل، ومن ثم جميع عمليات التماثل المكنة والمترتبة عليها، التي توجد في جزيء ما. إن تعيين جميع عمليات التماثل، أو ما يسمى بالقائمة الكاملة من العمليات في جزيء ما هي خطوة مهمة لنحدد بعدها هل هذه القائمة من العمليات تخضع لقواعد المجموعة، ومن ثم تشكل فيما بينها مجموعة رياضية أولا، ومن المهم جداً التأكد من أن هذه القائمة من العمليات تشمل جميع العمليات الممكنة في الجزيء. والآن دعنا نحدد المقصود بجميع عمليات التماثل أو القائمة الكاملة لها، في جزيء ما وليكن جزيء الأمونيا.، وNH على سبيل المثال.

تركيب جزيء الأمونيا هو الهرم المثلثى Trigonal pyramid، وهو لا شك يحتوى على عنصر الذاتية، E. كذلك يوجد به محور دوران أصيل ثلاثي C_3 ، يمر بذرة النتروجين. ولأن الجزيء هرمي فليس به مستوى أفقي (σ_b) عمودي على المحور الأساسي، كما لا يوجد به محاور ثنائية C_2 ، متعامدة على المحور C_3 ، أو مركز تماثل، وكذلك لا يوجد به محور

دوران غير أصيل. ولكن يوجد به ثلاثة مستويات رأسية σ كل منها يمكن أن يتحول إلى الآخر بعملية قمائل C_3 كما سبق أن أوضحنا (صفحة τ (τ) إذن جزيء الأمونيا يوجد به محور تماثل τ) وثلاثة مستويات رأسية τ وبالطبع τ . عور التماثل يؤدي إلى عمليات التماثل τ ، كما أن كل مستوى تماثل يعطي عملية تماثل وحيدة هي τ . إذن مجموع عمليات التماثل في الجزيء هي τ , τ , τ , τ , τ , τ , τ ونلاحظ إن τ لم تذكر غير مرة واحدة ، وكذلك كل العمليات الأخرى التي يمكن أن تتوالد نتيجة وجود عنصري تماثل مختلفين .

والآن دعنا نرى كيف تشكل هذه العمليات الست، القائمة الكاملة للعمليات الموجودة في جزيء الأمونيا، بمعنى أن أي اتحادات بينها لا تؤدي إلى عمليات تماثل جديدة أخرى، ولكن ينتج عنها أو يكون حاصلها عملية تماثل أخرى من بين تلك العلميات الست فقط. فإذا تم ذلك فإن علينا أن نثبت أن هذه العمليات الست لجزيء الأمونيا تخضع لقواعد نظرية المجموعة التي ذكرناها آنفا، ومن ثم فهي، أي العمليات الست، تكون مجموعة رياضية.

إن اتحاد العملية الذاتية مع أيِّ من عمليات التماثل الست الأخرى، ينتج عنه شكل مكافى الشكل الناتج عن إجراء العملية الأخرى وحدها. ومعنى هذا أن إجراء عملية الذاتية على أي شكل أو توجُّه للجزيء، سيدعه كما هو، ولن يغيره. وهذا ما يتفق تماما مع القاعدة (٢) من قواعد نظرية المجموعة. وطالما أن عنصر الذاتية موجود في جميع الجزيئات دون استثناء، فإن القاعدة (٢) من نظرية المجموعة تكون قد تحققت لجميع الجزيئات. وقد سبق أن رأينا في شكل -1 و 77-1 و σ_v^v . $C_3=\sigma_v^v$ σ_v^v . $C_3^2=\sigma_v^{vv}$ $C_3^2=\sigma_v^{vv}$

وهذا ما يحقق الشرط الأول أو القاهدة (1) في نظرية المجموعة، كذلك فإن C_3 . C_3 وهكذا فمريع العملية C_3 ، أو اتحادهما معا ينتج C_3^2 التي هي عملية أخرى من بين العمليات الست.، ولو أجرينا عملية أخرى على حاصل العمليتين C_3 . C_3 ولتكن C_3 ، فسيكون الناتج C_3 0 وهكذا. لدينا إذن قائمة كاملة من العمليات الست تخضع للقواعد الأربع لنظرية المجموعة، ومن ثم تشكل مجموعة رياضية.

إن هذه العمليات الست يمكن أن نضعها فيما يسمى بجدول التجمعات أو المضاعفات للمجموعة، Combination or Multiplication ، في هذا النوع من الجداول، ترتب Tables، وسيساعدنا ذلك كثيرا. في هذا النوع من الجداول، ترتب العمليات، أو عناصر المجموعة، في عدد (a) من الصفوف (rows) وعدد (b) من الأعمدة (column). كل عمود يتصدره عنصر في المجموعة أو عملية من العمليات، وكذلك الأعمدة. ويكون المدخل للجدول تحت عمود ما، وعلى طول صفي ما هو ناتج جمع أو اتحاد العنصر الذي يتصدر هذا العمود وذاك الصف. ولتكن القاعدة التي نتبعها هي أن تقاطع عمود ما يتصدره وذاك الصف. وصف يتصدره العنصر أو العملية كا، فإن العملية الموجودة عند التقاطع هي حاصل الاتحاد أو جمع XY. إن كل صف وكل عمود في جدول من هذه الجداول يرتب كل من عناصر تلك المجموعة مرة واحدة فقط، وبالتائي فلا يوجد عمودان أو صفان متشابهان أبداً. وهكذا فأي عمود وأي صف هو ترتيب غتلف لعناصر المجموعة. والجدول الثالي

خاص بالعمليات الست وهي $\sigma_{v}^{v}, \sigma_{v}^{v}, \sigma_{v}^{v}$ التي في جزي الأمونيا.

	E	C ₃	C ₃ ²	$\sigma_{\mathtt{v}}'$	σ",	σ,‴	(Row)
E	E C ₃ C ₃ ² σ' _v σ'' _v	C ₃	C ₃ ²	σ'_{v}	$\sigma_{ t v}^{"}$	σ"	
C ₃	C ₃	C_3^2	E	$\sigma_{\mathtt{v}}''$	$\sigma_{\rm v}^{\prime\prime\prime}$	$\sigma_{\rm v}'$	
C ₃ ²	C ₃ ²	E	C ₃	$\sigma_{\rm v}^{\prime\prime\prime}$	σ'_{v}	$\sigma''_{\rm v}$	
$\sigma_{ ext{ iny v}}'$	$\sigma_{\scriptscriptstyle extsf{v}}'$	$\sigma_{\mathtt{v}}^{\prime\prime\prime}$	$\sigma_{\mathtt{v}}''$	E	C_3^2	C ₃	
$\sigma_{ m v}''$	$\sigma_{ m v}^{\prime\prime}$	$\sigma_{\rm v}'$	$\sigma'''_{\mathbf{v}}$	\mathbb{C}_3	E	C_3^2	
σ"	σ,,,	σ''_{v}	$\sigma_{\mathtt{v}}'$	C_3^2	C ₃	E	

جدول ٢ - ١ جدول تجمعات جزيء الأمونيا

يلاحظ أننا رتبنا العمليات الست في الصفوف والأعمدة، وأن عملية التي تتصدر التماثل التي تتصدر الصف هي التي تجري قبل العملية التي تتصدر العمود. وكما هو واضع من الجدول فإن أي اتحاد بين عمليتي تماثل، أو أي تماثل تجري مرتين، لا بُدَّ أن ينتج عن ذلك عملية من العمليات الست الأخرى، وطالما أن هذا صحيح فإن إجراء عملية ثالثة سيعطي أيضاً إحدى العمليات الأصلية، وهكذا فإن هذه المجموعة من العمليات الست لجزيء الأمونيا هي فقط العمليات المكنة لهذا الجزيء طالما أن أي اتحاد بين تلك العمليات يعطي نفس النتيجة التي تنتج عن إحدى العمليات الست الأصلية.

رتبة المجموعة (a) في هذه الحالة هي ٥٦ ولعلنا الآن نحاول تطبيق ما ذكرناه عن العناصر المترافقة لتعيين الوحدات (classes) التابعة لهذه المجموعة. وبالاستعانة بجدول التجمعات (جدول ٢ - ١)، يمكن أن نطبق تلك الخواص. إن العملية الذاتية E تشكل وحدة بنفسها، وطالما أننا اتفقنا على أن العمليات تجرى من اليمين إلى اليسار، فإن:

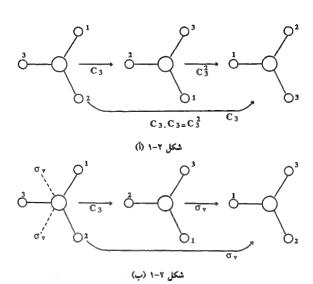
$$X E X^{-1} = X X^{-1} = E$$

وحسب التعريف فإن C_3 و C_3 عمليتان مترافقتان، ومن ثم يكونان وحدة رتبتها اثنين. ويمكننا التأكد من ذلك كما يلي بالاستعانة بالجدول السابق.

E .
$$C_3$$
 . E^{-1} = E . C_3 = C_3
 C_3 . C_3^{-1} = C_3 . E = C_3
 σ'_v . C_3 . σ'_v^{-1} = σ'_v . σ''_v = C_3^2

أما فيما يلي فقد طبقنا العمليات المختلفة على المستوى σ ، لتحديد العناصر المترافقة معه.

وهكذا فإن المستويات σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , مترافقة، وبالتالي تكوّن وحدة رتبتها ثلاثة. بناء على ذلك، فإن العمليات الست في جزيء الأمونيا، تحتوي على ثلاث وحدات σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} , σ_{v}^{v} واحد، اثنان وثلاثة.



BF3 وليكن جنوء وليكن المستوى به عمليات التماثل المكنة في هذا الجزيء هي المثلث المستوي. جميع عمليات التماثل المكنة في هذا الجزيء هي والمثلث المن بن من بن المناكد أن E, C3, C3, C2, C2, C3, σ_v , σ_v , σ_v , σ_h , σ_h , σ_h

 $S_n^m = C_n^m \times C_n^{n-m}$ $S_n^m = C_n^m \times C_n^{n-m}$ $S_n^m = C_n^m \times C_n^m \times C_n^{n-m}$ is a call the proof of the case o

والآن فإن مهمتنا أن نتناول الأنواع المختلفة للمجموعات التي يمكن أن نحصل عليها من تجمعات عمليات التماثل لمختلف الجزيئات. إن التجميع المنهجي لعمليات التماثل التي ناقشناها في مجموعة ما، هو ما يسمى «مجموعة التماثل» Symmetry Group أو «مجموعة التماثل» Point group أو باختصار «مجموعة النقطة» Point group أو باختصار «مجموعة النقطة»

والتي لها جميع خواص المجموعة الرياضية . هناك نوعان من الرموز التي تدون بها تلك المجموعات: رموز مثل C_n , C_i , D_n مثل المجموعات: رموز مثل ما تعرف بـ «رموز شوينفلايز» ستستخدم هنا في هذا الكتاب، وهي ما تعرف بـ «رموز أسيفلايز» Schoenflies symbols نسبة إلى مبتدعها، ورموز النظام العالمي المعالمي يعملون في المجالات الطيفية، أما الرموز الأخرى فيستعملها عادة أولتك يعملون في مجالات أشعة اكس على البلورات، أو عموما في مجال علم البلورات و عموما في مجال علم البلورات و عموما في عملم البلورات و عملون في المجموعات ثم نتدرج مع زيادة عناصر أو عمليات التماثل في الجزيئات.

- المجموعة الأولى أو أبسط المجموعات، هي تلك التي لا يوجد بها غير عنصر واحد أو عملية تماشل واحدة، وهي الذاتية E. وطالما أن
 E = C₁
- الجزيئات التي ليس بها غير مستوى تماثل σ ، كعنصر التماثل الوحيد. هذا العنصر كما نعرف يؤدي إلى عمليتين فقط، هما σ , σ ورمز هذه وبالتالي فإن رتبة هذه المجموعة اثنان، أو σ يساوي σ .
- الجزيئات التي يوجد بها مركز تماثل فقط. في هذه الحالة توجد عمليتان فقط وهما i, i² = E. وتكون رتبة هذه المجموعة (٢) كسابقتها. أما رمزها فهو C.

⁽ه) تسمى مجموعة التماثل حادة باسم المجموعة النقطة، وذلك لأن جميع عناصر التماثل تلتقي عند نقطة عامة لا تتأثر باي حملية تماثل. وهناك أيضاع مجموعات تماثل تسمى «المجموعات الفرافية» Space groups. وهي تشمل حمليات تماثل لم نذكرها في العمليات التي ناقشناها حتى الآن، وهي تلك الخاصة بالحركات التي تؤدي إلى انتقالات الجزيء.

- جزيئات لا يوجد بها غير محور تماثل أصيل C_n كما رأينا فإن عمليات التماثل التي تنتج عن هذا المحور هي n (n عدد n عملية، ويالتالي تكون رتبة المجموعة هي n ورمزها هو n وهذه مجموعة دائرية cyclic وهذه عموعة دائرية علاقت n
- جزيئات بها محور تماثل غير أصيل S_n . كما سبق أن عرفنا فإن عدد عمليات التماثل التي تتوالد عن هذا المحور تعتمد على رتبته n ، فإذا كانت n عدداً زوجياً فإن عدد عمليات التماثل هو n عملية وبالتالي يكون رمز المجموعة التي يتبعها تلك الجزيئات هو S_n . هناك حالة خاصة ، وهي إذا كانت n تساوي اثنين، حيث S_n وهذه المجموعة التي يجب أن تسمى S_n ، يطلق عليها عادة S_n .

أما إذا كانت n عدداً فردياً، فإن عدد العمليات التي تنتج عنها هي 2n, تشمل مجموعة العمليات الناتجة عن C_n , σ_b يرمز لهذه المجموعة بالرمز عدل على وجود محور n ومستوى أفقي n. وكما نعلم فإن وجود n عمودي على مستوى يستلزم وجود n، تماماً كما أن وجود n عد فردي) يستلزم وجود n.

- جزیئات بها عنصرا تماثل أو أكثر.
- (i) إذا وجد محور أساسي C_n ، حيث n أكبر من اثنين، وأضفنا إليه عدد n من المحاور الثنائية C_n . ينتج عن المحور C_n عدد من عمليات التماثل n، بدءاً بـ n إلى n C_n . يضاف إلى ذلك عدد n عملية تماثل n وبذلك يكون عدد عناصر المجموعة هو n، ويرمز لهذه المجموعة بالرمز n.

- (ب) إذا وجد محور أساسي C_n ، ومستوى أفقي σ_h فإن المحور C_n يؤدي إلى عدد n عملية تماثل، ووجود σ_h يضاعف هذا العدد، حيث يحتوي على العمليات ، σ_h . σ_h
- (ج.) إذا وجد محور أساسي C_n وعدد n من المستويات الرأسية $\sqrt{0}$ التي تعتوي المحور الأساسي. إذا كانت n عدداً زوجياً فإن نصف هذه المستويات تكون من نوع $\sqrt{0}$, والآخر من نوع $\sqrt{0}$, كما سبق أن رأينا (صفحة $\sqrt{0}$). أما إذا كانت n عدداً فردياً فإن جميع المستويات الرأسية تكون من نفس النوع $\sqrt{0}$, وأيا كانت n, عدداً فردياً أو زوجياً فإن جميع عمليات التماثل الناتجة عن $\sqrt{0}$ وعن جميع المستويات الرأسية تشكل معا مجموعة يرمز لها بالرمز $\sqrt{0}$.
- (c) في حالة وجود محور أساسي C_n وعدد n من المستويات الرأسية σο،
 بالإضافة إلى مستوى أفقي، تسمى المجموعة الناتجة D_{nb}.
- (هـ) إذا وجد محور أساسي C_n ، وحدد n من المحاور الثنائية C_2 بالإضافة إلى عدد من المستويات الرأسية المنصفة (dihedral)، وهي التي تقسم الزاوية التي بين محوري C_2 متتابعين. المجموعة التي تنتج عن ذلك هي D_{ad} .
- الجزيئات الخطية: الجزيئات الخطية نوعان (أ) جزيئات تتكون من نصفين متكافئين مثل H-H. O-CO. في هذه الحالة فإن أي خط عمودي على منتصف المحور الجزيئي يمثل محوراً ثنائياً C. أي يوجد عدد لا نهائي من المحاور الثنائية. كما أن وجود نصفين متكافئين يعني

وجود مستوى أفقي (σ_b) على المحور اللانهائي $_\infty$ 2 (المحور الجزيئي)، تسمى هذه المجموعة D_∞ 4 (ب) الجزيئات التي لا يوجد بها مستوى أفقي، عمودي على المستوى الجزيئي، مثل N-N-O, H-Cl. هذه الجزيئات لا يوجد بها غير عمليات الدوران حول المحور D_∞ 4 والانعكاس في المستويات الرأسية، ويرمز للمجموعة التي تتبعها هذه الجزيئات بالرمز D_∞ 5.

- الجزيئات التي يوجد بها محاور عالية الرتبة (أكثر من محور)، وهي التي تنتمي للمكعب ومشتقاته. وهي خسة أنواع:
- ♦ الجزيئات ذات التركيب رباعي الأوجه المنتظم أو التتراهيدرون
 Tetrahedron
 - * التركيب ثماني الأوجه المنتظم أو الأكتاهيدرون Octahedron.
 - * جزيئات لها تركيب المكعب Cube.
 - * التركيب الاثناعشري الأوجه، الدوديكاهيدرون Dodecahedron.
 - * التركيب العشروني الأوجه Icosahedron.

وهذه هي ما تسمى بالمجسمات الخمسة، وهي مجموعات خاصة. وكما قلنا فهي جميعاً من مشتقات المكعب. أو ما يسمى متعدد الأوجه Ployedron. ومتعدد الأوجه تعنى:

 ١- جميع الأوجه منتظمة (كأن تكون مثلثات متساوية الأضلاع، مربعات منتظمة، غمسات منتظمة أو سداسيات منتظمة وهكذا) ومتكافئة بعضها مع بعضها الآخر.



رباهيّ الأوجه المتنظم أو التتراهيدرون Tetrahedron



Cube للكعب



ثمانيّ الأوجه المنتظم أو الأكتاهيدرون Octahedron



الاتناهشري المتنظم، الدوديكاهيدرون Dodecahedron



Iconahedron

العشروني الأوجه

شكل ٢-٢. للجسمات الخمسة

٢- جميع القمم (vertics) والحواف أو الأضلاع (edge) متكافئة. كذلك يعني بـ «متكافئة» أنها قابلة للتحول فيما بينها، كل منها إلى الآخر (القمة للقمة والوجه للوجه الآخر، وهكذا)، بعملية تماثل أو أخرى.

أما عناصر وعمليات التماثل التي توجد في هذه المجسمات، فسنوجزها فيما يلي:

الشكل رياعي الأوجه المنتظم أو التتراهيدرون.

۱- ثلاثة محاور S_4 ، تتحد مع المحاور الكارتيزية Z, Y, X، وكل منها يولد العمليات $S_4^2 = C_2$ و S_4^3 .

٢- ثلاثة محاور C₂ تتواكب مع المحاور الكارتيزية أيضا. كل منها ينتج عنه عملية التماثل C₂، وهي العمليات التي سبق توالدها من المحاور Q₃.

 $^{\circ}$ – أربعة محاور $^{\circ}$ كل منها يمر من قمة Apex إلى مركز الوجه المقابل . كل من هذه المحاور يولد عمليات التماثل $^{\circ}$ 0 $^{\circ}$ ، أي شمان عمليات تماثل في مجموعها .

٤- ستة مستويات تماثل، كل منها يولد عملية تماثل واحدة ٢٥٠.

ويكون مجموع عمليات التماثل موزعة على وحدات (classes) هي:

E, $8C_3$, $3C_2$, $6S_4$, $6\sigma_0$

هذه المجموعة يرمز إليها بالرمز Ta.

كما ذكرنا سابقاً أن حاصل عمليات الدوران، لا بد أن يكون دوراناً فقط. وفي أي مجموعة تحتوي على عمليات انعكاس، إذا أسقطنا من حسابنا عمليات الانعكاس وحواصلها مع الدوران الأصيل، يتبقى لدينا «تحت مجموعة» Subgroup، تحتوي بكاملها على الدوران الأصيل فقط. وهكذا يوجد في مجموعة T₆، تحت مجموعة دوران، يرمز لها بالرمز T، ورتبتها ۱۲، وتحتوى على الوحدات التالية:

E, $4C_3$, $4C_3^2$, $3C_2$

الشكل ثماني الأوجه المنتظم، أو الأوكتاهيدرون وعناصر وعمليات التماثل الموجودة في هذا الشكل هي:

۱- ثلاثة محاور ۵، كل منها يمر خلال قمتين متقابلتين، ويولد العمليات

 $S_4^2 = C_2 ; S_4 , S_4^3$

٢- ثلاثة محاور C₂، تتحد مع المحاور هS. وقد حسبت عمليات التماثل
 الناتجة عنها في الخطوة السابقة.

 C_2 ثلاثة محاور C_3 تتواكب مع محاور C_3 ، C_4 ، کل منها يعطي العمليات C_4 . C_4 و C_5 .

كما هوا واضح فإن مC و C هي العمليات الجديدة التي لم تذكر من قبل.

٤- أربعة محاور S6 كل منها يمر خلال مركزي زوجين من الوجوه المثلثة
 المتقابلة. كل من هذه المحاور يولد عمليات التماثل التالية:

 $.\,S_6^5\,\, \cdot \,\, C_3^2\,\, \cdot \,\, i \,\, \cdot C_3\,\, \circ \,\, S_6^2\,\, \circ \,\, S_6^4\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\, S_6^3\,\, = \,\, i \,\, \circ \,\, S_6^2\,\, = \,\, C_3^2\,\, \circ \,\,$

٥- ستة محاور ٢٠٠ وهي التي تتصف حافتين أو ضلعين متقابلين، وكل
 منها يعطى عملية التماثل ٢٠٠.

٦- أربعة محاور C₃، تتواكب مع محاور S₆، كل منها يولد العمليات C₃ و
 C₃ . هاتان العمليتان يولدهما المحاور S₆، كما سبق.

٧- مركز تماثل i، يولد عملية تماثل i، سبق ذكرها مع عمليات التماثل
 الناتجة عن محاور Sa.

٨- ثلاثة مستويات تماثل، كل منها يمر خلال أربعة قمم، وكل منها يولد
 عملية تماثل σ_h.

٩- ستة مستويات تماثل كل منها يمر خلال قمتين وينصف حافتين
 متماكستين، ويولد عملية تماثل σ₀.

مجموع هذه العمليات موزعا على وحدات هو:

E, $8C_3$, $6C_4$, $3C_2$ (= C_4^2), i, $6S_4$, $8S_6$, $3\sigma_h$, $6\sigma_d$ eak. Alson each like in the contraction of 6

من الواضح أن المكعب يحتوي بالضبط على نفس هذه العناصر والعمليات، وبالتالي فهو يتبع نفس مجموعة التماثل D₀ أيضا.

هذه المجموعة تشمل تحت المجموعة O التي رتبتها ٢٤ وتحتوي على الوحدات التالية:

E, $6C_4$, $3C_2$ (= C_4^2), $8C_3$, $6C_2$

تبقى لدينا الشكل الخماسي الاتناعشري Pentagonal ، والايكوزاهيدرون، ولهما نفس المتماثل كما أنهما مرتبطان معاً كما في حالة المكعب والأوكتاهيدرون. أما عناصر وعمليات التماثل في كل منهما فهي:

١- ستة محاور ٥١٥، كل منها يولد العمليات الآتية:

 ${}_{4}S_{10}^{4} = C_{5}^{2} , S_{10}^{3} , S_{10}^{2} = C_{5} , S_{10}$

 $S_{10}^{10} = E \cdot S_{10}^{9} \cdot S_{10}^{8} = C_{5}^{4} \cdot S_{10}^{7} \cdot S_{10}^{6} = C_{5}^{3}$

۲- ۱۰ محاور S، يتولد عنها العمليات:

 $S_6^6 = E$ ، S_6^5 ، $S_6^4 = C_3^2$ ، $S_6^3 = S_2 = i$ ، $S_6^2 = C_3$ ، S_6 وقد سبق ذکر کل من E فر من E وقد سبق ذکر کل من

٣- ٦ محاور ،C2، متحدة مع المحاور ،S10، ويتولد عنها عمليات:

C¹; C²; C²; C₃

وقد سبق اعتبار هذه العمليات مع المحاور S₁₀.

 S_{-} عشرة محاور S_{-} ، تتحد مع المحاور S_{-} ، والعمليات الناتجة عنها هي: التي حسبت قبل ذلك مع المحاور S_{-} .

 C_2 يوجد خسة عشر محور C_2 ، تؤدي مجتمعة إلى خس عشرة عملية تماثل C_2

 C_2 يوجد خمسة عشر مستوى، كل منها يحتوي على محورين C_2 ، ومحورين C_3 ، وتؤدي مجتمعة إلى ١٥ عملية انعكاس.

وهكذا يكون مجموع العمليات هو ١٢٠ عملية تكوّن فيما بينها الوحدات التالية:

E , $12C_5$, $12C_5^2$, $20C_3$, $15C_2$, i, $12S_{10}\,,~20S_6$, $15\,\sigma$

والمجموعة التي تتبعها هي Ih، وهي تشكل تحت مجموعة دوران I، يخصها ٦٠ عملية تماثل هي:

 $E\ ,\ 12C_5\ ,\ 12C_5^2\ ,\ 20C_3\ ,\ 15C_2$

وأخيراً هناك مجموعة تسمى T_b ، وهي تنتج إذا أضفنا مجموعة مستويات تماثل أفقية كل منها مجتوي زوجاً من محاور C_2 . وهي تشمل الوحدات التالية:

E , $4C_3$, $4C_3^2$, $3C_2$, $i,~4S_6$, $4S_6^5$, $3\,\sigma_h$

 O_h ، O_h ، T_a ، T_h ، T_h

٢ - ٢. الطريقة المنهجية لتصنيف الجزيئات

A systematic Procedure for Classification of Molecules

الآن وقد عرفنا نوع المجموعات التي يمكن أن يتبعها جزي، ما، علينا أن نبحث عن طريقة ما لتصنيف الجزيئات في مجموعات التماثل المختلفة بحسب ما يوجد في الجزي، من عناصر وعلميات التماثل. والطريقة المنهجية التالية يمكن باتباعها التوصل بسهولة إلى مجموعة التماثل التي يتبعها جزي، ما.

- ا الخطوة الأولى هي أن نحدد هل الجزيء خطي (Linear) أو \mathbb{Y}^{9} فإذا كان الجزيء خطياً، فهو يتبع المجموعة D_{cob} إذا وجد فيه مركز تماثل فالمجموعة التي يتبعها هي C_{cov} .
- Y = 1 الخطوة الثانية، هل الجزيء مجتوي على محورين أو أكثر $C_{\rm a}$ ، حيث $c_{\rm b} > 2$ مل الجزيء من المجموعات التي تنتمي إلى المكعب، أو المجسمات؟ فإذا كان يتبع هذه المجموعات، نبحث عن مركز تماثل (i). إذا لم يكن هناك مركز تماثل، فالمجموعة هي إحدى مجموعات التراهيدرون $T_{\rm c}$ إذا وجد مركز تماثل، نبحث عن محور دوران $C_{\rm c}$ فإذا وجد فالجزيء يتبع إحدى مجموعتي $T_{\rm c}$ أما إذا لم يوجد فالجزيء يتبع إحدى مجموعتي $T_{\rm c}$ أما إذا لم يوجد فالجزيء يتبع إحدى محموعات الأوكناهيدرون $T_{\rm c}$
- $^{\circ}$ الخطوة الثالثة، إذا لم يكن الجزيء من المجموعات الخاصة السابقة، ولا يحتوي محور تماثل $^{\circ}$ 0، نبحث عن مستوى تماثل، فإذا وجد فالمجموعة هي $^{\circ}$ 1. أما إذا لم يوجد مستوى تماثل نبحث عن مركز تماثل (i)، فإذا وجد فالمجموعة التي يتبعها الجزيء هي $^{\circ}$ 2 وإذا لم يوجد فالمجموعة هي $^{\circ}$ 2.

- S_{-} إذا وجد في الجزيء محور دوران C_{n} ، نبحث عن محور دوران غير أصيل S_{2} يتحد مع المحور C_{n} ، بحيث لا يكون نتيجة له، وبشرط الا يوجد أي عنصر تماثل آخر إلا مركز تماثل، فإن هذا الجزيء يتبع مجموعة S_{2} عد روجي)، S_{2} أو S_{2} ...).
- O إذا لم يوجد محور غير أصيل O المتواكب مع محور الدوران O متعامدة على نبحث عن وجود عدد من O من المحاور الثنائية O متعامدة على المحور O فإن الجزيء يتبع إحدى مجموعات O. ثم نتابع البحث عن مستوى أفقي (O) فإذا وجد تكون المجموعة هي O أما إذا لم يوجد O فإنا نبحث عن وجود عدد O من المستويات المنصفة O فإذا وجدت فالجزيء ويتبع مجموعة O أما إذا لم يوجد هذا العدد من المستويات المنصفة ، فالجموعة O
- Γ إذا لم يوجد عدد π من محاور C_2 المتعامدة على C_n ، نبحث عن مستوى أفقي σ_0 ، فإذا وجد فالمجموعة هي C_{nh} . وإذا لم يوجد في الجزيء مستوى أفقي، نبحث عن عدد π من المستويات الرأسية σ_0 فإذا وجدت فالمجموعة التي يتبعها الجزيء هي C_{nv} . وإذا لم يوجد فإن المجموعة هي σ_0 .

الرسم التخطيطي (شكل ٢ - ٣) يوضح تلك الخطوات.

٢ - ١ - ٣ أمثلة توضيحية

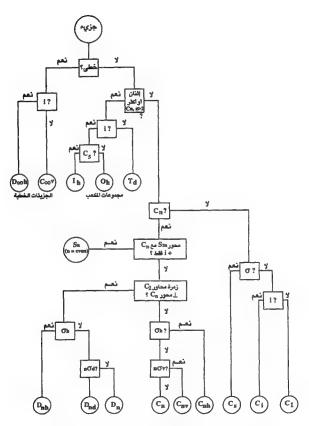
۱ - جزيء حامض كلوريد الهيدروجين H-Cl (شكل ۲ - ٤).

الجزيء خطى

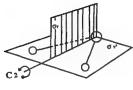
• يوجد به عور دوران لا نهائي يتحد H—CI . Go

عدد لا نهائي من المستويات الرأسية .σ_v

شکل ۲ – ٤



شكل ٢ - ٣ رسم تخطيطي يوضح كيفية تميين مجموعة النماثل لجزيء ما [العلامات الموجودة داخل المربعات تدل على عنصر تماثل وليس هملية تماثل]



شکل ۲ – ۰

• لا يوجد به مركز تماثل.

الجزيء يتبع مجموعة التماثل

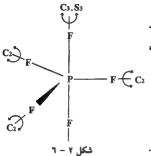
.C_{ov} ۲ – جزيء الماء H₂O (شكل ۲–۵).

- لا يوجد به محور غير أصيل
- أعلى محور دوران أصيل هو C2 الذي يمر بذرة الأكسجين وينصف المسافة بين ذرق الهيدروجين.
 - لا توجد محاور ثنائية أخرى.
 - يوجد مستويا تماثل رأسيين، أحدهما هو المستوى الجزيئي.
 إذن جزيء الماء يتبع مجموعة التماثل ر2.

٣ - جزيء الأمونيا وNH.

- ليس من المجموعات الخاصة.
- لا يوجد به محور دوران غير أصيل Sa.
- محور الدوران الأصيل الوحيد هو الثلاثي C3،
 - لا توجد محاور ثنائية ٢٠ بالمرة.
 - σ_v توجد ثلاثة مستويات تماثل رأسية

المجموعة التي يتبعها جزيء الأمونيا، إذن، هي «C₃،

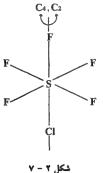


- ٤ جــزيء خــامـــس فــلــوريــد الفوسفور، PFs (مثلث ثنائي الهرم) (شكل ٢ - ٦)
- الجزيء ليس جزيئاً خطياً.
 - لا يتبع المجموعات الخاصة.
 - أعلى محور دوران أصيل هو C₃.
 - لا يـوجـد محـور دوران غـير أصيل ع8،
 - توجد ثلاثة محاور ثنائية .C.

متعامدة على المحور الرئيسي .C. إذن الجزيء يتبع إحدى مجموعات التماثل D.

و يوجد في الجزيء مستوى تماثل أفقى σ_b.

جزيء خامس فلوريد الفوسفور، PFs، إذن يقع في مجموعة التماثل .D_{3h}



عمليات السماثل الموجودة في هذا E , $2C_3$, $3C_2$, σ_h , $2S_3$, $3\sigma_v$ بالجزيء هي $3\sigma_v$

أي جزي يتبع المجموعة £0، لا بد أن يحتوي على عمليات التماثل تلك، وهكذا في كل حالة.

 ٥ - جزيء SF₅ Cl. كلورو خامس فلورو الكبريت: (شكل ٢ - ٧)

هذا الجزيء له شكل ثماني الأوجه، الاكتاهيدرون، المنتظم، ومع ذلك لا يقع ضمن مجمعة التماثل O_k، وذلك لأن المواقع الست في الأكتاهيدرون غير متكافئة.

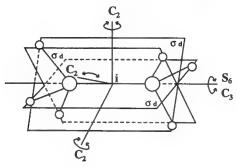
- الجزيء ليس خطياً، ولا يتبع المجموعات الخاصة.
 - أعلى محور دوران هو المحور الرباعي م.
 - لا يوجد محور دوران غير أصيل S₈.
- لا توجد محاور ثنائية C₁ متعامدة على المحور الرئيسي ،C.
 - لا يوجد مستوى تماثل أفقي.

توجد زمرة من مستويات التماثل الرأسية (٧٥٥, 2٥٥) هذا الجزيء يقع ضمن مجموعة النقطة ،....

. C₆H₆ (Benzene) جزيء البنزين - ٦

- الجزيء ليس خطيا، كما أنه ليس من المجموعات الخاصة.
 - یوجد محور أصیل c3 عمودي على مستوى حلقة البنزین.
- يوجد محور غير أصيل ع8، يتواكب مع المحور وC، ولكن توجد عناصر تماثل أخرى مستقلة عن المحور ع8.
- توجد ستة محاور ثنائية عمودية على المحور الرئيسي، وتقع مستوى
 الجزيء، وبناء على ذلك فإن الجزيء يقع في إحدى مجموعات
 التماثل D6.
- وطالما يوجد مستوى أفقي (مستوى الجزيء) فإن المجموعة هي. D₆₆.
 علينا أن نلاحظ وجود مستويات تماثل رأسية، لكنها تحتوي المحاور الثنائية .C₂.

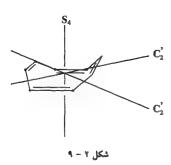
- V جزىء الإيثان (Ethane) حزىء
- الشكل المسمى "Staggered" (شكل ٢ ٨)



شکل ۲ – ۸

- الجزيء يحتوي على محور أصيل C3، وكذلك محور غير أصيل S6. وعلى
 الرغم من وجود مركز تماثل فإنه يوجد عناصر تماثل أخرى وجودها
 مستقل عن وجود المحور S6.
- يوجد ثلاثة محاور ثنائية C2 عمودية على المحور الأساسي C3. الجزي،
 إذن يتبع إحدى مجموعات D.
 - لا يوجد مستوى تماثل أفقي (أي عمودي على المحور С₃).
 - . σ_a يوجد ثلاثة مستويات منصفة σ_a
 - الجزيى يتبع المجموعة D_{3d}.

- جزىء سيكلو أوكتاتترايين (شكل ٢ - ٩)



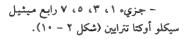
- یوجد محور ه۵، کما یوجد العدید من عناصر التماثل الأخرى التي یستقل وجودها عن وجود المحور ه۵. وعلى ذلك نـذهب للخطوة التي تلیها.
 - و يوجد محور C₂ (بالضرورة)
 يتواكب مع ۵۹.
 - لا توجد محاور أصيلة ذات رتبة أعلى، ولكن يوجد

محوران 2 متكافئان في المستوى العمودي على المحور C2-R4، وبالتالي فنحن أمام مجموعة D2.

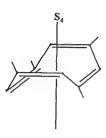


 يوجد مستويات تماثل رأسية تنصف الروابط الثنائية المتقابلة، وتمر بين المحاور
 C2

المجموعة التي يتبعها هذا الجزيء هي D_{2d}.



♦ كما هو واضح يوجد محور ٤٠.



شکل ۲ - ۱۰

ولا توجه عناصر تماثل أخرى مستقلة. وجود مجموعات الميثيل حطم جميع المستويات الرأسية والمحاور الأفقية الثنائية الموجودة في الجزيء الأصلي . CaHa الجزيء هي Sa.

Representations of groups مثيل المجموعات

لقد سبق أن وصفنا عمليات التماثل المختلفة بالرموز، فذكرنا على سبيل المثال أن عملية الدوران غير الأصيل يرمز لها بالرمز \$\ وبالتالي فينما نكتب مثلا \$C_3 \tau نكون قد عبرنا عن عمليتي تماثل متتاليتين. كذلك فقد سبق أن وضعنا عمليات التماثل المختلفة الخاصة بجزيء ما فيما يسمى بجداول ضرب أو تجميع المجموعات (Combination or Tables) والحقيقة أن المصفوفات تقدم لنا طريقة رياضية لوصف أو تمثيل حركة جسم ما في الحيز (Space)، وبالتائي فهي وسيلة جيدة لوصف وتمثيل عمليات التماثل. وفي هذا الباب سنوضح كيف يمكن للمصفوفات أن تصف أو تمثيل الحركات الجزيئية المصاحبة أو الناتجة عن التماثل، أي عمليات التماثل، خير تمثيل. وطالما أن الأمر كذلك؛ فإننا سنتدارس بعض الأمثلة لتوضيح المصفوفات برجه عام، والمصفوفات المربعة بوجه خاص.

٢ - ٣ المصفوفات وتمثيل المجموعات

المصفوف بوجه عام يأخذ الشكل التالي:

$$\begin{bmatrix} A & B & C \\ D & E & F \end{bmatrix} \qquad \text{i} \qquad \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 4 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

الحروف A، C، B، A إلى آخره، تسمى العناصر. وكما تلاحظ فهي ترتب عرضياً وطولياً، والترتيب العرضي يسمى «صفوف». بينما الطولي يسمى «أعمدة»، ويقال عن المصفوف السابق إنه مصفوف ٢ × ٣. إذا تساوي عدد الصفوف والأعمدة في مصفوف ما يسمى «مصفوف مربع» (Square Martix). والمحادلة التالية توضح ضرب المصفوفات معاً.

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E & F \\ G & H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} AE + BG & AF + BH \\ CE + DG & CF + DH \end{bmatrix}$$

وكما هو واضح يوجد مصفوفان مربعان، كل منهما ٢ × ٢، وبالتالي تكون رتبة كل منهما هي ٢. في المصفوف المربع، تسمى العناصر التي توجد كلية على الخط القطري المار من أعلى الشمال إلى أسفل اليمين به «العناصر القطرية» (Diagonal Elements)، وهي ذات أهمية خاصة هنا. كذلك فإن المصفوف المربع الذي تكون جميع العناصر القطرية فيه تساوي ١ ، بينما جميع العناصر الأخرى تساوي صفراً، أو صفرية، يسمى وصفوفاً أحادياً» (Unit Matrix).

في الشكل أو المعادلة السابقة يضرب المصفوفان معاً. والعلويقة التي اتبعت لذلك هي بضرب صف من الصفوف الذي إلى الشمال في عمود من المصفوف الذي إلى اليمين. ويمكن توضيح ذلك بالأرقام، أو المصفوفات ذات الأرقام. وعلى سبيل المثال فإن ضرب مصفوف ٢ × ٢ في مصفوف آخر ٢ × ١ (في المصفوف الأول، إلى الشمال، يوجد صفان وعمودان، وفي الثاني، إلى اليمين، يوجد صفان وعمود واحد) يكون كما يلى:

$$\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix} \quad = \quad \begin{bmatrix} 6+7 \\ 4+4 \end{bmatrix} \quad = \quad \begin{bmatrix} 13 \\ 32 \end{bmatrix}$$

أما حاصل ضرب مصفوفين XXY، أو مصفوفين كل منهما

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 8 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 4 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 13 & 3 & 10 \\ 10 & 3 & 8 \\ 2 & 5 & 9 \end{bmatrix}$$

ومع هذا يستحسن توضيح القاعدة العامة لذلك، فإذا ضربنا مصفوفين أحدهما ٣×٣ والآخر ٢×٤ (لاحظ أن رتبة المصفوف هي التي تذكر أولًا، أي ٣ في المصغوف الأول، ٢ في المصغوف الثاني، ثم تليها رتبة الأعمدة) في صورتهما العامة يكون ذلك كما يلى:

$$\begin{bmatrix} \mathbf{a}_{11} & \mathbf{a}_{12} \\ \mathbf{a}_{31} & \mathbf{a}_{23} \\ \mathbf{a}_{21} & \mathbf{a}_{32} \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{11} & \mathbf{b}_{12} & \mathbf{b}_{13} & \mathbf{b}_{14} \\ \mathbf{b}_{21} & \mathbf{b}_{22} & \mathbf{b}_{23} & \mathbf{b}_{34} \end{bmatrix} \quad = \quad \begin{bmatrix} \mathbf{c}_{11} & \mathbf{c}_{12} & \mathbf{c}_{12} & \mathbf{c}_{14} \\ \mathbf{c}_{21} & \mathbf{c}_{22} & \mathbf{c}_{23} & \mathbf{c}_{24} \\ \mathbf{c}_{21} & \mathbf{c}_{22} & \mathbf{c}_{23} & \mathbf{c}_{24} \end{bmatrix}$$

حيث:

$$\begin{array}{l} c_{11} = \ a_{11}b_{11} + a_{12}b_{11} \\ c_{12} = \ a_{11}b_{13} + a_{12}b_{22} \\ c_{13} = \ a_{11}b_{13} + a_{12}b_{23} \\ c_{14} = \ a_{11}b_{14} + a_{12}b_{24} \\ c_{24} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{24} \\ c_{25} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{25} \\ c_{26} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{25} \\ c_{26} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{25} \\ c_{27} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{25} \\ c_{28} = \ a_{21}b_{14} + a_{22}b_{25} \\ c_{29} = \ a_{22}b_{14} + a_{2$$

وهكذا. لاحظ أن رتبة المصفوف الناتج هي ٣×٤.

ثمة خاصية مهمة للمصفوف المربع، وهي «الميز» (Character). والمميز هو مجموع العناصر القطرية ويرمز إليه عادة بالرمز χ (كاي، والمميز هو مجموع العناصر القطرية ويرمز إليه عادة بالرمز χ (Conjugate matrices). ومن المهم أن نعرف أن المصفوفات المترافقة هي المعيزات متشابه (Identical)، أو نفس المميز. والمصفوفات المترافقة هي التي ترتبط معا بما يسمى «تشابه التحويلات» (Similarity (Similarity المتحويلات» Transformation) المجموعات، وقد سبق ذكرها (صفحة χ). كذلك هنالك حالة خاصة في ضرب المصفوفات. وهي التي تكون فيها جميع العناصر غير الصفرية موجودة في وحدات أو بلوكات مربعة (Square blocks) بطول الخط القطرى، كما في الحالة التالية:

I	Γ1	0	0	0	0	07	۲4	1	0	0	0	0	ì
						0	2	3	0	0	0	0	
	0	0	3	0	0	0	0	0	1	0	0	0	
		0					0	0	0	0	1	2	
	0	0	0	1	2	2	0	0	0	3	0	2	
	0	0	0	4	0	1	0	0	0	2	1	1	

وحاصل الضرب لهذين المصفوفين بالترتيب السابق هو:

4	1	0	0	0	0
8	7	0	0	0	0
0	0	3	0	0	0
0	0	0	13	3	10
0	0	0	10	3	8
0			2	5	

ومن السهل إثبات أن عناصر وحدةٍ ما أو البلوك، ما في المصفوف الناتج، في تلك الحالة، تحددها فقط عناصر الوحدات أو البلوكات المقابلة كما يلي:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 8 & 7 \end{bmatrix}$$

$$[3] [1] = [3]$$

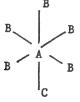
$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 4 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 13 & 3 & 10 \\ 10 & 3 & 8 \\ 2 & 5 & 9 \end{bmatrix}$$

لاحظ أننا بسطنا، أو حوَّلنا المصفوف إلى مصفوفات أبسط، أو كما يقال، اختزلنا المصفوف إلى مصفوفات أبسط.

والآن كيف تمثل عمليات التماثل من خلال المصفوفات؟

إننا نواجه بحيرٍ ثلاثيّ الأبعاد، ومن ثم نأخذ في اعتبارنا الإحداثيات الكارتيزية المعروفة x ، y ، و ونقيم منها مصفوفاً أحادياً:

دعنا نأخذ مثالا محدداً، وليكن الجزيء AB₂C، الذي يتبع مجموعة التماثل به.



- 1...

جدول تجميع أو ضرب عناصر هذه المجموعة هو كما يلي:

	E	C_4	C_4^4	C_{a}	σ_{v}	$\sigma_{\mathtt{v}}^{'}$	$\sigma_{ m d}$	$\sigma_{\rm d}^{'}$
E	E	C,	C_4^4	C,	σ_{\forall}	$\sigma_{\mathrm{v}}^{'}$	σ_{d}	$\sigma_{ m d}^{'}$
\mathbf{C}_4	C.	C_2	E	C_1^4	σ_{d}	$\sigma_{\mathbf{d}}^{'}$	$\sigma_{\rm v}^{'}$	$\sigma_{\rm v}$
C_4^3	C,	E	C_{2}	\mathbf{C}_{4}	$\sigma_{\mathbf{d}}^{'}$	$\sigma_{\rm d}$	$\sigma_{\rm v}$	$\sigma_{\mathbf{v}}^{'}$
C_2	C,	C_4^3	$\mathbf{C}_{\scriptscriptstyle{4}}$	\mathbf{E}	$\sigma_{\mathbf{v}}^{'}$	$\sigma_{\mathtt{v}}$	$\sigma_{\mathrm{d}}^{'}$	σ_{d}
		$\sigma_{\rm d}^{\prime}$						
		$\sigma_{ m d}$						
$\sigma_{ m d}$	$\sigma_{\rm d}$	σ_{v}	$\sigma_{\mathtt{v}}^{'}$	$\sigma_{\mathbf{d}}^{'}$	C_a	C_4^3	E	C_z
$\sigma_{ m d}'$	$\sigma_{\mathbf{d}}'$	$\sigma_{\mathtt{v}}^{'}$	$\sigma_{\rm v}$	$\sigma_{\rm d}$	C_4^3	C_4	C,	E

إن مهمتنا الآن هي أن نوجد مصفوفات $X \times T$ تصف أو تمثل (Represent) عناصر التماثل المختلفة في مجموعة التماثل X. ولنبدأ بعملية الذاتية، وحتى نذكر هنا فإن عملية الذاتية هي عملية عدم القيام بأية عملية أو هي عملية إعادة الجسم أو الجزيء إلى وضعه أو توجهه الأصلي، عماماً، وكأن شيئاً لم يحدث للجسم. والسؤال هو، ما تأثير عملية الذاتية على نقطة ما في الجزيء إحداثياتها هي (X,y,z) من المؤكد أن تلك النقطة لن تتغير، بمعنى أنها ستعود إلى نفس الاحداثيات (X,y,z) أو تظل عندها والآن ومرة أخرى ما هو المصفوف الذي لو ضربناه في المصفوف الأحادي ومرة أثرى السابق لن يغيره؟ علينا إذن إيجاد مصفوف $X \times T$ وليكن:

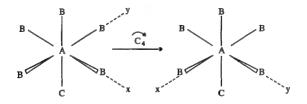
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

فإذا ضربنا هذا المصفوف في المصفوف الإحداثي السابق فإن:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

وكما هو واضح فإن ضرب هذا المصفوف في المصفوف الأحادي الإحداثي، لن يغير توجه هذا النظام الإحداثي للجزيء، وهذا بالتحديد ما نعنيه بعملية الذاتية. هذا المصفوف إذن يمثل عملية الذاتية.

الشكل التالي Y - 11 يوضح كيف تؤثر عملية الدوران C، في اتجاه عقرب الساعة على الجزيء. من الواضح أن تلك العملية تحرك المحور لا ليأخذ مكان المحور C، بينما يدخل المحور C في الاتجاه السالب للمحور C. أما المحور C، الذي يتحد أو يتواكب مع محور التماثل C، فإنه لا يتغير، حيث تدور عملية التماثل حوله. وبالتالي فإن الإحداثيات التي تنتج



شكل ٢ - ١١ . تأثير حملية التماثل بـ على المحاور

عن عملية بى حول المحور Z أو بى، هي تحول X إلى ٧-، و٧ إلى X، أما Z فتظل كما هي. وعلينا أن نبحث عن المصفوف الذي لو ضربناه في المصفوف الإحداثي يؤدي إلى ذات النتيجة؟ المصفوف ٣ × ٣ التالي يقوم بتلك المهمة حيث:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y \\ -x \\ z \end{bmatrix}$$

المسفوف السابق إذن يمثل عملية التماثل σ . والآن دعنا نعتبر نعتبر مستوى التماثل σ على أنه المستوى xz في الجزيء الذي نحن بصده. إن تأثير عملية الانعكاس σ في ذلك المستوى x أما الإحداثيان إشارة الإحداثي y، الذي سينعكس في المستوى x. أما الإحداثيان الآخران x فبالطبع لن يتأثرا بتلك العملية. بناء على ذلك يكون المصفوف x x التالى عثلًا لعملية التماثل x.

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ \overline{y} \\ z \end{bmatrix}$$

وهكذا أمكننا أن نوجد المصفوفات التي تمثل كلًا من عملية الدوران C_a وعملية الانعكاس في مستوى تماثل σ. المعادلات التالية توضع المصفوفات التي تمثل جميع عمليات التماثل في الجزيء AB₃C الذي يتبع مجموعة التماثل م.C.

$$E\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

$$C_{4}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y \\ x \\ z \end{bmatrix}$$

$$C_{5}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y \\ x \\ z \end{bmatrix}$$

$$C_{5}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \overline{x} \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{xx} = \sigma_{v}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ \overline{y} \\ z \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{d}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \overline{y} \\ \overline{y} \\ \overline{z} \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{d}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \overline{y} \\ \overline{x} \\ z \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{d}\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y \\ x \\ z \end{bmatrix}$$

وبوجه عام، فإن حاصل ضرب أي مصفوفين من المصفوفات الممثلة أو التي تمثل عمليات، التماثل المختلفة لا بد أن يكون هو الآخر مصفوفاً لعملية تماثل (عادة ما تكون عملية تماثل أخرى). وعلى سبيل المثال، فإن ضرب المصفوفين الممثلين لعمليتي التماثل التاليين يكون كما يلى:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{zz}$$
 σ_{yz} = σ_{yz} σ_{zz} = $C_2(z)$

إننا بذلك نكون قد أثبتنا، أولا: أن المصفوفين الممثلين للعمليتين σ_{yz} , σ_{xz} هما مصفوفان مترافقان، بنفس الطريقة التي تترافق بها عمليتا التماثل σ_{yz} , σ_{xz} .

ثانياً: إن حاصل ضرب هذين المصفوفين هو مصفوف يمثل عملية ثاثل أخرى، وهو في هذه الحالة المصفوف الممثل للعملية (C_2)، وكما هو واضح فهو نفس حاصل عمليتي التماثل ذاتهما. ويمكن أن نرمز إلى ذلم بأنه إذا طبقت العمليات الهندسية C_3 ، C_4 ، C_5 ، إلى آخره، على التوالي، وكان التأثير الناتج هو نفس التأثير الذي ينتج عن عملية واحدة C_4 ، أي: C_5

فإن حواصل المصفوفات التي تمثل هذه العمليات يمكن أن تضرب معاً بنفس الترتيب، لتعطى المصفوف الذي يقابل العملية X، أي أن:

أما مقلوب المصفوف كد، أي ألك فهو يعرف بالمعادلة:

$$\mathcal{A} \mathcal{A}^{-1} = \mathcal{A}^{-1} \mathcal{A} = \mathcal{E}$$

حيث 🕏 مصفوف أحادي:

المصفوفات التي تم استنتاجها والتي تصف تحويلات زمرة من الإحداثيات المتعامدة Orthogonal ، تسمى مصفوفات متعامدة .matrics) .matrics . هذه المصفوفات تملك خاصية مهمة ، وهي أن مقلوبها يمكن الحصول عليه بمجرد نقل الصفوف مكان الأعمدة ، أو ما يسمى الناقل (Trans pose) . وعلى سبيل المثال فإن مقلوب (Inverse) المصفوف :

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

 $\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$

حيث يمكن إثباته كما يلى:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

والآن بالعودة إلى المصفوفات المثلة لعمليات التماثل المختلفة في المجموعة به C_{av} والتي سبق لنا استنتاجها، تكون مهمتنا التالية هي إثبات أن تجميع أو ضرب أي مصفوفين ممثلين يعطي أحد المصفوفات الممثلة الأخرى داخل المجموعة. بالرجوع إلى جدول التجميع السابق، نلاحظ أن C_{av} . C_{av} ولا. المعادلة التالية توضع حاصل المصفوفين اللذين يمثلان عمليتي التماثل هاتين:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

كما نلاحظ فالمصفوف الناتج هو المصفوف الذي يمثل عملية التماثل σ'_{a} . وهكذا فإن المصفوفات الممثلة تعطي نفس النتائج، تماماً مثل عمليات التماثل ذاتها. وهذا صحيح لأي تجميع أو ضرب بين تلك المصفوفات الممثلة.

بعد الخطوة السابقة، علينا أن نوضح أن زمرة المصفوفات التي تمثل مختلف عمليات التماثل في المجموعة به2، مثلا، تتبع أو تكوَّن مجموعة رياضية. ويحدث ذلك إذا ما أثبتنا أن القواعد الأربع التي ذكرناها آنفا (الفصل الأول) يمكن أن تحققها تلك المصفوفات الممثلة في المجموعة به2.

سبق أن أوضحنا أن ضرب الصفوف المثل للعملية C_1 في المصفوف المثل للعملية C_2 ينتج عنه المصفوف الذي يمثل العملية C_3 وهو أحد المصفوفات التي تصف عملية ما في المجموعة. ويمكن للقارىء إثبات أن حاصل ضرب أي مصفوفين عمثلين ينتج عنه مصفوف عمثل آخر في المجموعة ذاتها وبذلك تكون القاعدة الثانية قد تحققت. كما أن قانون إضافة المضاعفات (The Associative law of multiplication) يمكن للقارىء إثباته بسهولة. كذلك فقد سبق أن استنتجنا المصفوف الممثل لعملية الذاتية. والآن يمكنا استنتاج المصفوف الممثل لمقلوب العملية ما C_3 كما يل:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \qquad \text{ellable} \qquad \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(C_4)^{-1} \qquad \qquad \overset{\sim}{C_4} = \overset{\sim}{C_4^3}$$

فإذا ضربنا أحدهما في الآخر كما يلي:

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{C}_4 \qquad \qquad \mathbf{C}_4^1 \qquad = \qquad \mathbf{E}$$

يكون حاصل الضرب هو المصفوف الممثل لعملية الذاتية (صفحة ١٠٦). كذلك فإن لكل مصفوف عمثلاً مقلوباً أو معكوساً، بحيث يكون حاصل ضربهما مساوياً للمصفوف الممثل لعملية الذاتية، كما أوضحنا حالاً. وبهذا نكون قد أوضحنا أن زمرة المصفوفات التي غمثل عمليات التماثل المختلفة في مجموعة ما تكون هي الأخرى مجموعة رياضية، تخضع لذات القواعد، كما هو الحال في عمليات التماثل ذاتها.

ويمكننا الآن تعريف تمثيل المجموعات بحسب النوع الذي يهمنا، بأنه زمرة من المصفوفات كل منهما يقابل أو يصف عملية منفردة في المجموعات، والتي يمكنها أن تتحد فيما بينها بطريقة مشابهة للطريقة التي بها تتحد عناصر المجموعة، وهي في هذه الحالة عمليات التماثل. وهكذا فلو أن عمليتي تماثل في مجموعة تماثل، فلو أن عمليتي تماثل في مجموعة تماثل، ولتكونا σ_v ، أما σ_v ، أما أو اتحدا لتعطيا الحاصل، σ_v) فلا بد أن المصفوفين المناتج هو المصفوف المقابل للعملية، σ_v). ولنأخذ مثالاً آخر، لمزيد من التوضيح. ولتكن محاولتنا مع تمثيل المجموعة σ_v) التي تحتوي على عمليات التماثل: σ_v , σ_v , σ_v , σ_v , ولنظام الإحداثي الكارتيري،، وليكن σ_v والمستوى σ_v أما σ_v 0 فهو المستوى σ_v 2. المصفوف يمكن بسهولة استنتاج هو المستوى σ_v 3. أما σ_v 0 فهو المستوى σ_v 4. المصفوف يمكن بسهولة استنتاج

المصفوفات التي تمثل تأثير التحويلات أو عمليات التماثل المختلفة على نقطةٍ عامة (x,y,z) كما يلي:

$$E:\begin{bmatrix}1 & 0 & 0\\ 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & 1\end{bmatrix} \quad C_2:\begin{bmatrix}-1 & 0 & 0\\ 0 & -1 & 0\\ 0 & 0 & 1\end{bmatrix}$$

$$\sigma_v: \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \sigma_v': \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

جدول التجميع أو ضرب هذه المجموعة هو كالتالي:

ويمكن توضيح أن ضرب المصفوفات الممثلة معاً سيكون بنفس الطريقة. وعلى سبيل المثال: ، من جدول التجميع السابق فإن:

$$\sigma_{\rm v} C_2 = \sigma'_{\rm v}$$

وهو نفس ما يحدث في حالة المصفوفات المقابلة:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

وطالما أن كل عنصر في المجموعة هو مقلوب نفسه، فلا بد أن يكون ذلك صحيحاً بالنسبة للمصفوفات المثلة. ويمكن توضيح ذلك بسهولة على سبيل المثال:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

وهكذا فإننا باتباع طريقة واحدة، وهي دراسة تأثير التحويلات المختلفة على النقطة العامة (x,y,z) أمكن استنتاج زمرة من المصفوفات التي تكون في ما بينها تمثيلا للمجموعة (C_2) ، كما سبق أن فعلنا مع المجموعة (C_3) .

٢ – ٤. التمثيل القابل للاختزال والتمثيل اللاغتزل

Reducible and Irreducible Representations

هاتان الفكرتان، ونعني بهما التمثيل الذي يمكن اختزاله أو تبسيطه (Reducible Representation) وذلك التمثيل الذي لا يمكن اختزاله أو تبسيطه، أو كما أطلقنا عليه التمثيل اللانحتزل الاستعتزل (Trreducible) هما فكرتان يجب مناقشتهما الآن. لقد سبق أن ذكرنا أن هناك حالة خاصة في ضرب المصفوفات، وهي التي تكون فيها جميع العناصر غير الصفرية (Non-zero Elements) موجودة في وحدات أو بلوكات مربعة على طول الخط القطري في المصفوفات المربعة، يمكن بلوكات مربعة على طول الخط القطري في المصفوفات المربعة، يمكن بالتالي هو حاصل ضربها بالتالي هو حاصل ضربها المختزلة... وعلى ذلك فيمكن اعتبار زمرة من المصفوفات التي تحتوي بلوكات من ذلك الزع بطول الخط القطري، إنها عثلات قابلة للإختزال أو

التبسيط، أو ما يطلق عليه Reducible Representations أما ذلك المصفوف الذي لا يمكن تبسيطه أو اختزاله، فهو الممثل أو التمثيل اللانختزل. وعلى سبيل المثال، لو أننا رجعنا إلى المصفوفات الممثلة للمجموعة به التي سبق ذكرها (صفحة) سنلاحظ أن المحورين x، y لن يختلط أي منهما أبداً مع المحور العمودي عليهما z، بأية عملية تماثل. وكما كتبت، فإن هذه الزمرة من المصفوفات الممثلة، يمكن تبسيطها أو اختزالها، والمثالان التاليان يوضحان ذلك.

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}_{[1]}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \\ \end{bmatrix}_{[1]}$$
Co

وهكذا أمكننا تبسيط، أو اختزال كل من المصفوفين إلى مصفوفات أصغر أو أبسط، أي يمكن اختزال كل منهما، ومن ثم فهما مصفوفان قابلان للاختزال (Reducible). وقد يتم ذلك بعمل تحويلات مشابهة (Similarity Transformation) على كل مصفوف تمثيلي، حيث تنتج مصفوفات أخرى تكون هي بدورها مصفوفات تمثيلية أو عملة. والحقيقة أنه يمكن تمثيل مجموعة تماثل ما، ولتكن $_{\rm C}$ 2، على سبيل المثال، بعدد كبير من التمثيلات (Representations)، يحدد ذلك العدد فقط وسيلتنا في إيداع طرق لإيجادها. ومع ذلك يظل هناك هدد من التمثيلات قليل جداً وفي منتهى البساطة، وذلك بإعطاء رقم (۱) أو (- ۱) لكل عملية تمثيل، وليكن ذلك بالنسبة للمجموعة $_{\rm C}$ 2، كما يلي:

\mathbf{E}	C_2	$\sigma_{ m v}$	$\sigma_{\scriptscriptstyle alpha}$
1	1	1	1
1	-1	1	-1
1	-1	-1	1
1	1	-1	-1

ثم هناك تمثيلات ذات رتب أعلى. ومهما يكن الأمر، فهناك عدد عدد من التمثيلات ذات أهمية خاصة وأساسية، وهي تلك التمثيلات التي لا تختزل، هذه التمثيلات التي لا تختزل تتبع خمسة قواعد في منتهى الأهمة.

القواعد الخاصة بالتمثيلات التي لا تختزل

١- مجموع مربعات أبعاد (Dimensions) التمثيلات التي لا تختزل لمجموعة
 ما، يساوي رتبة هذه المجموعة، أي أن:

$$\sum d_i^2 = d_1^2 + d_2^2 + d_3^2 \dots = h$$

وطالما أن (xi(E) المميز للمثل لـ E في التمثيل الذي لا يختزل ith ، يساوي رتبة هذا التمثيل، يمكن كتابة القاعدة (١) أيضاً كما يلي:

$$\sum_{i} [\chi_{i} (E)]^{2} = h$$

٢ - مجموع مربعات المميزات (Characters) في التمثيلات التي لا تختزل يساوى رتبة المجموعة h.

$$\sum_{\mathbf{R}} [\chi(\mathbf{R})]^2 = \mathbf{h}$$

٣ – أي تمثيلين لا يختزلان يكونان متعامدين (Orthogonal) أي أن مجموع حاصلي الميز لكل منهما يساوي صفراً.

$$\sum [\chi_i(R)\chi_j(R) = 0 \text{ when } i \neq j$$

غ أي تمثيل (قابل أو غير قابل للاختزال) فإن المميز . . لجميع المصفوفات المقابلة لعمليات التماثل في نفس الوحدة (Class) تكون متشاجة أو متساوية (Identical) .

٥ – عدد التمثيلات التي لا تختزل في مجموعة ما يساوي عدد الوحدات في تلك المجموعة.

لعل أحسن وسيلة لشرح هذه القواعد هي العمل من خلال مثالٍ ما وليكن جزيء جزيء C_{2h} دلته الذي يتبع المجموعة C_{2h} . هذه المجموعة تحتوي على أربع عمليات تماثل هي: E, C_2 , i, G_h . كل من هذه العمليات يحتوي وحدة بذاته. من القاعدة (٥) يكون عدد المثيلات التي لا تختزل هو أربع (٤). وطالما أن هناك أربع عمليات فقط، فإن رتبة هذه المجموعة هي أربعة أيضاً، أي h = 4. وطالما أن القاعدة الأولى تنص على أن

$$d_1^2 + d_2^2 + d_3^2 + d_4^2 = h = 4$$

حيث d هي البعد (Dimension) للتمثيلات التي لا تختزل. والحل الوحيد لهذه المعادلة هو أن تكون الأبعاد جميعها مساوية لـ (١)، أي:

$$1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 = 4$$

وهكذا يكون للمجموعة ،C25، أربع تمثيلات لا تختزل أحادية البعد.

(One-dimensional). ويمكن استنتاج المميز لهذه التمثيلات التي لا تختزل الأربعة، والتي هي في حالتنا الراهنة هي التمثيلات نفسها لأن أبعادها هي (١)، على أساس بقية القواعد. وبالنسبة للتمثيل الذي لا يختزل الأول، وبحسب القاعدة (٢) فإن المميز لكل من عمليات التماثل الأربع لا بد أن يساوى (١)، وذلك حتى يكون:

$$1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 = 4$$

وهكذا تتحقق القاعدة (٢). ويمكن كتابة ذلك كما يلي:

والآن لجميع التمثيلات التي لا تختزل الأخرى، يجب أن تكون بعيث: $(x(R))^2 = 4$

وذلك يكون صحيحاً فقط لو أن كل عيز يساوي \pm 1، أي χ (R) = \pm 1 أكثر من ذلك، ولكي يكون كل تمثيل متعامد مع التمثيل الأول Γ , بحسب القاعدة (Γ)، فلا بد من وجود عيزان + 1 ، وآخران -1 ، أي أن:

		E	C_2	i	$\sigma_{ m h}$	Operations
	Γ_1	1	1	1	1	
irreducible	Γ_2	1	-1	-1	-1	
representations	Γ_3	1	-1	-1	1	
	Γ_4	1	-1	1	-1	

جميع هذه التمثيلات متعامدة (orthogonal) بعضها مع بعضها الآخر. وعلى سبيل المثال، إذا أخذنا في اعتبارنا كم 3 , 7، فإن:

$$(1)(1) + (1)(-1) + (-1)(-1) + (-1)(1) = 0$$

وهكذا، وبناء على ذلك فهده إذن هي التمثيلات التي لا تختزل الأربعة للمجموعة ،C3، التابع لها جزىء مثل الأمونيا ،NH.

 C_3 هذا الجزيء يحتوي على ست عمليات تماثل هي: E واثنتين C_3 . في C_3 . في دي C_3 . في وثلاث C_4 . العمليات يقع في ثلاث وحدات، أي C_5 . في المعموعة هو C_5 . في هذه المجموعة هو C_5 وطالما أن عدد عمليات التماثل هو C_5 ، فإن رتبة المجموعة تساوي C_5 أيضا.

إذن بحسب القاعدة (١)، فإن:

$$d_1^2 + d_2^2 + d_3^2 = 6$$

وبالتالي قيم d التي تحقق هذه المعادلة هي ١ و١ و٢٠ ومرة أخرى وكما فعلنا قبل ذلك، لا بد من وجود تمثيل لا يختزل أحادي البعد، حيث يكون كل مميز فيخ مساوياً لـ (+ ١)، وهكذا نحصل على:

والآن وقبل أن نعين المميز للتمثيلات الأخرى، لنتأكد أولا من أن التمثيل Γ_1 يتبع القاعدة (١). ولنأخذ في اعتبارنا أن لدينا اثنتين σ_2 وثلاث σ_3 ، ولكل منها مميز يساوى + ١. أى أن:

$$1^2 + 2(1)^2 + 3(1)^2 = 6$$

وبالتالي فإن القاعدة (١) تتحقق.

في البحث عن التمثيل الذي لا يختزل Γ_2 ، أحادي البعد، حيث تكون جميع الميزات أما + 1 أو - 1، وحيث يجب أن يكون متعامداً مع Γ_1 ، فلا بد أن يكون لدينا ثلاثة عميزات + 1 وثلاثة أخرى - 1. وطالما أن جميع العمليات التي في نفس الوحدة يكون لها نفس المميز، وبالتالي فإن Γ_2 ، يجب أن يكون:

	E	2C ₃	$3\sigma_{ m h}$	
Γ_1	1	1	1	
Γ_2	1	1	-1	

التمثيل الثالث Γ_3 ثنائي البعد – وحتى تتحقق القاعدة (Υ)، فإن الميز الثاني يجب أن يكون ± 1 ، أي أن:

$$\Gamma_3 = 2 , + 1 , 0$$

وذلك حتى نحصل على:

$$(2)^2 + 2(1)^2 + 0 = 6$$

ولكن، لأن جميع هذه التمثيلات يجب أن تكون متعامدة مع بعضها، علينا إذن أن نضرب Γ_1 في Γ_2 .

$$1(1)(2) + 2(1)(1) + 3(1)(0) = 4$$

کما هو واضح فإن اختيارنا لـ Γ_3 = 2 , + 1 , 0 , Γ_3 لن يكون متعامداً مع Γ_1 . بناء على ذلك فلا بد أن تكون Γ_3 = 2 , Γ_1 , Γ_3 هو :

$$1(1)(2) + 2(1)9-1) + 3(1)(0) = 0$$

وهكذا تكون التمثيلات التي لا تختزل لمجموعة التماثل C3v هي:

	E	2C ₃	$3\sigma_{\rm h}$
Γ_1	1	1	1
Γ_2 Γ_3	1	1	-1
Γ_3	2	-1	0

ثمة طريقة أخرى نستفيد بها من القاعدة (٣)، في إيجاد قيم المميز $\chi_3(\sigma_0)$.

بحسب القاعدة (٣) فإن:

$$\sum_{R} \chi_{1}(R) \chi_{3}(R) = [1][2] + 2[1][\chi_{3}(C_{3})] + 3[1][\chi_{3}(\sigma_{v})] = 0$$

$$\sum_{R} \chi_{2}(R) \chi_{3}(R) \ = \ [1][2] \ + \ 2[1][\chi_{3}(C_{3})] \ + \ 3[-1][\chi_{3}(\sigma_{v})] \ = 0$$

ويحل هاتين المعادلتين نحصل على:

$$\begin{array}{rcl} 2\chi_3(\mathrm{C}_3) \; + \; 3\chi_3(\sigma_{\mathrm{v}}) \; = \; -2 \\ -[2\chi_3(C_3) \; - \; 3\chi_3(\sigma_{\mathrm{v}}) \; = \; -2] \\ \hline 6\chi_3(\sigma_{\mathrm{v}}) \; = \; 0 \\ \chi_3(\sigma_{\mathrm{v}}) \; = \; 0 \end{array}$$

$$2\chi_3(C_3) + 3 (0) = -2$$
 وبالتاني:
 $\chi_3(C_3) = -1$

وعلينا أن نتأكد من صحة ٦٤، ويكون ذلك بحسب القاعدة (٢):

$$2^2 + 2(-1)^2 = 3(0)^2 = 6$$

والآن نصل إلى ما يسمى بـ «جداول المميز».

Character Tables بجداول الميز - ٥ - ٢

جدول المميز الكامل لمجموعة التماثل C_{2a} ، كما هو في الملحق (١) يكون كما يلي:

C_{2h}	E	C_2	i	σ_h		
Ag	1	1	1	1	R_s	x^2 , y^2 , z^2 , xy
$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$	1	-1	1	-1	R_x , R_y	xz, yz
$\mathbf{A}_{\mathbf{u}}$	1	1	-1	-1	z	
$\mathbf{B}_{\mathbf{u}}$	1	-1	-1	1	x,y	
2		1			3	4

حيث يكتب المجموعة التي تتبعها جدول المميز إلى أعلى الشمال في ركن خاص بها. يلي ذلك في نفس الصف الأعلى رموز عناصر المجموعة كما سبق أن أوضحنا، ويقسم الجدول إلى أربع مناطق أو أقسام.

المنطقة (١) وهي تحتوي على المميزات التي سبق تعيينها والخاصة بالتمثيلات التي لا تختزل للمجموعة.

المنطقة (٢)، وفيها استخدمت رموز أخرى للتمثيلات التي لا تختزل غير تلك التي سبق لنا استخدامها، وهذه هي رموز موليكان (Mulliken غير تلك التي سبق لنا استخدامها،

- أ_ جميع التمثيلات أحادية البعد (One-dimensional) يرمز لها بالرمز A
 أو B، ثنائية البعد يرمز لها بالرمز E، أما ثلاثية البعد فيرمز لها بالرمز T (أحيانا يرمز لها بالرمز F).
- ب التمثيلات أحادية البعد التي تكون متماثلة بالنسبة لدوران بزاوية $2\pi/n$ حول محور الدوران الرئيسي (متماثلة تعني أن $(C_n) = (C_n)$ يرمز لها بالرمز $(C_n) = (C_n)$ فإنها تعطى الرمز $(C_n) = (C_n)$ فإنها تعطى الرمز $(C_n) = (C_n)$
- جـ رقم ١ أو ٢ يكتب أسفل الرمز B, A، يدل على التوالي على تماثل أو عدم تماثل بالنسبة لمحور دوران C2 عمودي على المحور الأساسي، أو إذا لم يوجد محور الدوران ذلك فهو يدل على مستوى تماثل طولي.
- د_ وجود خط أو خطين لأي حرف (رمز) يدل، على التوالي، على
 التماثل أو عدم التماثل بالنسبة لمستوى أفقي ٠٠٥٠
- هـ في المجموعات التي يوجد بها مركز ارتكاس، يضاف الحرف g أسفل الرمز بالنسبة للتمثيلات التي تكون متماثلة بالنسبة لمركز التماثل، أما اللاحقة u فيدل على التمثيلات غير المتماثلة بالنسبة للمركز (g من

الكلمة الألمانية gerade، وتعني زوجي، أما u، من الكلمة الألمانية ungerade، وتعني غير زوجي).

و ـ الأرقام التي تتبع الرموز E وT، ليست بسيطة في التعريف بكيفية
 إضافتها دون الكثير من الرياضيات، ونكتفى هنا باعتبارها اختيارية.

المنطقة الثالثة، حيث يوجد عادة ستة رموز R_z , R_y , R_z , R_y , R_z , R

المنطقة الرابعة حيث يوجد مربعات وحواصل الناتج بين اثنين منهما، بحسب خواصها للتحويلة (Transformation Properties).

جميع جداول المميز تكون بنفس الكيفية التي عليها جدول المجموعة C2b السابق. ملحق ١ يعطى العديد من جداول المميز المهمة.

دعنا نأخذ نموذجاً لشرح الأفكار السابقة، وليكن كيفية استنتاج جدول الميز للمجموعة بهكم.

١ - هذه المجموعة تحتوي على جميع العلميات التي يولدها عناصر التماثل
 ١ وأربعة مستويات متعامدة تتقاطع جميعها مع المحور ١٠٤ ولندع المحور ١٤٥ في الاتجاه z عمليات التماثل التي يحتويها هذه المجموعة هي:

 $E\;,\;C_4\;,\;C_4^4\;,\;C_4^2\;,\;\sigma_V\;,\;\sigma_V^{'}\;,\;\sigma_d\;,\;\sigma_d^{'}$

هذه العمليات يمكن كتابتها مرة أخرى على أساس الوحدات (classes) كما يلي:

E , 2C₄ , C₂(= C₄²) , $2\sigma_{\rm v}$, $2\sigma_{\rm d}$

٢ - لايجاد جدول الميز، لا بد من معرفة عدد التمثيلات التي لا تختزل لهذه المجموعة. من القاعدة (٥) السابقة، نعلم مباشرة أن لدينا

خمسة تمثيلات لا تختزل بعدد الوحدات الموجودة. أبعاد هذه التمثيلات يجب أن تتحقق القاعدة (١)، أي أن.

$$d_1^2 + d_2^2 + d_3^2 + d_4^2 + d_5^2 = h = 8$$

والزمرة الوحيدة من الأعداد الصحيحة الموجبة التي تحقق المعادلة السابقة هي ١، ١، ١، ١، ١ و٢.

من السهل نسبياً استنتاج التمثيلات الأربعة الأولى ذات البعد
 الأحادي، وكما في أي مجموعة لا بد من وجود تمثيل حيث تكون
 كل عملية تماثل عمثلة بمصفوف أحادي، أي نصل إلى.

E	$2C_4$	C_2	$2\sigma_{\rm v}$	$2\sigma_{\rm d}$
1	1	1	1	1
1				
1				
1				
2				

الميز للتمثيلات أحادية البعد الثلاثة المتبقية، يمكن الحصول عليه من القاصدة (٣) حيث يجب أن يكون كل اثنين منهما متقامداً (Orthogonal). ولكي يكون تمثيلا ما متعامدا مع التمثيل الأول يجب أن نعطي + ١ لعملية التماثل ٢٠٤، وإحدى الوحدات الأخرى، ثم - ١ للوحدتين الأخرين، ومن ثم نحصل على ما يلى:

E	2C4	C_2	$2\sigma_{ m v}$	$2\sigma_d$
1	1	1	1	1
1	1	1	-1	-1
1	-1	1	1	-1
1	-1	1	-1	1
2				

من السهل إيضاح أن كل تمثيلين من تلك التمثيلات يكونان متعامدين كل مع الآخر، وعلى سبيل المثال، التمثيلان الثاني والثالث.

٥ ـ لإيجاد التمثيل ثنائي البعد، علينا أن نأخذ النقطة x، y، z، ونعين المصفوفات التي تصف تحويلاتها بكل عملية تماثل (عملية تماثل واحدة في كل وحدة). بتفحص بسيط يمكن إيضاح أنه يمكن الاستغناء عن الإحداثي z، لأنه لن يتأثر بأية عملية تماثل. وعلى ذلك، وياستخدام نقطة (x,y) في المستوى xy. فإن المصفوفات المناسبة ومميزها هي كما يل:

$$E \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \chi = 2 \qquad \sigma_{v} = (\sigma_{xx}) \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}, \chi = 0$$

$$C_{4}(z) \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}, \chi = 0 \qquad \sigma_{d} \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}, \chi = 0$$

$$C_{2}(z) \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}, \chi = -2$$

ويمكن إثبات أن هذه المميزات تتبع القاعدة (٢) أي أنها قياسية (Normalized).

$$2^2 + 2(0)^2 + (-2)^2 + 2(0)^2 + 2(0)^2 = 8$$

أكثر من هذا فإن زمرة المميز الخاصة بهذه المصفوفات متعامدة مع عيزات بقية التمثيلات الأربعة الأخرى، وعلى سبيل المثال:

$$(1)(2) + 2(-1)(0) + (1)(-2) + 2(-1)(0) + 2(1)(0) = 0$$

بناء على ذلك، يكون لدينا التمثيل الذي لا يختزل ثنائي الأبعاد، وهو ما يجب أن نضيفه لنحصل على جدول الميز لهذه المجموعة.

E	$2C_4$	C_2	$2\sigma_{ m v}$	$2\sigma_{\rm d}$
1	1	1	1	1
1	1	1	-1	-1
1	-1	1	1	-1
1	-1	1	-1	1
2	0	-2	0	0

آ يمكننا كذلك أن نحدد رموز موليكان لهذه التمثيلات المختلفة.
 التمثيلان الأولان، كل منهما متماثل بالنسبة لله ،C، ومن ثم فهما من نوع A. بينما التمثيلان الثالث والرابع كل منهما غير متماثل بالنسبة إلى ،C (المحور الرئيسي)، وبالتالي فرمز كل منهما هو B. ولما كان كل من التمثيل الأول والثالث متماثل بالنسبة لمستوى التماثل ،O يضاف الرقم ۱ أسفل رمز كل منهما، والعكس صجيج بالنسبة للتمثيلين الثاني والرابع وبالتالي يضاف الرقم ۲ أسفل رمز كل منهما. التمثيل الفريد، الخامس، ثنائي البعد، ومن ثم يأخذ الرمز E وهكذا نكون قد أقمنا الجدول إلى الحد الذي نراه فيما يلي:

C_{4v}	E	2C4	C_2	$2\sigma_{\rm v}$	$2\sigma_{\rm d}$
A_1	1	1	1	1	1
A_2	1	1 1 -1 -1 0	1	-1	-1
${\bf B}_1$	1	-1	1	1	-1
$\mathbf{B_2}$	1	-1	1	-1	1
E	2	0	-2	0	0

٢ - ٦ - العلاقة بين التمثيلات القابلة للاختزال والتمثيلات التي لا تختزل:

من الهم للغاية بالنسبة لنا أن نحدد العلاقة بين أي تمثيل قابل للاختزال (reducible) وتمثيل مجموعة ما، والتمثيلات التي لا تختزل في ذات المجموعة. هذه العلاقة ذات أهمية قصوى في كل ما يلي من تطبيقات للتماثل الجزيئي ونظرية المجموعات، أو بكلمة أخرى لكل ما توصّلنا إليه حتى الآن، وقد سبق أن عرفنا أنه يمكن باستخدام بعض التحويلات المشابهة اختزال كل مصفوف في التمثيلات القابلة للاختزال إلى مصفوف يحتوي على بلوكات قطرية (Blocked diagonally)، كل منها يتبع إحدى التمثيلات التي لا تختزل للمجموعة. ولكن بدلا من البحث في إيجاد المصفوف المطلوب لاختزال التمثيل القابل للاختزال، فإن العلاقة التالية لن عجانا في حاجة إلى ذلك. هذه العلاقة دون إثبات، هي:

$$a_i = \frac{1}{h} \sum_{R} g \chi_i(R) \chi(R)$$

حيث عدد المرات التي يظهر فيها التمثيل الذي لا يختزل i، في التمثيل القابل للاختزال على في التمثيل القابل للاختزال على التمثيل ما لا يختزل . و عدد عناصر الوحدة ، ويكون لجميع عناصر أي وحدة نفس المميز . وهكذا إذا عرفنا فقط المميز لكل عملية تماثل في التمثيل القابل للاختزال ، وفي التمثيل الذي لا يختزل ، يمكن تعيين عدد المرات التي يظهر فيها التمثيل الذي لا يختزل في التمثيل القابل للاختزال .

. C_{3v} ولتوضيح ذلك لا بد من بعض الأمثلة. ولنبدأ بالمجموعة C_{3v} جدول المميز بالنسبة لتلك المجموعة كما يلي. ولنأخذ التمثيل القابل للاختزال 1-5 و 1 - 1 (ان رقم 1) هو المميز للعملية أو الوحدة 1)

في التثميل القابل للاختزال. ولنلاحظ وجود ثلاثة أرقام فقط، وذلك لأن عدد وحدات هذه المجموعة هو ثلاثة.

C _{3v}	E	2C ₃	$3\sigma_{\rm v}$
\mathbf{A}_1	1	1	1
A_2	1	1	-1
E	2	-1	0
Γ red	5	2	-1

التمثيل القابل للاختزال هو بالتحديد مجموع المميز لعدد من التمثيلات التي لا أعتزل، والطريقة المنهجية لتعيين هذه التمثيلات التي لا تختزل التي يتكون منها التمثيل القابل للاختزال هي كما يل علينا أن نضرب على حدة، كل عميز في التمثيل الذي لا يختزل في عدد عناصر الوحدة، في المميز المقابل في التمثيل القابل للاختزال. ثم يجمع ذلك، ويقسم على رتبة المجموعة. ولنبدأ بتعيين عدد المرات التي من A التي يتكون منها التمثيل القابل للاختزال السابق ذكره، أو بطريقة أخرى كم A، ثم كم ع يتكون منها التمثيل القابل للاختزال؟

باستخدام المعادلة السابقة ، فإن عدد التمثيل الذي لا مختزل
$$\mathbf{A}_1$$
 هو :
$$= \frac{1}{6} \left[1(1)(5) + 2(1)(2) + 3(1)(-1) \right] = 1$$
 وبالمثل فإن عدد التمثيل الذي لا مختزل \mathbf{A}_2 هو :
$$= \frac{1}{6} \left[1(1)(5) + 2(1)(2) + 3(-1)(-1) \right] = 2$$
 عدد التمثيل الذي لا مختزل \mathbf{A}_2 هو :
$$= \frac{1}{6} \left[1(1)(5) + 2(-1)(2) + 3(0)(-1) \right] = 1$$
 وهكذا فإن :

 $\Gamma red = A_1 + 2A_2 + E$

فإذا جمعنا المميز لكل من هذه التمثيلات التي لا تختزل (بحسب عدد مرات ظهورها)، لا بد أن يكون الناتج مساوياً لمميزات التمثيل القابل للاختزال، كما يل:

	\mathbf{E}	C_3	$3\sigma_{ m v}$
A ₁	1	1	1
A ₂	1	1	-1
A ₂	1	1	-1
E	2	-1	0
Γred	5	2	-1

فيما يلي، جدول المميز للمجموعة بهC، مضافاً إليه مميزات التمثيل الذي لا يختزل 1 1 1 5 = Fred، وليكن ذلك مثالاً آخر.

C_{4v}	E	2C4	C_2	$2\sigma_{\rm v}$	$2\sigma_{\rm d}$
\mathbf{A}_1	1	1	1	1	1
$\mathbf{A_2}$	1	1	1	-1	-1
\mathbf{B}_1	1	-1	1	1	-1
\mathbb{B}_2	1	-1	1	-1	1
E	2	1 1 -1 -1 0	-2	0	0
Γred	5	1	1	3	1

لاحظ احتواء التمثيل القابل للاختزال على خسة عيزات بعدد وحدات المجموعة. بحسب العلاقة السابقة فإن:

$$\begin{split} \mathbf{A}_1 &= \frac{1}{8} \left[1(1)(5) + 2(1)(1) + 1(1)(1) + 2(1)(3) + 2(1)(1) \right] = 2 \\ \mathbf{A}_2 &= \frac{1}{8} \left[1(1)(5) + 2(1)(1) + 2(1)(1) + 1(1)(1) + 2(-1)(3) + 2(-1)(1) \right] = 0 \\ \mathbf{B}_1 &= \frac{1}{8} \left[1(1)(5) + 2 + 2(-1)(1) + 1(1)(1) + 2(1)(3) + 2(-1)(1) \right] = 1 \\ \mathbf{B}_2 &= \frac{1}{8} \left[1(1)(5) + 2 + 2(-1)(1) + 1(1)(1) + 2(-1)(3) + 2(1)(1) \right] = 0 \\ \mathbf{E} &= \frac{1}{8} \left[1(2)(5) + 2(0)(1) + 1(-2)(1) + 2(0)(3) + 2(0)(1) \right] = 1 \end{split}$$

أي أن:

$\Gamma red = 2A_1 + B_1 + E$

وهكذا حينما يختزل التمثيل القابل للاختزال Γ red، أو كما يقال ينحل (decompose)، فإنه يصبح $2A_1+B_1+E$ ينحل (decompose)، فإنه يصبح التمثيلات الأربعة كما سبق، فلا بد أن يكون الناتج: 1313. وعلى القارىء إثبات ذلك.

۲ - ۷. الحاصل المباشر V - ۲. الحاصل المباشر

نفرض أن \mathbf{R} هي حملية تماثل في مجموعة التماثل التي يتبعها جزيء ما، وأن \mathbf{X}_m , \mathbf{X}_2 , \mathbf{X}_m , \mathbf{Y}_2 , \mathbf{Y}_1 , \mathbf{Y}_2 , \mathbf{Y}_1 , \mathbf{X}_2 , \mathbf{X}_2 , \mathbf{X}_1 دوال موجات في الجزيء، بحيث تكون قاعدة لتمثيلات المجموعة، يمكن أن نكتب:

$$RX_i \ = \ \sum_{j=1}^m \ x_{ji} \ X_j$$

$$RY_k = \sum_{\ell=1}^n y_{ik} Y_l$$

كذلك فمن الصحيح أن:

$$\begin{split} RX_i \ Y_k &= \ \sum_{j=1}^m \ \sum_{\ell=1}^n \ x_{ji} \ y_\ell k \ X_j \ Y_\ell \\ &= \sum_j \ \sum_\ell \ z_{jl}, ik \ X_j Y_\ell \end{split}$$

وهكذا فإن زمرة الدوال $Y_k Y_i$ ، الذي يسمى الحاصل المباشر لكل من Y_k ، أيضاً يكوّن قاعدة لتمثيل المجموعة، X_k , X_i هي عناصر المصوف \mathcal{L} ذو الرتبة $(nm) \times (mm)$.

وهنا نصل إلى نظرية مهمة حول عيزات الصفوفات عد للعمليات المختلفة في المجموعة. هذه النظرية تنص على أن عميزات تمثيل الحاصل المباشر تساوي حواصل عميزات تمثيلات زمرات الدوال الأولية.

على سبيل المثال، الحاصل المباشر لبعض التمثيلات التي لا تختزل للمجموعة مه C كما يلي:

C_{4v}	E	C_2	2C4	$2\sigma_{ m v}$	$2\sigma_{ m d}$
\mathbf{A}_1	1	1	1	1	1
$\mathbf{A_2}$	1	1	1	-1	-1
$\mathbf{B_1}$	1	1	-1	1	-1
$\mathbf{B_2}$	1	1	-1	-1	1
\mathbf{E}	2	-2	0	0	0
A_1A_2	1	1	1	-1	-1
$\mathbf{B_1E}$	2	-2	0	0	0
A_1EB_2	2	-2	0	0	0
\mathbf{E}^2	4	4	0	0	0

وبصورة عامة فإن الحاصل المباشر لتمثيلين لا يختزلان أو أكثر، هو تمثيل قابل للاختزال. وعلى سبيل المثال فإن تمثيلات الحواصل المباشرة للمجموعة، والمدونة كما سبق، تختزل كما يلي:

$$A_1A_2 = A_2$$
 $B_2E = E$
 $A_1EB_2 = E$
 $E^2 = A_1 + A_2 + B_1 + B_2$.

الباب الثالث

التهجين في المدارات الذرية

المدارات الذرية والمدارات المهجنة ATOMIC ORBITALS AND HYBRID ORBITALS

لقد رأينا في البابين السابقين، عناصر التماثل ومن ثم عمليات التماثل التي تتولد عن كل منها، وكيف تكوّن القائمة الكاملة لعمليات المتماثل المختلفة التي يحتويها جزيء ما من مجموعة ينطبق عليها قواعد المجموعة الرياضية. ويناء على ذلك أمكن تصنيف الجزيتات المختلفة كلَّ في مجموعة التماثل التي تناسبه. إن تقنية التماثل تلك، يمكن استخدامها في تعين مدارات الربط بين الذرات في مختلف التركيبات الهندسية للجزيئات.

المرتبطة، ولما كانت الذرة A، ذرة فريدة، فإنها يجب أن تقع على جميع مستويات ومحاور التماثل الموجوده في الجزيء. وهكذا يجب أن تناقش المدارات الذرية التي تستخدم في تكوين الروابط «(B, C.)، وأن تصنف على ضوء عمليات التماثل التي تولدها تلك المحاور والمستويات. لذلك فإن المهمة الأولى هي مناقشة تماثل تلك المدارات الذرية ومن ثم خواصها التحويلية (Transformation Properties) تحت مختلف عمليات التماثل الموجودة في مجموعة تماثل الجزيء «(A) (B, C.).

عَاثل المدارات المدرية Symmetric Properties of Atomic Orbitals

المدارات الذرية (Atomic Orbitals) هي حلول لمعادلة شرويدنجر (Schroedinger). لأبسط ذرة، ذرة الهيدروجين:

$$\nabla^2 \Psi + \frac{2m}{\hbar^2} \ (E - V) \ \Psi \ = \ 0$$

حيث E هي الطاقة الكلية

و V طاقة الوضع، أو الكمون (Potential Energy)

 $h = h/2\pi$

ه m كتلة الألكة ، ن

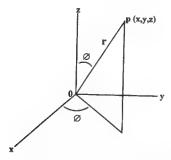
(Kinetic energy operator) معامل الطاقة الحركية $-rac{\hbar^2}{2m}$ ∇ و

$$\bigtriangledown^2 = \, \frac{\partial^2}{\partial x^2} \, + \, \frac{\partial^2}{\partial y^2} \, + \, \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

و ¥ دالة الموجة (Wave Function)

ي هذه المعادلة استخدمت الإحداثيات الكارتيزية، x وy وz. لكن دوال الموجة تأخذ أبسظ صورها حينما تختار الإحداثيات القطبية (Polar

Coordinates). الشكل التالي (شكل ٣ - ١) يبين العلاقة بين تلك الإحداثيات والإحداثيات الكارتيزية.



شكل ٣ - ١. الملاقة بين الاحداثي الكارتيزي والقطبي

النقطة P التي إحداثياتها (z, y, x) في النظام الكارتيزي، مثبتة بالمسافة z، المسافة القطرية (Radial distance)، أي OP من نقطة الأصل في النظام الإحداثي، و θ الزاوية بين المحور z والخط OP، والزاوية ϕ بين المحور z ومسقط OP على المستوى (xy).

العلاقة بين عناصر r على المحاور الثلاثة في النظام الكارتيزي والنظام القطبي تكون كما يلي:

 $x = r \sin \theta \cos \phi$

 $y = r \sin \theta \sin \phi$

 $z = r \cos \theta$

ذرة الهيدروجين تملك ألكترونا واحدا، ونواتها التي تحتوي برتوناً موجباً واحداً تجذب الالكترون إليها. طاقة الوضع لهذا النظام هي:

$$V = -e^2/r$$

وتصبح دالة الموجة التي تصف هذا الالكترون كما يلي، $\Psi(\mathbf{r}, \theta, \phi) = \mathbf{R}(\mathbf{r}) \cdot \Theta(\theta) \cdot \Phi(\phi)$

أي أنها أصبحت تعتمد على المتغيرات الثلاثة، θ ، θ ، θ في النظام القطبي، بعد أن كانت متغيراتها هي θ ، θ و النظام الكارتيزي. وهكذا تصبح معادلة شرويدنجر لذرة الهيدروجين كما يلى:

 $\frac{1}{r^2}\,\frac{\partial}{\partial r}\,\left(r^2\,\frac{\partial}{\partial r}\,\operatorname{R}\Theta\phi\right)\,+\frac{1}{r^2\sin^2\theta}\,\frac{\partial^2}{\partial \phi^2}\,\operatorname{R}\Theta\phi\,+\,\frac{1}{r^2\sin\theta}\,\frac{\partial}{\partial \theta}\sin\theta\,\,\frac{\partial}{\partial \theta}\,\operatorname{R}\Theta\phi$

$$+ \ \frac{2m}{h^2} \ [E-V] \ R\Theta \phi \ = 0$$

لن نسترسل في حل معادلة شرودنجر، حيث يفترض أن يلم القارىء تماماً بحلول تلك المعادلة، وفي كل الأحوال فإن حل تلك المعادلة يوجد في كثير من المراجع في الكيمياء الفيزيائية وغير العضوية، ولمن يشاء أن يرجع إليها. دوال الموجة لذرة الهيدروجين معروفة بدقة، وهي جميعاً عبارة عن حاصل دالتين: الدالة الأولى أو ما يعرف بالدالة القطرية (Radial) وهي تعتمد على العدد الكمي الأساسي n والإحداثي القطري أو المسافة القطرية r. أما الدالة الثانية فهي ما يعرف بالدالة الزاوية، أو الجزء الزاوي r (r (r (r (r (r)) الدالة الكلية، وهي مستقلة تماماً عن كل من r وr ولكنها تعتمد فقط على الزاويتين r (r , r ، هاتان الدالتان، يفترض أنهما مُعَدَّلتان (Normalized)،

$$\int_{\circ}^{\infty} [R(n,r)]^2 r^2 dr = 1$$

$$\int_{\circ}^{2\pi} \int_{\circ}^{\pi} [A(\theta, \phi)]^2 \sin \theta d\theta d\phi = 1$$

كما أن حاصلهما، أو الدالة الكاملة للموجة، هي الأخرى معدلة بالنسبة للوحدة (Unity). الجدول التالي يدون بعض هذه الدوال. جدول يين بعض الدوال الزاوية لبعض المدارات.

Orbital	Function			
8	$1/2\pi$			
p_x	$[(\sqrt{3/\pi})/2]\sin\theta\cos\phi$			
p_y	$[(\sqrt{3/\pi})/2]\sin\theta\sin\phi$			
p_x	$[(\sqrt{3/\pi})/2]\cos\theta$			
d_s	$[(\sqrt{5/\pi})/4] (3\cos^2\theta - 1)$			
d_{zz}	$[(\sqrt{15/\pi})/2]\sin\theta\cos\theta\cos\phi$			
d_{yz}	$[(\sqrt{15/\pi})/2]\sin\theta\cos\theta\sin\phi$			
$d_{x^2-y^2}$	$[(\sqrt{15/\pi})/4]\sin^2\theta\cos2\phi$			
d_{xy}	$[(\sqrt{15/\pi})/4]\sin^2\theta\sin\phi$			

بالطبع ليس هناك عملية تماثل تؤثر على قيمة n أو بعد المدار عن النواة، أي r، ومن ثم فلا توجد عملية تماثل تؤثر على الدالة القطرية [(R(n,r)]. لذلك لم تدرج هذه الدالة في الجدول السابق. ولهذا السبب أيضا لن نأخذ تلك الدالة في اعتبارنا. لكن عمليات التماثل تؤثر على كل من الزاويتين θ و ϕ ، أي على الدالة الزاويّة (ϕ , ϕ)، وبالتالي فإنها ستؤخذ في الاعتبار بتفصيل أكبر.

يلاحظ أن الدالة الزاوية $[\phi , \theta]$ لا تعتمد على π ، وبالتالي فإن دوال جميع مدارات π ، وجميع مدارات π ، وجميع مدارات π ، وجميع مدارات π

دوال جميع المدارات التي من نفس النوع تكون هي ذاتها بصرف النظر عن العدد الكمى الأساسى للمدار المطلوب.

بإعادة النظر في الجدول السابق، يمكننا كتابة الداول الزاوية، أو الجزء الزاوي من الدالة الكاملة، للمدارات p، كما يلي:

> $p_x = constant \cdot sin \theta \cos \phi$ $p_y = constant \cdot sin \theta \cos \phi$

 $p_s = constant \cdot cos \theta$

بالرجوع إلى شكل P - 1، نلاحظ أن الدالة المشار إليها بـ p_x ، تشبه تماماً قيمة عنصر المسافة القطبية P_x ، على الإحداثي السيني P_x ، عند تحويله من النظام الكارتيزي إلى النظام القطبي. ومن هنا أضيف الحرف P_x تحت رمز المدار المقابل للدالة P_x ، P_x وهكذا اطلق عليه اسم المدار P_x ونفس وبالمثل أطلق على الدالة التي تحتوي P_x P_x اسم المدار P_x ونفس الشيء بالنسبة للمدار P_x .

دعنا نأخذ المدار الذي دالته الزاوية تحتوي، بعد الثابت، على

 $\sin^2 \theta \sin 2\phi$

طالما أن:

 $\sin 2\phi = 2\sin\phi\cos\theta$

إذن:

 $\sin^2 \theta \sin 2\phi = 2\sin^2 \theta \sin \phi \cos \theta$ = $2(\sin \theta \cos \phi) (\sin \theta \sin \phi)$ = 2(x/r)(y/r)= $constant \cdot xy$

هذه العلاقة السابقة تعني أن الدالة $\theta \sin 2\theta \sin 2$ تساوي ثابتاً مضروباً في x. ومن هنا أطلق على المدار $\cos \theta$ ، أي أضيف الحرفان x وو

تحت رمز المدار d. وينفس الطريقة يسمى المدار الذي تحتوي دالته على $3 \cos^2 \theta \sim 1$

3 $\cos^2 - 1$ = 2 $(z^2/z^2) - (1/r^2)(x^2 - y^2)$ constant, $(2z^2 - x^2 - y^2)$

والمدار الذي تحتوي دالته الزاوية على $\cos^2 - 1$ ، يجب أن يلحق بأسفله الحروف $\cos^2 - x^2 - x^2$. لكنه يكتب عادة $\cos^2 - x^2 - x^2 - x^2$

والآن دعنا نرى تأثير عمليات التماثل في مجموعة وC3 على المدارات $p_z \cdot p_y \cdot p_x$ إننا في الواقع نعين تأثير عمليات التماثل على الدوال التي يطلق عليها المدارات $p_y \cdot p_y \cdot p_x$ كما نلاحظ من شكل 1-1 لا توجد عملية تماثل في تلك المجموعة تؤثر على الزاوية θ أو يمكنها تغيير قيمتها، أي أن θ 2 قيمة θ 3 بعد إجراء عملية التماثل، ستظل مساوية للقيمة θ 1. بالتالي:

 $\sin \theta_2 = \sin \theta_1$

أما الزاوية φ ، فهي التي تتغير بعمليات التماثل σ_v, C_o. فإذا أدرنا الجزىء بزاوية قدرها 2π/3، حول المحور z، نجد أن:

$$\phi_2 = \phi + 2\pi/3$$

$$\cos \phi_2 = \cos (\phi_1 + 2\pi/3)$$

$$= \cos \phi_1 \cos 2\pi/3 - \sin \phi_1 \sin 2\pi/3$$

$$= -1/2 \cos \phi_1 - (\sqrt{3/2}) \sin \phi_1$$

$$= \sin (\phi_1 + 2\pi/3)$$

$$= \sin \phi_1 \cos 2\pi/3 + \cos \phi_1 \sin 2\pi/3$$

$$= -1/2 \sin \phi_1 + (\sqrt{3/2}) \cos \phi_1$$

أما عملية الانعكاس في المستوى xy فإنها ينتج عنها أن: $\phi_2 = -\phi_1$

وبناء على ذلك فإن:

 $\cos \phi_2 = \cos \phi_1$ $\cos \phi_2 = -\sin \phi_1$

هذه المعلومات يمكن استخدامها في بناء المصفوفات المطلوبة، والتي تصف عمليات التماثل، أو تأثير عمليات التماثل على الدوال المقابلة للمدارات .p.,p.,p.

١ عملية الذاتية: نحن نعرف أن عملية الذاتية، E، لن تؤثر على أي من المدارات، وبالتالي، فتأثير E على تلك الدوال أن يتركها كما هي، أي:

$$\begin{split} E(p_x) &= E(R\sin\theta_1\cos\phi_1) = R(\sin\theta_2\cos\phi_2) \\ &= R\sin\theta_1\cos\phi_1 = p_x \\ E(p_y) &= E(R\sin\theta_1\sin\theta_1) = R\sin\theta_2\sin\phi_2 \\ &= R\sin\theta_1\sin\phi_1 = p_y \\ E(p_x) &= E(R\cos\theta_1) = R\cos\theta_2 = R\cos\theta_1 = p_z \end{split}$$

٢ - عملية التماثل .C3 ويكون تأثيرها على تلك المدارات، كما يلى:

$$C_3(p_x) = C_3(R\sin\theta_1\cos\phi_1) = R\sin\theta_2\cos\phi_2$$

$$\begin{split} &= R(\sin\theta_1)(-1/2)(\cos\phi_1 + \sqrt{3}\sin\phi_1) \\ &= -\frac{1}{2}R\sin\theta_1\cos\phi_1 - (\sqrt{3}/2)R\sin\theta_1\sin\phi_1 \\ &= -\frac{1}{2}Rp_x - (\sqrt{3}/2)p_y \end{split}$$

 $C_3(p_s) = p_s$

٣ ـ عملية التماثل ٥٠، ويكون تأثيرها كما يلي:

$$\sigma_{\rm v}({\rm p_x}) = \sigma_{\rm v}({\rm R}\sin\theta_1\cos\phi_1) = {\rm R}\sin\theta_2\cos\phi_2$$

$$= R \sin \theta_1 \cos \phi_1 = p$$

$$\sigma_{\mathbf{v}}(\mathbf{p}_{\mathbf{y}}) = \sigma_{\mathbf{v}}(\mathbf{R}\sin\theta_1\sin\theta_1) = \mathbf{R}\sin\theta_2\sin\phi_2$$

$$= -R \sin \theta_1 \sin \phi_1 = p_y$$

 $\sigma_v(p_z) = \ p_z$

المصفوفات التمثيلية لعمليات السابقة، بناء على ذلك هي:

$$C_{3} \begin{bmatrix} p_{x} \\ p_{y} \\ p_{x} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\sqrt{3}/2 & 0 \\ \sqrt{3}/2 & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_{x} \\ p_{y} \\ p_{s} \end{bmatrix}$$

وهكذا يكون المميز لعملية التماثل C3 هو:

$$\chi C_3 = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + 1 = 0$$

المصفوف المثل للعملية C3، يكون كالتالي:

$$\sigma_{v}^{xs} \begin{bmatrix} p_{x} \\ p_{y} \\ p_{x} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_{x} \\ p_{y} \\ p_{x} \end{bmatrix}$$

$$\chi \sigma_v^{xz} = 1 + (-1) + 1 = 1$$

أما عملية الذاتية فيمثلها المصفوف:

$$\mathbf{E}\begin{bmatrix}\mathbf{p}_x\\\mathbf{p}_y\\\mathbf{p}_s\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}\mathbf{1}&\mathbf{0}&\mathbf{0}\\\mathbf{0}&\mathbf{1}&\mathbf{0}\\\mathbf{0}&\mathbf{0}&\mathbf{1}\end{bmatrix}\begin{bmatrix}\mathbf{p}_x\\\mathbf{p}_y\\\mathbf{p}_s\end{bmatrix}$$

والمميز لتلك العملية هو:

$$\chi E = 1 + 1 + 1 = 3$$

بتجميع هذه المميزات معا، نحصل على

وباستخدام المعادلة:

$$a_i \ = \ 1/h \sum_R g \chi_i(R) \chi(R)$$

وهي المعادلة التي تربط بين التمثيلات القابلة للاختزال والتمثيلات اللاغتزلة، أو ما يسمى أنواع أو أنماط التماثل (Symmetry Species) (انظر صفحة (C_3) وبالرجوع إلى جدول الميز لمجموعة التماثل (C_3) ، نجد أن التمثيل المختزل الذي حصلنا عليه يقابل أنواع التماثل (C_3) . لو أننا أخذنا فقط المدارين (C_3) , وعينا الميز الكلي لعمليات التماثل المختلفة في المجموعة (C_3) نجد أن محيز العملية (C_3) يساوي (C_3) ومميز عملية التماثل (C_3) يساوي الصفر. أي أن التمثيل المختزل في هذه الحالة هو:

$$\frac{E \quad 2C_3 \quad 3\sigma_v}{2 \quad -1 \quad 0}$$

ويالرجوع إلى جدول الميز للمجموعة C_3 ، نجد أن هذه الميزات هي مميزات التمثيل اللاغتزل، أو نمط التماثل E. وطالما أن هذا المميز موجود مباشرة. فلا يحتاج منا إلى استخدام المعادلة السابقة. إذن المداران p_x و p_y كزوج من المدارات، أي معاً، يتحولان تحت عمليات تماثل هذه المجموعة مثل نمط التماثلي p_x بينما المدار p_y يتحول مثل النمط التماثلي p_z .

بإعادة النظر إلى جدول الميز للمجموعة C_{3v} ، نلاحظ وجود الأحرف X_{3v} في أقصى اليمين. الحرف Z_{3v} فقط مقابل نوع التماثل A_1 أما الحرفان Z_{3v} ومعاً موجودان مقابل نمط التماثل Z_{3v} . وهو نفس ما استنتجناه فيما سبق. معنى ذلك أننا لسنا بحاجة لأن نعيد الكرة في كل مجموعة Z_{3v} من علينا أن نبحث عن الحروف الموجودة أسفل رموز المدارات المعينة، ثم نبحث عن وجودها في جدول المميز. فإذا وجدنا، على سبيل المثال، Z_{3v} أو Z_{3v} من هذا يعني النال، Z_{3v} أو Z_{3v} من على المحاوية Z_{3v} من على المحاوية Z_{3v} من على المحاوية ويتحولان تماما مثل نمط التماثل Z_{3v}

سبق أن ذكرنا أن الدالتين $\cos \phi$, $\sin \theta$ $\cos \phi$, $\sin \theta$ أطلق عليهما اسما المدارين $\exp \phi$ $\exp \phi$ نتيجة لوجود كل منهما في قيمة $\exp \phi$ ورو تتيجة لوجود كل منهما في قيمة $\exp \phi$ ولا من الإحداثي القطبي. ونضيف إلى ذلك الآن أن الدالتين ϕ $\sin \phi$, $\sin \phi$ $\cos \phi$, $\sin \phi$ $\cos \phi$, $\sin \phi$ $\cos \phi$ الدالتين ϕ $\cos \phi$ أستنتجنا قبل قليل، وبالرجوع إلى جدول المميز، تبين أن التماثلي $\exp \phi$. كلا من $\exp \phi$ يقابلان نفس النمط التماثلي $\exp \phi$. ومعنى ذلك أن كلا من $\exp \phi$ الدالتين $\exp \phi$ $\exp \phi$

 p_2 لزيد من التوضيح، دعنا نأخذ مثالا آخر، وليكن نفس المدارات p_2 ويو p_3 . وستبدأ بالمدار p_2 . والآن ما هو تأثير عملية التماثل p_3 . أي المدوران حول المحور p_3 بزاوية p_4 . أي المدوران حول المحور p_3 بزاوية p_4 . أي المكل التالي (شكل p_4 - p_5).

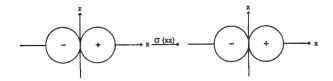
$$- + + - \times C_2 \rightarrow - + + - \times C_2 \rightarrow C_3 \rightarrow C_3 \rightarrow C_4 \rightarrow C_4 \rightarrow C_5 \rightarrow C_6 \rightarrow C_$$

 p_x ملى المار C_2 ملى المار مملية التماثل C_3 ملى المار C_3

من الواضح أن تأثير C_2 هو تغيير العلامة من (+) إلى (-)، أو يمكن القول إن تأثير على المدار p_2 هو تحويله إلى p_2 . ومن ثم يمكن تمثيل أو وصف تأثير هذه العملية على المدار p_2 بـ (- 1)، أو

$$C_2\ p_x\ =\ -p_x$$

والآن ما هو تأثير عمليات الانعكاس في مستويات التماثل على المدار px. دعنا نبدأ بالمستوى xz. هذا المستوى يمر خلال المدار، ومن ثم تظل

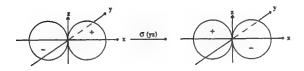


شكل ٣ - ٣. تأثير عملية التماثل ميه على المدار يع

الإشارات كما هي بعد عمليات الانعكاس في المستوى. ومعنى ذلك أن المدار P_2 لا يتأثر بعملية التماثل P_3 ، ويظل كما هو كما في شكل P_4 - P_5 ويمكن تمثيل ذلك بالعدد + 1، لأن التأثير في الواقع هو:

$$\sigma_{(xx)} p_x = 1p_x$$

الانعكاس في المستوى (yz) يكون كما يلي:



شكل ٣ - ٤. تأثير الاتمكاس في المستوى (٧٤) على المداريو

أو:

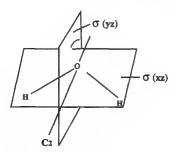
 $\sigma_{(yz)} p_x = -p_x$

وبالتالي يمثل يوه بـ - ١٠

ولكن ماذا عن تأثير عملية الذاتية £؟ إن تأثيرها بالتأكيد أن يظل المدار £ كما هو، أي أن العملية £ تمثل بالعدد + 1.

هذه العمليات الأربع، كما نذكر تكوّن المجموعة ،C2، ومن ثم يمكننا كتابة ذلك كما يلي:

لاحظ أننا كتبنا حرف x مقابل الأعداد التي توصلنا إليها من إجراء عمليات التماثل المختلفة على المدار px. ومعنى ذلك أن هذا المدار يسلك السلوك المبين بالأعداد. ومعنى ذلك أيضا أن المدار px غير متماثل بالنسبة إلى C2. والسؤال الآن، هل هذه الأعداد التي وضعناها مقابل كل عملية، تمثل حقاً عمليات التماثل في المجموعة «C2 إذا كانت حقاً كذلك فإنها يجب أن تمثل أية تجمعات من تلك العمليات. فإذا استخدمنا جزىء الماء H2O، الذي يتبع مجموعة التماثل C2، لنعين حاصل العمليتين C2 و σ... كما في الشكل التالي (٣-٥).



شكل ٣ - ٥.مستويات ومحور تماثل جزىء الماء (H2O)

نجد أن الحاصل هو:

$$C_2 \sigma_{(xz)} = (xz) C_2 = \sigma_{(yz)}$$

فإذا استخدمنا الأعداد التي في الجدوب السابق نجد أن النتيجة واحدة في الحالتين:

$$-1 \times 1 = -1$$
 علمة في الحالتين:

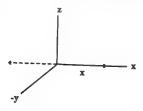
$$C_2 \sigma_{(xx)} = \sigma_{(yx)}$$

إذن هذه الأعداد هي تمثيلات حقيقية لعمليات التماثل للمجموعة $C_{2\nu}$ ، ويمكن أن نكتب التمثيل B_{1} مقابل تلك الأعداد لأن المدار $p_{2\nu}$ متماثل بالنسبة إلى $C_{2\nu}$.

وإذا تناولنا تأثير عمليات التماثل الأربع السابقة على المدار p_y نجد مايلي: العملية E تترك p_y كما هو ، أي p_y - p_y ، ويمثل E العدد p_y عملية التماثل p_y - p_y الى p_y - p_y اليال p_y - p_y العدد p_y عملية التماثل p_y - p_y الى p_y - p_y اليال p_y - p_y العدد p_y عملية التماثل p_y - p_y الى p_y - p_y الى p_y - p_y العدد p_y على القارىء أن يبحث عن تأثير تلك العمليات على المدار p_y المكن يمكن كتابة ذلك كما يلى:

			$\sigma_{(xz)}$	$\sigma_{(yz)}$	
\mathbf{A}_1	1	1	1	1	z
B ₁	1	-1	1	-1	x
B_2	1	-1	-1	1	у

دعنا نكور المحاولة مرة أخرى، بتطبيق عمليات التماثل التي في بجموعة التماثل ركب ونرى تأثيرها على متجه أحادي (Unit Vector)



شكل ٣ - ٦- تأثير C₂ على السهم يعطي السهم المقط

بطول المحور x، في النظام الكارتيزي z, y, x، آخذين في الاعتبار أن المحور الرئيسي هو المحور z، كما في شكل ٣ - ٦.

جميع عناصر هذا المتجه في الاتجاهين x_iy تساوي الصفر، تحت جميع عمليات تماثل هذه المجموعة، ومن ثم فإن X يتحول مستقلا تماماً عن كل من Y. Y تأثير عملية Y الذاتية، هو ترك الإحداثيات كما هي، ويدل على ذلك بالمعامل أو العدد + 1 . أما عملية التماثل Y فإنها تغير اتجاه المتجه إلى Y-، ويمثل تأثير هذه العملية بالعدد - 1 • عمليات التماثل Y- و Y- يوصف تأثيرهما بالعددين + 1 و-1 على التوالي. وتكون الأعداد التي تمثل عمليات التماثل المختلفة لهذه المجموعة، هي نفس الأعداد التي استنتجناها سابقاً باستخدام المدار Y- وهي 1 و - 1 و 1 و و المواعدا من المتجه Y- والمتجه Y- الواقعين على المحورين Y- وسنجد أنها الأعداد التي حصلنا عليها من تطبيق عمليات تماثل المجموعة Y- على المدارين وY- و Y- و Y- و Y- على المدارين Y- و Y- و Y- و Y- على المدارين Y- و Y-

وهكذا باستخدام الأعداد أمكن تمثيل أو وصف تأثير عمليات p_z p_y p_y p_y p_y p_z كل من المدارات p_z p_y p_z p_z p_z كل من المدارات p_z p_z

إذا رجعنا الآن إلى جدول المميز للمجموعة C_{2v} . نعيده هنا لمزيد من التوضيح، نلاحظ أن الأعداد التي في الجدول السابق، هي نفس الأعداد، المميز، في جدول المميز، كما نلاحظ أن الأحرف z ، y ، z موجودة مقابل التمثيلات اللانحتزلة، أو أنماط التماثل z z وz وz على التوالي، وهو

نفس ما توصلنا إليه بإجراء عمليات التماثل لهذه المجموعة على مدارات p الثلاث.

C _{2v}	E	C_2	$\sigma_{\mathrm{v}}^{(\mathrm{xs})}$	$\sigma_{\rm v}^{({ m yz})}$		
A ₁	1	1	1	1	Z	x^2 , y^2 , z^2
A_2		1	-1	-1	R_{a}	xy
\mathbf{B}_1	1	-1	1	-1	x, R _y	жz
B_2	1	-1	-1	1	y, R _x	yz

جدول الميز للمجموعة C2v

إذن فالأعداد التي توصلنا إليها لم تكن فقط تمثيلات حقيقية، ولكنها كذلك مميزات لعمليات التماثل. ولأن المداري والمتجه X، والذي كتبنا بدلاً منهما في الجدول حرف x، يتأثران بنفس الطريقة التي يتأثر بها نمط التماثل المقابل، فإنه يقال إن p_x ، وجميع ما له نفس صفات التماثل مثل x، يتبع نمط أو نوع التماثل p_x ، وهكذا، وبالتالي يكون لها جميعاً نفس الخواص التحويلية.

Hybrid Sigma Orbitals المهجنة (σ) المهجنة ۲ – ۳

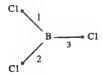
في المركبات التي من نوع AB_n ، تستخدم الذرة المركزية A عدداً يساوي π من مداراتها الذرية. هذه المدارات يتم تهجينها وتتخذ اتجاهات عددة بحسب نوع التركيب الهندسي للمركب، أو مجموعة التماثل. والمطلوب معرفته هو تلك المدارات الذرية التي تساهم في تكوين المدارات المجنة في الجزيء. ولكي نعرف ذلك يجب:

أولًا، أن نعين التمثيل المختزل الذي يتكون من خلال تلك الزمرة من الروابط الكيميائية (المدارات الذرية للذرة المركزية) المتكافئة. ثانياً، هذا التمثيل القابل للاختزال يتم تحليله إلى التمثيلات التي لا تختزل (أو أنماط أو أنواع التماثل) التي يتكون منها أو يتبعها.

ثالثاً، معرفة المدارات الذرية التي لها نفس الصفات التحويلية للتمثيلات التي لا تختزل، من جداول المميز للمجموعة التي يتبعها الجزيء.

رابعاً، من بين تلك المدارات الذرية التي حصلنا عليها تختار أنسب المدارات التي تساهم في تكوين المدارات المهجنة. وقد سبق أن لاحظنا أن تماثل المدار الذري لا يعتمد على العدد الكمي الأساسي a، وبالتالي فإن المدارات الذرية التي تختار يجب أن تعتمد على العدد الذري للذرة المركزية.

والحقيقة أن أحسن طريقة لشرح هذا الموضوع هو الذهاب مباشرة إلى مثال توضيحي واستخدامه للقيام بالخطوات السابقة، ولنأخذ مثلا جزيء (BCl) المثلث المستوى. هذا الجزيء يتبع مجموعة التماثل مداراتها وحتى يتكون الجزيء فإن الذرة المركزية B، تستخدم ثلاثة من مداراتها (التي نريد معرفتها) لتكوين ثلاثة مدارات مهجنة تتجه إلى زوايا المثلث الثلاث. هذه الزمرة من المدارات الثلاثة ستكون القاعدة للتمثيل القابل للاختزال لمجموعة التماثل طال الحريء ثلاثي كلوريد البورون (BCl)، يرسم المدار المهجن متجه (سهم) يشير إلى الاتجاه المناسب، وترقم هذه الأسهم، كما في الشكل التالى ٣-٧.



شكل ٣ - ٧ زمرة من ثلاثة متجهات تمثل ثلاثة مدارات مهجنة في جزيء BCl₃

هذه المتجهات الثلاثة تستخدم قاعدة لاستناج التمثيل القابل الاختزال للمجموعة D_{3h}

يجب علينا الآن معرفة عمليات التماثل للمجموعة D_{3h}. ويتم ذلك بإلقاء نظرة سريعة لجدول المميز لهذه المجموعة، لنجد أن عمليات التماثل هي:

E $2C_3$ $3C_2$ σ_h $2S_3$ $3\sigma_v$

الخطوة التي تلي ذلك، هي تعيين الميزات للتمثيل القابل للاختزال، والذي تشكل تلك المتجهات قاعدته. وطالما أننا مهتمون فقط بالتمثيل الفابل للاختزال، يصبح المطلوب فقط هو تكوين مصفوف تمثيل لعضو واحد من كل وحدة. (Class). وللتذكرة فإن المميز χ (مجموع العناصر القطرية للمصفوف) للمصفوفات التمثيلية التي تتبع نفس الوحدة تكون متساوية. هذه المصفوفات التمثيلية لعمليات التماثل، نعينها بتطبيق عملية التماثل المحددة على الشكل (المتجهات) السابق، كما يل:

بتطبيق عملية الذاتية E، فإن الأسهم تظل كما هي، والمصفوف الذي يعبر عن ذلك هو:

$$\mathbf{E} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

 $\chi = 3$ ٠٣ ويكون المميز χ لعملية الذاتية مساوياً

وبالمثل بالنسبة لبقية العمليات:

$$C_3 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$
 . C_3 . C_3 . C_3 . C_3

العملية C1، المار عبر C1،

$$C_2 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}$$

 $\chi C_2 = 1$

لم: = ١.

عملية التماثل σh،

$$\sigma_{h} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

 $\chi \sigma_h = 3$

لمن = ٣.

عملية التماثل S3،

$$S_3 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

 $\chi C_3 = 0$

الميز = صفر.

 σ_v عملية التماثل

$$\sigma_{v} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}$$

 $\chi \sigma_{\rm v} = 1$

لميز = ١.

بتجميع هذه المميزات نحصل على التمثيل القابل للاختزال، كما يلي:

الخطوة التي تلي ذلك هي معرفة التمثيلات التي لا تختزل التي يتكون منها التمثيل القابل للاختزال. ، ويتم ذلك بالرجوع إلى جدول المميز للمجموعة D3، واستخدام المعادلة (صفحة ٨٨):

$$a_i \; = \; 1/h \sum_R g \chi_i(R) \chi(R)$$

نجد أن:

 $\Gamma \sigma = \mathbf{A}_1' + \mathbf{E}'$

الخطوة التالية هي معرفة المدارات الذرية التي لعلها تتبع، أو التي لها نفس الخواص التحويلية لكل من نوعي التماثل E', E', E', E', E' , E' ,

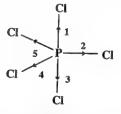
هذه المدارات تكون فيما بينها الثلاثيات التالية:

هذه هي التجمعات الأربعة المكنة. والسؤال الآن أي هذه التجمعات الثلاثية يمكنه تكوين الروابط الثلاث المهجنة، في حالة جزيء وBCl؟ إن الإجابة على هذا السؤال لا يمكن أن تستنتج من التماثل، ولكنها ترتبط بالتشكيل الألكتروني للذرة المركزية وطاقة المدارات. ففي ذرة

البورون، تكون المدارات المتاحة هي 28 وو2. أما أقرب مدارات من نوع b فهي المدارات الفرية 30. فرق الطاقة بين المدارات 28 وو29 والمدارات 30 كبير جداً لدرجة تسمح لنا أن نقول بثقة كبيرة إن المدارات 30، في هذه الحالة (ذرة البورون) لن تشترك بالمرة في تكوين الروابط المهجنة. وبالتالي تكون زمرة المدارات الفرية لفرة البورون والتي تساهم في تكوين الروابط المهجنة الثلاثة هي المدارات a, a, a, ومن ثم يطلق على التهجين نوع تهجين a.

لزيد من الإيضاح، دعنا نأخذ مثالاً آخر وليكن جزيء PCIs المثلثى ثنائي الهرم (Trigonal bipyramid). وهذا الجزيء يتبع مجموعة التماثل (D3k)، ايضاً مثل الجزيء السابق، ولكن في هذه الحالة المطلوب هو معرفة المدارات الذرية الخمسة التي تساهم في التهجين لذرة الفسفور المركزية، مكونة خمسة مدارات مهجنة. نرسم هذه المدارات المهجنة متجهات، أو أسهماً على الروابط تشير إلى ذرات الكلور الخمس بحسب الترتيب الهندسي لتلك الذرات، كما في شكل ٣ - ٨.

لاحظ أننا رقمنا تلك الأسهم من ١ إلى ٥. قبل أن نبدأ الخطوة الأولى في تعيين المدارات الذرية التي تساهم في التهجين، لنرجع إلى المميزات التي استنتجناها من المصفوفات المختلفة في المثال السابق، جزيء



 PCl_{s} متجهات غثل الروابط σ للجزيء $^{\circ}$

BCla. يلاحظ أن المميز يساوي عدد الأسهم (أو المتجهات) التي لم تتغير أو لم يحدث لها أي إزاحة. علينا إذن أن نستخدم هذه النتيجة قاعدة عامة نصها.

«المميز يساوي عدد المتجهات التي لم يحدث لها إزاحة بعملية التماثل».

والآن:

المميز لعملية التماثل 0 = E ، 0 = E متجهات لم تتغير. المميز لعملية التماثل 0 = E 0 = E ، متجهان فقط لم يتغيرا. المميز لعملية التماثل 0 = E 0 = E ، متجه واحد فقط لم يزح عن مكانه. المميز لعملية التماثل 0 = E ، 0 = E ، متجه واحد فقط لم يزح عن مكانه. المميز لعملية التماثل 0 = E ، 0 = E ، ثلاثة متجهات أزيحت. المميز لعملية التماثل 0 = E ، 0 = E ، ثلاثة متجهات لم تتغير أماكنها. الميز لعملية التماثل 0 = E ، 0 = E ، ثلاثة متجهات لم تتغير أماكنها.

D_{3h} E 2C₃ 3C₂
$$\sigma_h$$
 2S₃ 3 σ_v

بالرجوع إلى جدول المميز لهذه المجموعة، نجد أن: $\Gamma \sigma \,=\, 2A_1' \,+\, A_2'' \,+\, E'$

كما أن المدارات الذرية التي تتبع هذه الأنماط التماثلية هي:

$$\begin{array}{cccc} \underline{A_1'} & \underline{A_2''} & \underline{E'} \\ \\ \underline{s} & \underline{p_s} & (\underline{p_x}\;,\;\underline{p_y}) \\ \\ \underline{d_{x^2}} & (\underline{d_{xy}},\underline{d_{x^2-y^2}}) \end{array}$$

إن علينا أن نختار مدارين من النمط التماثلي A'_1 ، ومداراً يتبع النمط التماثلي A'_1 ، ومدارين يتبعان النمط E'_1 . من الواضح أيضا أن المدار E'_1 قد يكون E'_1 أو نفس الشيء بالنسبة للمدار E'_1 . إن هذا بالطبع يزيد من فرص الاختيار، ولكنه في ذات الوقت يزيد من صعوبة ذلك الاختيار. على أية حال، التجمعات المكنة والمتساوية تماثلياً هي:

لاحظ أننا في التجميعات الممكنة السابقة، نستطيع اختيار مدارين من نوع A_1' ولكن لهما أعداد كمية أساسية مختلفة، ونفس الشيء وبالنسبة للممدار ميك، وذلك لأن التمثيل المختزل يحتوي A_1' أي مدارين يتبعان هذا النمط. أما بالنسبة للمدارات التي تتبع نمط التماثل E' فلا بد أن يكون المداران معا لأنهما يمثلان زوجاً واحداً، وذلك لأن النمط E' ثنائي التحلل.

لأسباب تعود إلى الطاقة وحدها، ليس من المناسب اختيار التجمعات (٢) أو (٣) على الرغم من أنها متساوية مع التجميعات الأخرى من ناحية التماثل، والاختيار الذي يبدو مناسبا هو ٣ - أ، أو dsp.

المشال الشالث هو جزيء م CCl ذو التركيب التتراهيدرالي، الذي يتبع مجموعة التماثل T. المطلوب معرفة المدارات الذرية لذرة الكربون المركزية، التي يمكنها أن تكون أربعة روابط مهجنة مع ذرات الكلور الأربع في تركيب تتراهيدرالي، كما فعلنا في

المثال السابق، يكون لدينا أربعة متجهات تشير إلى ذرات الكلور، كما في شكل ٣ - ٩.

بإجراء عمليات التماثل الموجودة في المجموعة Ta على الجزيء، واستخدام القاعدة السابقة للحصول على المميز لكل عملية تماثل نحصل على التمثيل القابل للاختزال كما في الجدول التالي:

هذا التمثيل يختزل إلى:

 $\Gamma \sigma = A_1 + T_2$

وبالرجوع إلى جدول المميز للمجموعة Ta نجد أن:

 A_1 :

 $T_2\ :\ (p_x,p_y,p_s)\qquad or\qquad (d_{xy},d_{xs},d_{ys})$

إذن زمرة المدارات الذرية التي تهجن، أو المدارات المهجنة قد تكون $\rm sp^3$ أو $\rm sp^3$ ، وبالطبع $\rm d^3$ يعني المدارات $\rm d_{xz}$, $\rm d_{xz}$, $\rm d_{xz}$, $\rm d_{xz}$) مدار $\rm d$ آخر . وعلي الرغم من عدم وجود فرق بين الزمرتين من ناحية التماثل، إلا أنه في حالة ذرة الكربون لا يمكن أن تساهم المدارات $\rm d$ في التهجين ، ومن ثم يكون التهجين هو $\rm sp^3$.

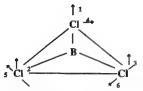
Pi (π) HYBRID ORBITALS مدارات باي (π) الهجنة

إن الروابط π يتم تكوينها عن طريق التداخل (Overlapping) بين مدارين ذرين متوازين على ذرتين، كما يلي:



شکل ۳ – ۱۰. تکوین رابطهٔ π من مدارین (من نوع π) ذریین

نلاحظ هنا تغير الإشارة في دالة الموجة للمدار π . ومعنى ذلك أن اللدرة المركزية في المركب AB_n يمكنها تكون روابط π باستخدام مدارين متعامدين من مدارات π مع كل ذرة π ترتبط π . ومن ثم تحتاج إلى عدد π مدار مهجن من نوع π على اللدرة المركزية. هذه المدارات الـ π المهجن على المدارات التي تستطيع أن تتداخل مع مدارات من نوع π على كل ذرة π . وبالتالي فإن زمرة من π 0 مدار مهجن على الذرة π 1 أو على المختزل π 1 لمجموعة التماثل الذي يتبعها الجزيء. يمكننا بالتالي أن نعتير أن كل ذرة π 1 تستخدم مدارين متعامدين يشير كل منهما إلى الاتجاه الموجب من المدالة الموجة، للمدار π 1 الناتج. من المستحسن أن ندرس مثالا محداً وليكن جزيء π 1 π 2 المجرعة مدا المهجنة سيجما. هذا الجزيء كما نعرف من نوع π 3 π 4 وجموعة المعار π 3 المجزيء كما نعرف من نوع π 4 π 5 وجموعة



شكل ٣ - ١١. المتجهات التي تصف

قاثله هي D3h. نضع على كل ذرة B متجهین (سهمین) متعامدین، كما في شكل ٣ - ١١.

نلاحظ وجود نوعين من المتجهات: النوع الأول وهو العمودي على مستوى الجزىء، منادات π على اللوات Cl في الجزيء BCl

ويتكون من ثلاثة أسهم. ويمكن تحويل كل منها إلى الآخر بعملية تماثل، أى أن هذا النوع يكون وحدة (Class). النوع الثاني من المتجهات يوجد في مستوى الجزيء. وهذه الأسهم يمكن تحويل كل منها إلى الآخر، وبالتالي فهي تشكل معاً زمرة أو وحدة. نلاحظ أيضاً أنه لا توجد عملية تماثل تحول أحد متجهات الزمرة الأولى إلى الثانية أو العكس. الزمرة الأولى التي خارج المستوى (Out-of plane) نعتبرها قاعدة لتمثيل قابل للاختزال (rπ(out)، (أي العمودية على مستوى الجزيء)، والزمرة الثانية التي في مستوى الجزيء تعتبر قاعدة لتمثيل قابل للاختزال (Γπ(in) وحتى نعين عيزات عمليات التماثل التي تساهم في هذين التمثيلين، نستخدم القواعد التالية:

١ _ المتجه، أو السهم، الذي يغير موضعه يساهم في المميز بـ «صفر».

٢ - السهم الذي لا تحدث له أية إزاحة يساهم في المميز بـ + ١ .

٣ - السهم الذي تنعكس إشارته بعملية التماثل يساهم في المميز بـ - ١

إنها هي نفس القواعد التي استخدمناها سابقا، أضيف إليها فقط القاعدة الأخبرة، وذلك لأنه في الحالة الراهنة فإن بعض الأسهم لا تغير مكانيا، ولكنها فقط تعكس اتجاهها. الخطوة التالية أن نجري عمليات التماثل على الجزيء. ونحسب الميز لكل عملية قاثل بحسب القواعد السابقة، لو أجرينا عمليات التماثل المختلفة التي في المجموعة D_{3h} على جزيء D_{3h} كما في الشكل السابق، نحصل على عيزات التمثيلين القابلين للاختزال $\Gamma\pi(\text{out})$ و $\Gamma\pi(\text{in})$ كما في الجدول التالى:

D_{3h}	E	2C ₃	$3C_2$	$\sigma_{\rm h}$	2S ₃	$3\sigma_{\rm v}$
$\Gamma\pi(\mathrm{out})$ $\Gamma\pi(\mathrm{in})$	3	0	-1	-3	0	1
$\Gamma\pi(in)$	3	0	-1	3	0	-1

الخطوة التالية بعد ذلك، هي تعيين التمثيلات التي لا تختزل (أنماط التماثل) التي يشتمل عليها كل من، كما فعلنا قبل ذلك، لنحصل على التبحة التالة:

$$\Gamma \pi(\text{out}) = A_2'' + E''$$

$$\Gamma \pi(\text{in}) = A_1' + E'$$

ولكي تستطيع ذرة البورون المركزية تكوين رابطة π عمودية على مستوى الجزيء، مع كل ذرة كلور، يجب أن تستخدم ثلاثة مدارات مهجنة تتكون من (١) مدار ذرى له نفس الصفات التحويلية التي لنمط التماثل $A_{\rm c}^{\rm r}$ و(٢) زوج من مدارين ذريين لهما نفس نمط التماثل $B_{\rm c}$ وبالرجوع إلى جدول الميز للمجموعة $D_{\rm c}$ ، نجد أن

$$A_2''$$
 E''
 p_s d_{xs} , d_{ys}

معنى ذلك أن زمرة من ثلاثة مدارات مهجنة متكافئة تتكون من هذه المدارات الذرية الثلاثة، هي الزمرة الوحيدة الممكنة لتكوين مدارات π خارج المستوى. قد نجد بين المدارات التي لها الصفات التحويلية لأحد

الأنماط التماثلية، مدار ٤، ولكن هذا المدار لا يكون روابط من نوع π وبالتالي لا يؤخذ في الاعتبار.

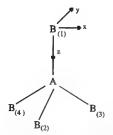
none (p_x, p_y) and $(d_{x^2-y^2}, d_{xy})$

وطالما لا يوجد مدار ذري تابع للنمط $^{\prime}_{A}$ ، فلا يمكننا تكوين زمرة من ثلاثة روابط من نوع $(a-B) - \pi(in)$. وليس معنى ذلك أنه لا يمكن تكوين روابط (in), أو أن هناك فقط رابطتين π مع ذرتين فقط من ذرات الكلور، ولكن هذا معناه أن رابطتين $\pi(in)$ تساهمان بالتساوي بين الذرة المركزية وذرات الكلور الثلاث.

في حالتنا الراهنة، فإن المدارات b غير محكنة من وجهة نظر الطاقة، في أن تساهم في تكويس روابط في ذرات المدورة الأولى من الجمدول الدوري، وبالتالي فإن مدارات ذرة البورون والتي يمكنها تكوين روابط a هي المدارات a و a و a و a و يو. ولقد ذكرنا سابقاً، إن مدارين من مدارات و الثلاثة، يشتركان مع المدار a في تكوين الروابط المهجنة a. ومعنى ذلك وجود مدار واحد فقط من هذه المدارات الثلاثة، هو a الذي يساهم في تكوين روابط a بين ذرة البورون وذرات الكلور الثلاث بالتساوي.

لنأخذ مثالا آخر من أجل مزيد من الإيضاح، وليكن جزيء ABa رباعي الأوجه المتظم.

في الواقع، وكما رأينا في المثال السابق، يتم تعيين المدارات π على الذرات Β، التي يمكن أن ترتبط مع المدارات المتبقية والتي لم تشترك في تكوين روابط σ، على الذرة المركزية. ومرة أخرى نستخدم نفس النظام



شكل ٣ – ١٢. المتجه x في مستوى الورقة في الجزيء النتراهيدرالي AB₄ الإحداثي السابق بوضع سهمين متعامدين على كل ذرة من نوع B، كما في شكل ٣ - ١٢.

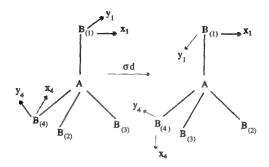
نلاحظ من الشكل أن المدار p_z قلا استخدم في تكوين رابطة σ ، وبالتالي يشير السهم z إلى الذرة المركزية A. مداري p_z الباقيين هما p_z و p_z ومن الممكن أن يساهما في تكوين روابط a. يلاحظ أيضا أن السهم a، والذي يمثل المدار a مرسوم

في المستوى الورقة، بينما السهم لا يكون عمودياً على مستوى الورقة، إن هذه الأسهم تتلاءم تماما مع المدارات التي يمكنها تكوين روابط ٣، على الذرة المركزية.

المتجهات الثمانية على الذرات B تمثل ثمانية مدارات ت على الذرات الأربع، نلاحظ هنا عدم وجود نوعين من مدارات ت، وذلك لأن الأسهم (المتجهات) ت يمكن تحويلها إلى المتجهات لا، بعملية تماثل ما. لذلك فالمتجهات الثمانية تكون معاً زمرة واحدة.

بإجراء عمليات التماثل التي في جدول الميز للمجموعة To، على الجزيء AB، كما في الشكل السابق، نحصل على

لاحظ أن تأثير عملية التماثل a (شكل P - 11) على سبيل المثال تؤدي إلى تغيير أماكن كل من ذرتي B_2 و B_3 وبالتالي يساهمان بالقيمة صفر في المميز:



 AB_d على المتجهات في الجزيء التتراهيدرائي م σ_d ملى المتجهات في الجزيء التتراهيدرائي

 x_1 يتحول إلى x_1 ، أي لا تتأثر بعملية التماثل، وتساهم في المميز بـ + 1.

. يتحول إلى y_1 ، وبالتالي يساهم بـ - ١ في المميز y_1

× يتحول إلى ب×− ويساهم في المميز بـ − ١ .

y4 يتحول إلى y4 ويساهم في المميز بـ + ١.

وبجمع هذه المميزات الفردية، نحصل على مميز عملية التماثل ٥٥ وهو يساوي صفر، كما في الجدول السابق.

التمثيل القابل للاختزال π يشمل أنماط التماثل التالية:

 $\Gamma \pi = E + T_1 + T_2$

وبالرجوع إلى جدول المميز لمجموعة التماثل Ta، نجد أن المدارات ع وع وd تتبع التمثيلات اللانحتزلة والتي يحتويها ٢٣، كما يلي:

 $E\ :\ (d_{x^2-y^2},d_{^32})$

 T_1 : none

 $T_2 : (p_x, p_y, p_z)$ and (d_{xy}, d_{xz}, d_{yz})

مرة أخرى نلاحظ عدم وجود مدارات ذرية على الذرة المركزية A. تتبع نمط التماثل T_2 وهكذا نستنتج أن خسة مدارات π فقط، من الثمانية، هي التي يمكن للذرة A تكوينها.

إذا رجعنا إلى المثال الثالث في المدارات المهجنة (صفحة ١٥٩) نجد أن الجزيء ماCC أو أي جزيء مAB تتراهيدرالي، يستخدم نفس المدارات التي تتبع نمط التماثل Τ2، لتكوين المدارات σ أيضا. وهكذا فنحن أمام حالة يشترك فيها نفس الزمرة (pz وpy وp_x) و(d_{yz}, d_{xz}, d_{xy}) في تكوين مدارات من نوع ٣ وكذلك من نوع ٥، لنفس الذرة المركزية. في العادة إذا كان هناك مدار واحد أو حتى زمرة واحد من المدارات الذرية تشترك في نوعى المدارات المهجنة، تكون الأولوية لتكوين المدارات سيجما، لكن في الحالة الراهنة نلاحظ أن كلاً من π و σ يحتاج إلى نفس الزمرتين اللتين تتبعان النمط . T2 وقد يكون عكنا طالما كان لدينا زمرتان، كل منهما من ثلاثة مدارات، أن تساهم إحداهما في تكوين نوع التهجين ٥ والأخرى في تكوين النوع الآخر ٣. لكن ذلك يكون غير بمكن على الأسس التماثلية وحدها، حيث لا يمكن أن يقال أن هذه الزمرة بذاتها تساهم في تكوين ح بينما الزمرة الأخرى تساهم في تكوين ٣، مثلا. إن الزمرتين تماثلياً متساويتان تماما، وكل منهما يمكنها أن تساهم في هذا النوع بنفس الدرجة التي تساهم به الزمرة الأخرى في النوع الآخر. وعلى أية حال ثمة احتمالات ثلاثة ممكنة. الاحتمال الأول أن تستخدم الذرة المركزية المدارات sp³ نقية تماما (غير مخلوطة مع مدارات d) في تكوين مدارات σ، وبالتالي يمكنها استخدام المدارات d الخمسة في التهجين m. على الطرف الآخر، هناك احتمال أن تستخدم الذرة المركزية التهجين sd³ لنوع σ، ومن ثم يمكنها استخدام المدارات d^2p^3 في تكوين المدارات π . الاحتمال الثالث وهو الحالة الوسط بين الحالتين السابقتين حيث تستخدم الذرة المركزية

خليطاً من المدارات ${\rm sp}^3$ ${\rm sp}^3$ في مدارات σ ، وهكذا تصبح المدارات π هي الأخرى خليطاً من ${\rm d}^5$ و ${\rm cp}^3$. لكن في جميع هذه الحالات فإن التماثل وحده لا يستطيع أن يرشدنا إلى أنسب هذه الاحتمالات. إن كل ما يستطيعه التماثل هو أن يجدد لنا كل الاحتمالات المكنة.

المعالجة التحليلية للمدارات المهجنة

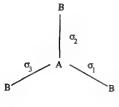
لقد عرفنا حتى الآن المدارات الذرية لذرة مركزية في جزيء ه AB والتي تُهجّن لتكوين زمرة مدارات مهجنة تأخذ اتجاهات محددة بحسب توزيع الذرات B، أو مجموعة التماثل للجزيء. كما رأينا كيف يقوم التماثل وحده بتحديد ماهية هذه المدارات الذرية وإذا ما كان هناك احتمال أو أكثر في حالة وجود أكثر من ترتيب للمدارات الذرية. لكننا عرفنا ذلك بطريقة كيفية، فقط، وليكن على سبيل المثال أن المدارات a وير ويرم ويرم ويرم تساهم في تكوين أربعة مدارات مهجنة متكافئة، والسؤال الذي يتبادر إلى الذهن هو: كم قيمة مساهمة كل مدار ذري، يدخل في التهجين، في المداراة المهجن؟ أو بمعنى آخر ما هي الصورة

دعنا نعود إلى جزيء دAB المستوى والذي يتبع مجموعة التماثل D_{3b}. كما رأينا في حالة الجزيء دBCl فإن المدار s والمدارين px و وy تساهم معاً في تكوين

 $\sigma_3, \sigma_2, \sigma_1$ ثلاثة مدارات مهجنة ولتكن

الكمية أو التحليلية لهذه المدارات؟

كما في الشكل التالي:



شكل ٣ - ١٤. المدارات المهجنة في الجازيء وAB المستوى

E' و A'_1 المنائل فقد رأينا أن تلك المدارات تتبع نمطي التماثل A'_1 و A'_2 والمطلوب هو معرفة مساهمة كل من هذه المدارات الذرية في تكوين المدارات المهجنة B'_2 0, B'_3 0, ولكي نجيب على ذلك علينا أن نقيم ما يسمى بجدول التحويلات (Transformation Table) حيث نعين تحوُّل كل مدار B'_3 0 مدار تحت تأثير مختلف عمليات التماثل (كل عملية تماثل على حدة. فمثلا عمليات التماثل B'_3 0 لكل منها تأثير مختلف على المدارات B'_3 0 ومن ثم يجب أن يذكر هذا التأثير بالتفصيل، كما في الجدول التالي:

D_{3h} σ_1 σ_2 σ_3	E	C_3	C_3^2	C_2'	C_2''	C_{u}^{u}	$\sigma_{ m h}$	S_3	\mathbb{S}_3^2	$\sigma_{\mathrm{v}}^{'}$	$\sigma_{ m v}^{''}$	$\sigma_{\rm v}^{'''}$
σ_1	σ_1	σ_3	σ_2	σ_1	σ_3	σ_2	σ_1	σ_3	σ_2	σ_1	σ_3	σ_2
σ_2	σ_2	σ_1	σ_3	σ_3	σ_2	σ_1	σ_2	σ_1	σ_3	σ_3	σ_2	σ_1
σ_3	σ_3	σ_2	σ_1	σ_2	σ_1	σ_3	σ_3	σ_2	σ_1	σ_2	σ_1	σ_3

$$\Gamma \sigma = 3 \ 0 \ 1 \ 3 \ 0 \ 1$$
 لقد سبق أن توصلنا إلى أن: $\Gamma \sigma = A_1' + E'$

فإذا ضربنا كل صف من جدول التحويلات في هذين التمثيلين اللذين لا يختزلان، نحصل على المدارات التماثلية (Symmetry Orbitals). هذه الخطوة تعطى ثلاثة مدارات تماثلية، أحدها A_1 والآخران A_2 .

من جدول المميز للمجموعة D3h نجد أن

	E	$2C_3$	$3C_2$	$\sigma_{\mathbf{h}}$	$2S_3$	$3\sigma_{\rm v}$
A_1'	1	1	1	1	1	1
\mathbf{E}'	2	-1	0	2	-1	0

بضرب هذه التمثيلات التي لا تختزل (أي الميزات المقابلة من جدول

الميز) نحصل على:

بالنسبة للتمثيل A'1،

 $4(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3)$ من الصف الأول:

 $4(\sigma_1+\sigma_2+\sigma_3)$: من الصف الثاني

 $4(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3)$: شن الصف الثلث :

وطالمًا أن مداراً تماثلياً واحداً هو A₁،

إذن المدار التمثيلي المساوي للوحدة (Unity) أو ما يطلق عليه

 $(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3)/\sqrt{3}$ مو Normalized

بالنسبة للتمثيل 'E'،

 $2(2\sigma_1-\sigma_2-\sigma_3)$ ناصف الأول:

 $2(2\sigma_2-\sigma_3-\sigma_1)$: من الصف الثاني

 $2(2\sigma_3-\sigma_2-\sigma_1)$: شالث : من الصف الثالث :

هذه التعبيرات الثلاثة ليست متعامدة (Orthogonal). وحتى يحدث ذلك نختار دالة واحدة ولتكن $\sigma_2 - \sigma_3 - 2\sigma_1$. ثم نأخذ ناتج الاثنين الآخرين، فلو أثنا، على سبيل المثال طرحنا حاصل الضرب الثالث من الدالة الثانية حتى نتخلص من σ_1 ، نحصل على المدارين المتماثلين المعدلين المعدلين

$$(1/\sqrt{6})(2\sigma_1-\sigma_3-\sigma_2)$$
 : (Normalized)

 $(1/\sqrt{2})(\sigma_2-\sigma_3)$

هذه النتائج يعبر عنها بطريقة المصفوفات كما يلي:

$$\begin{bmatrix} \sigma_1' \\ \sigma_2' \\ \sigma_3' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{3} & 1/\sqrt{3} & 1/\sqrt{3} \\ 2/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} \\ 0 & 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sigma_1 \\ \sigma_2 \\ \sigma_3 \end{bmatrix}$$

حيث $\gamma_0, \sigma_0', \sigma_0'$ هي زمرة الدوال التي لها نفس تماثل المجموعة ورمة $\sigma_0, \sigma_0, \sigma_0$ هي المدارات المهجنة، زمرة الدوال التي لها التماثل المطلوب هي المدارات الذرية التي تحول مثل $E' + A'_1$ أو مدارات e_0 و e_0 و e_0 فإذا ضربنا شمالًا كلًا من جانبي المعادلة السابقة e_0 معكوس المصفوف e_0 معلى الصيغ التحليلية للمدارات المهجنة e_0 e_0 على ضوء المدارات التماثلية e_0 e_0 كما يل:

$$\begin{bmatrix} 1/\sqrt{3} & 2/\sqrt{6} & 0 \\ 1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{6} & 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{3} & 1/\sqrt{3} & 1/\sqrt{3} \\ 2/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} \\ 0 & 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sigma_1 \\ \sigma_2 \\ \sigma_3 \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} 1/\sqrt{3} & 2/\sqrt{6} & 0 \\ 1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{6} & 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{6} & 1/\sqrt{6} & 1/\sqrt{6} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sigma'_1 \\ \sigma'_2 \\ \sigma'_3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \sigma_1 \\ \sigma_2 \\ \sigma_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{3} & 2/\sqrt{6} & 0 \\ 1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{6} & 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s \\ p_x \\ p_y \end{bmatrix}$$

وهكذا تكون الدوال: التحليلية الثلاث هي:

$$\begin{split} \sigma_1 &= (1/\sqrt{3})s + (2/\sqrt{6})p_x \\ \sigma_2 &= (1/\sqrt{3})s - (1/\sqrt{6})p_x + (1/\sqrt{2})p_y \\ \sigma_3 &= (1/\sqrt{3})s - (1/\sqrt{6})p_x - (1/\sqrt{2})p_y \end{split}$$

ويمكن استخدام نفس الطريقة لأي تشكيل هندسي آخر، على الرغم من تعقيدها كلما زادت عمليات التماثل المختلفة لمجموعة التماثل التي يتبعها الجزيء.

الباب الرابع

نظرية مجال المجموعة المعطية

نظرية مجال المجموعة المعطية LIGAND FIELD THEORY

١-٤. المجال البلوري وعجال المجموعة المعطية

Crystal Field and Ligand Field

بيث (Bethe)، ١٩٢٩، هو أول من بدأ مفهوم مجال المجموعة المعطية. وفي الحقيقة فقد درس تأثير الأيونات المحيطة على التوزيع الألكتروني لأحد الأيونات في نسق بلوري مثل كلوريد الصوديوم المحلة في وفي هذا النموذج افترض أن الأيونات هي مجالات كروية كاملة غير مشوهة، وأن التفاعل أو التأثير بينها يتم أو ينتج بكامله عن الجهد الألكتروستاتيكي (Electrostatic Potential) الذي ينشأ عن شحناتها، التي توجد عند مركز كل أيون، أي عند النواة. وكما هو معروف، يحاط أيون الصوديوم في بلورة كلوريد الصوديوم بستة أيونات من الكلوريد، أي بستة نقاط مشحونة، توجد عند قمم ثماني أوجه منتظم. ينشأ عن كل من هذه النقاط الست المشحونة جهداً الكتروستاتيكيا:

$v_{(i,x,y,z)} = e/r_{(i,x,y,z)}$

عند النقطة (x, y, z) حيث v هو الجهد الناتج عن الأيون ith من الأيونات الستة، (x, y, z) هي المسافة بين الأيون المين والنقطة (x, y, z). ويكون الجهد الناشىء عن الأيونات الستة مجتمعة، عند الأيون المركزي هو:

$V_{(x,y,z)} = \sum_{i=1}^{6} v_{(i,x,y,z)}$

إن حقيقة أن الاهتمام كان منصباً على الجهد الالكتروستاتيكي الذي ينشأ عند أيون ما، يمثل في الأساس جزءاً من نسق شبكي يوجد فقط في بلورة، هو الذي أدى إلى صياغة اسم «نظرية المجال البلوري». إن الحالات الألكترونية للأيون المركزي تكون متساوية الطاقة أو متحللة (Degenerate) طالما هو حر أو في الحالة الغازية. هذه الحالات الألكترونية المتحللة، لا تلبث أن تنفصل إلى حالتين ألكترونيتين أو أكثر، تحت تأثير المجال الناشىء عن النقاط المشحونة إذا ما وضع الأيون في نسق بلوري. وقد أوضع بيث أن مدى هذا الانفصال، وعدد الحالات الألكترونية يعتمد على عدد النقاط المشحونة وكذلك على التوزيع الفراغي لها حول الأيون المركزي، أي على مجموعة التماثل التي يتبعها هذا النسق. كما أوضح كيفية تحديد الحالات الألكترونية التي يتبعها هذا النسق. كما أوضح كيفية تحديد الحالات الألكترونية التي تنتج في أي تشكيل ألكترونية التي أيون يوضع في مجال بلوري ذي تماثل محدد باستخدام نظرية المجموعة.

بحسب نظرية المجال البلوري تعتبر المجموعات المعطية، إذا كنا بصدد معالجة متراكب ما على أساسها، إنها نقطة سالبة الشحنة، ويمكن حساب فرق الطاقة بين مدارات ما للذرة المركزية، ولتكن مدارات d على سبيل المثال، إذا علمنا المسافة بين الذرة المركزية والذرة المعطية، شحنة المجموعة المعطية (أو العزم ثنائي القطبي للمجموعة المتعادلة) والجزء القطري من دالة الموجة للمدارات المحددة أو المطلوبة.

هذا النموذج الألكتروستاتيكي في الحقيقة، غير واقعي فالألكترونات التي يفترض أن تظل في مدارات الذرة المركزية كل الوقت ويشكل كامل، نجدها في الواقع توجد بعض الوقت في مدارات خاصة بالذرات المحيطة أو بالمجموعات المعطية، والعكس صحيح أيضا، مما يؤدي إلى روابط أكثر تكافؤية (Covalent). هذا النموذج الذي يسمح بوجود روابط كيميائية لها بعض صفات التكافؤ، وليست أيونية تماماً، استخدمه فإن فليك (Van بعض صفات التكافؤ، وليست أيونية تماماً، استخدمه فإن فليك مارات بحتة أو نقية للمفلز المركزي. إن هذا التعديل لنظرية المجال مدارات بحتة أو نقية للفلز المركزي. إن هذا التعديل لنظرية المجال

البلوري والذي يسمح بوجود روابط تكافؤية وألكتروستاتيكية بنفس القدر، بين الأيون وما يحيط به، والذي أطلق عليه فنظرية مجال المجموعة العطبة).

وكما هو واضح، طالما تدرس نظرية المجال البلوري أو مجال المجموعة المعطية فلا مندوحة من دراستهما على ضوء التماثل الجزيثي ونظرية المجموعة.

٢-٤. تأثر مجال المجموعة المعطية: معالجة كيفية

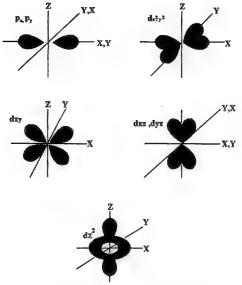
تعرف العناصر الانتقالية بأنها تلك التي تحتوي على مدارات a غير مشبعة، ومن ثم تكون المدارات d الخمسة هي حجر الزاوية في كيمياء العناصر الانتقالية. ولأنها كذلك، فإن تأثير المجموعات المعطية، نقصد المجال الناشيء عن المجموعات المعطية في متراكبات العناصر الانتقالية بترتيباتها الفراغية المختلفة، يصبح من الأهمية بمكان.

إذا كان لدينا متراكب اوكتاهيدرالي، أي يوجد ست مجموعات معطية عند قمم ثماني الأوجه الستة، اثنتان عند نهايتي المحاور الكارتيزية x و y و x، حيث الأصل (Origin) ← يوجد عند ذرة الفلز المركزية. هذه الشحنات السالية (على الذرة المعطية للمجموعات) تطرد ألكترونات الأيون المركزي، ويزيد هذا الطرد شكل ١-٤. الترتيب الأوكاميدولل

المتظم للشحنات الست

كلما كانت الألكترونات قريبة من الشحنة السالبة. فإذا اعتبرنا أن المحور z هو المحور

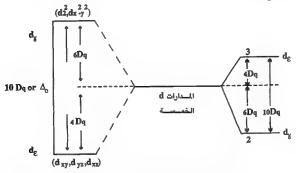
الذي تنسب إليه دوال الموجات التي تتواكب مع المحور 2، يكون ترتيب المجموعات الست اكتاهيدراليا كما في شكل ٤ - ١.



شكل ٤-٢. الجزء الزاوي لنوال بعض مدارات p و d

إن تأثر الكترونات المدارات b، بوجود المجموعات المعطية، بحسب الترتيب السابق يعتمد على موقعها من تلك الشحنات السالبة. المداران b و موحه يوجهان أقصى كثافتهما الألكترونية على المحور b ولمحوران b ولا على التوالي. أما المدارات b و يوb و يبه كل منها يوجه كثافته الألكترونية في المنطقة التي بين المحاور الكارتيزية (انظر شكل b–2).

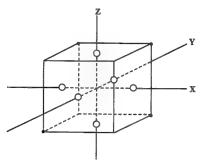
بناء على ذلك، فإن الكترونات d للأيون المركزي تتحاشى التواجد في المدارين ميله و ميديله وذلك لأن وجودها في هذين المدارين يتطلب طاقة عالية حتى تتغلب على قوى الطرد الناتجة عن المجموعات المعطية. وهكذا تحاول الألكترونات أن تبتعد عن هذين المدارين كلما كان ذلك ممكناً، وتحصر نفسها في المدارات $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ في هذا المجال الأوكتاهيدرالي، يمكن القول إن جميع المدارات الخمسة قد تأثرت، ولكن المدارين $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ أن المدارات في و $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ والكن المدارين $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ و أن المدارات في المدارين $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$ و أن الرمزة الأولى وطاقتها أعلى، تتكون من المدارين $_{\rm st}$ و $_{\rm st}$



شكل ٤-٣. انقصال للدارات له في المجال الثماني الأوجه (الأوكتاهيدرالي)، والرباهي الأوجه (التتراهيدرالي)

إن الترتيب الذي يقابلنا بعد ذلك كثيراً هو الرباعيُّ الأوجه المنتظم أو التتراهيدرون. ولمعرفة كيفية تأثر المدارات d بالمجموعات المعطية الأربع، نذكر أن التتراهيدرون المنتظم يمكن الحصول عليه من المكعب كما في الشكل التالي (٤–٤) الذي يوضح علاقة المحاور الكارتيزية، ومن ثم المدارات d بالتتراهيدرون.

إن الشكل (٤-٤) يبين أن المدارات على هي التي تكون أقل تأثراً بالمجال التتراهيدرالي، وهكذا تكون الطاقات النسبية للزمرتين على و على عكس ما يحدث في المجال الاكتاهيدرالي المنتظم، كما في الشكل ٤-٣ السابق.



شكل ٤-٤. هلاقة المحاور الكارتيزية والمدارات له بالترتيب الرياحي الأوجه (النتراهيدوالي) المنتظم

٤-٣. الذرات عديدة الألكترونات

سبق أن ذكرنا (الباب الثالث) أن دوال الموجات للألكترون المفرد لذرة الهيدروجين معروفة بدقة. هذه الدوال الموجية، والتي هي حلول لمحادلة شرودينجر، تشتمل على ثلاث دوال:

$$\Psi n, \ell, m = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$$

الدالة (R(r تعتمد فقط على r، وسبق أن أطلقنا عليها اسم الدالة القطرية، والدالة @ تعتمد فقط على الزاوية 0، بينما الدالة 4 فتعتمد على الزاوية ϕ (شكل T-P)، والدالتان الأخيرتان معا يسميان الجزء الزاوي من دالة الموجة. حلول هذه الدوال لذرة الهيدروجين أدى إلى ثلاثة أعداد كمية. العدد الكمي الأسامي π ، وهو يحدد طبيعة الجزء القطري من دالة الموجة. العدد الكمي θ ، ويصف العزم الزاوي للألكترون ويطلق عليه العدد الكمي المداري أو العدد الكمي العزمي المداري مساسسه (Orbital momentum العدد الكمي θ ، وإذا كان العدد θ يأخذ كل القيم الصحيحة من اللي ما لا نهاية، فإن قيم العدد θ يحدها أيضا العدد θ حيث لكل عدد θ يمكن للعدد θ أن يأخذ القيم θ . (1-1) بعسب قيمة العدد θ يكون رمز المدار، أو بالضبط دالة الموجة التي يطلق عليها اسم المدار كما يل:

0 1 2 3 4 5 6

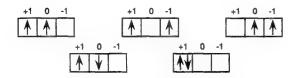
spdfghi...

لكل قيمة من العدد 2 يوجد عدد من القيم للعدد الكمي m، من $2\ell + 2\ell + 1$ قيمة.

يبقى بعد ذلك العدد الكمي المغزلي (Spin quantum number) والذي له قيمتان فقط هما 2-1، 1/2 ، 1/2 ، هذا العدد لا يتم الحصول عليه من معادلة شرودنجر، ولكنه نتيجة للنظرية النسبية (Complete relativistic وهكذا يوجد أربعة أعداد كمية $3,m,\ell,n$.

وباستخدام مبدأ باولي (Pauli Principle) الذي ينص على أنه لا يوجد ألكترونان في ذرة واحدة يكون لهما نفس الأعداد الكمية الأربعة، وجد أن المدار 8 لا يستوعب أكثر من ألكترونين، والمدارات و الثلاثة ، (px, py مستة ألكترونات، وعشرة ألكترونات في المدارات d، إلى آخره. وبذلك تم تعيين التشكيلات الألكترونية لذرات جميع العناصر.

في كل ما ذكرناه حتى الآن لم نذكر أي شيء عن التداخل بين العزم المداري والعزم المغزلي للألكترون. في الحقيقة هناك تداخل بينهما يؤدي إلى العدد الكمي $\{i\}$ العزم الزاوي الكلي للألكترون. وبالنسبة لألكترون مفرد فإن له $\{i\}$ و $\{i\}$ و $\{i\}$ ومع ذلك فإن هذا التداخل في حالة الألكترون المفرد يعتبر دون أثر يذكر. لكن في حالة وجود أكثر من الكترون، لا يمكن إهمال التداخل بين الألكترونات أو المتجهات التي تمثل المعزوم المدارية أو المغزلية، أي العدد الكمي $\{i\}$ والعدد الكمي $\{i\}$ وعلى سبيل المثال، التشكيل الألكتروني لفرة الكربون $\{i\}$ هو $\{i\}$ والألكترونات التي في المدارات المشبعة لن يكون لها تأثير أكثر من حجب الألكترونان في المدارات المشبعة لن يكون لها تأثير أكثر من حجب يوجد الألكترونان في المدارات $\{i\}$ أو في أي المدارات $\{i\}$ وكون هذان المؤللة كما الألكترونان على المدارات الثلاثة كما الألكترونان على المدارات الثلاثة كما المؤللة (شكل $\{i\}$)



شكل ٤-٥، بعض توزيمات الالكثروني على مدارات p

بالطبع هناك احتمالات أخرى لتوزيع الألكترونين. ولذلك يكون التقريب الذي يستخدم الأعداد الكمية الأربعة لكل ألكترون، ويكتفى بالتشكيل 2p²، تقريباً غير واقعي، خصوصاً في غير الحالة الأرضية (Ground State) للذوة.

لكل من التشكيلات السابقة وغيرها، طاقة تختلف من تشكيل لآخر. وبالتالي علينا من الآن أن نفرق بين كلمتي تشكيل (Configuration) وترم (Term) أو حالة (State).

تشكيل يعني وضع عدد ما من الألكترونات في مدارات محددة. أما ترم أو حالة فهو مستوى طاقة النظام. وعموما، التشكيل الألكتروني يؤدي إلى عدد من مستويات الطاقة ومن ثم إلى عدد من الحالات أو الترمات.

إن الأعداد الكمية التي ذكرناها آنفا لا تصلح للذرات عديدة الألكترونات، حيث يحدث تداخل بين العزوم المدارية والمغزلية. ولذا فإن هذه الذرات عديدة الألكترونات، عادة ما تكون أقرب إلى ما يسمى «ازدواج رسل سوندرز، أو ازدواج زز حيث يحدث ازدواج بين العدد الكمي للألكترونات وينتج عن ذلك الازدواج العدد الكمي الكلي لا. هذا النوع الأخير من الازدواج يستعمل بالنسبة للذرات التي يكون فيها التداخل بين العدد الكمي المداري ٤ والعدد الكمي المغزلي ٤ كبيراً. الازدواج الأول سندرسه بعض التفصيل هنا.

٤-٤. ازدواج رسل - سوندرز (Russell-Saunders coupling)

في هذا النوع من الازدواج، المعروف أيضاً باسم ازدواج I-S. يحدث ازدواج بين العزوم الزاوية للألكترونات المفردة على اعتبار أنها متجهات لتعطي العدد الكمي I، وهو ما يعرف بـ «العزم الزاوي المداري الكلي» لجميع الكترونات التشكيل المطلوب. في ازدواج رسل-سوندرز يتبع ما يلي: أولًا: يحدث ازدواج للعزوم الزاوية المدارية للإلكترونات المفردة لتعطي محصلة العزوم الزاوية المدارية ويرمز لها بالعدد الكمي L.

ثانياً: تزدوج العزوم المغزلية لجميع الألكترونات المنفردة وينتج عن ذلك عصلة العزوم المغزلية التي يشار إليها بالعدد الكمي S.

ثالثاً: يحدث ازوداج بين كل من L و S ليعطي قيم محصلة العزوم الزاوية الكلية التي يرمز إليها بالرمز L . L تأخذ القيم الكمية الموجبة من L - S إL + S إلى L - S . العلامة L - S الإشارة أو أن L - S .

بحسب قيمة العدد الكمى L فإن الحالة أو الترم يطلق عليه الرمز

L O 1 2 3 4 5

Symbol S P D F G H... الرمز

لكل حالة ذات عدد كمي 8، يوجد ما يسمى بـ «التضاعفية» (Multiplicity) وهي تساوي 1+2S. توضع التضاعفية أعلى رمز الحالة إلى الشمال. أما العدد الكمي V فيوضع V فيوضع الحقة أسفل رمز الحالة أو الترم إلى المين. وهكذا يكون رمز الحالة أو رمز الترم (Term Symbol) كما يلي:

^{2S+1}L_J

يقال عن الحالة أو الترم إنه:

singlet doublet triplet quartet quintet sextet

S = 0 $\frac{1}{2}$ 1 $1\frac{1}{2}$ 2 $2\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 2S+1=1 2 3 4 5 6 $\frac{1}{2}$

تماماً، كما أن للعدد الكمي ℓ عدد من العناصر $\ell+2$ ، يعبر عنها بالعدد ℓ يكون للعدد الكمي ℓ عدد من العناصر ℓ يرمز لكل منها بالعدد الكمي ℓ ، ℓ ويوجد عدد ℓ عنصراً من ℓ ، وطالما

يوجد عند 1+12 من ML و 2S+1، يكون التحلل (Degeneracy) للترم هو: (1 + 2S ((2L + 1) (2S + 1)

أي أن كل M_L تحدث (2S+1) مرة، وكل قيمة من M_L تحدث عدد (2L+1) مرة. وعلى سبيل المثال للترم 2^c تسعة متضاعفات.

لنأخذ على سبيل المثال، ألكترونين في المدارات d. إذن d ويالتالى تكون قيم d هي:

$$\ell_1 + \ell_2 = 2 + 2 = 4, \ell_1 - \ell_2 = 2 - 2 = 0$$

$$L = 0, 1, 2, 3, 4$$
 أي أن يأخذ القيم

وبالتالي تكون الترمات، أو الحالات لهذا الازدواج هي:

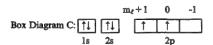
S P D F G

والسؤال الآن أي هذه الترمات أو الحالات تكون هي الحالة المستقرة أو الأرضية (Ground State)؟ توجد بعض القواعد لتحديد رمز الترم أو الحالة المستقرة، حسب ازدواج رسل - سوندرز، هذه القواعد هي:

- ١ نأخذ أعلى متضاعف مغزلي (أكبر قيمة لـ 8). ويعني ذلك أن الألكترونات تحتل مدارات متساوية الطاقة حتى (أي مدارات منفصلة لكل ألكترون) حتى نظل متوازية المغزل كلما أمكن (وذلك تبعاً لقاعدة هند (Hund's rule).
- ٢ نأخذ أعلى قيمة للعزم المداري الزاوي (L)، أي نملاً المدارات ذات
 أكبر قيمة موجبة من العدد يص أولاً.
- ٣ نختار أعلى قيمة من لا للحالة الأرضية، إذا كان تحت المدار
 (Subshell) يحتوي على أكثر من نصف العدد المطلوب للتشبع،

ونختار أقل قيمة لـ لـ إذا كان تحت المدار يحتوي أقل من نصف عدد التشبع.

دعنا نأخذ ذرة الكربون كمثال. ونكتب التوزيع الألكتروني لها على نظام العلب أو المربعات التالى:



نعين قيمة العدد الكمي L للحالة الأرضية بإضافة قيم m_e لجميع الألكترونات في المدار الناقص. قيمة L لذرة الكربون هي:

$$L = (+1) + (0) = 1$$

لاحظ أننا وضعنا الألكترونات بحيث يكون الألكترون الأول في أعلى قيمة له هم الألكترون في المربع الذي يليه في قيمة به وهكذا.

يعالج العدد الكمي 1 للألكترون المفرد كمتجه، عنصره يm في اتجاه المجال.

قيمة العدد الكمي S هي مجموع الأعداد الكمية المغزلية للألكترونات المنفردة $\frac{1}{2}$. $m_S=\pm\frac{1}{2}$

$$S = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$
 بالنسبة لذرة الكربون فإن:

(تستخدم القيم المطلقة لكل من L و S).

قحت المدارات المشبعة لا تساهم بأي شيء لكل من L و S وذلك لأن مجموع m_e و m_e و m_e و m_e لأن مجموع m_e

بالنسبة لذرة الكربون، فإن قيمة L=1 تدل على أن الترم او الحالة الأرضية هي P. وطالما أن لدينا الكترونين فإن P0 والتضاعفية المغزلية تساوي P1 + P2 + P3 هذه التضاعفية المغزلية تقابل

التحلل (عدد الحالات التي لها نفس الطاقة) لجميع التوجهات المكنة للعزم المغزلي الكلي.

وطالما أن 1 = S والتضاعفية 3 = 1 + 2S، إذن يوجد ثلاثة توجهات أو اتجاهات (Orientations) للعزم المغزلي في المجال المغناطيسي: في اتجاه المجال، والعمودي عليه وفي عكس اتجاه المجال.

قيم العدد الكمي L = S | | L + S | وبالتالي L - S = 1 - 1 = 0, L + S = 1 + 1 = 2 فهذه القيم هي: J = 0, 1, 2

المدار 2p يحتوي على الكترونين فقط في ذرة الكربون، وبالتالي يكون أقل من نصف مشبع. بناء على ما ذكرناه آنفا، فإن الحالة التي لها أقل قيمة للعدد الكمي لا تكون هي أقل أو أخفض حالة طاقة، أو هي الحالة الأرضية.

إذن رمز الحالة الأرضية لذرة الكربون هو: ³Po:

المثال الثاني هو التشكيل الألكتروني 'd'، الذي يوجد في أيون الفانديوم الثلاثي + V³ مثلاً. الحالة الأرضية لهذا التشكيل تستتج كما يلي: المادارات d الخمس بنظام المربعات، ونضع الألكترونين في المدارين ذواتي أعلى قيم للعدد الكمي m على التوالى، كما يلي:

\mathbf{m}_ℓ	+2	+1	0	-1	-2
	1	1			

L = +2 + (+1) = 3 يساوي: L = +2 + (+1) + 2 + (+1) = 3

 $S = (+\frac{1}{2}) + (+\frac{1}{2}) = 1$ | $S = (+\frac{1}{2}) + (+\frac{1}{2}) = 1$

J = 2, 3, 4: $\sum_{i=1}^{n} J_{i} = 2, 3, 4$

0 ـ التضاعفية المغزلية تساوى: 3 = 1 + 1 × 2 = 1 + 2\$

إذن رمز الترم هو ³F₂.

لنَّاخَذُ نموذجاً آخر، وهو ذرة النتروجين N.

التشكيل الألكتروني، للمدار الأخير هو p3.

إذا تتبعنا الخطوات السابقة نحصل على:

العد الكمي 0 = 1، والعدد الكمي $3/2 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ ، أما العدد الكمي 1 فير قيمة واحدة وهي: 3/2 = 3/2

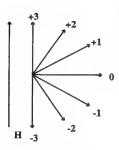
$$2S + 1 = 3/2 \times 2 + 1 = 4$$

وبالتالي يكون رمز الترم لذرة النتروجين هو: ع_{83/2}

الآن وقد عرفنا الحالة الأرضية علينا أن نحدد رموز الترمات لجميع الحالات الأخرى، أو ما تسمى بالحالات المثارة.

إذا كانت قيمة العدد الكمي L أي قيمة غير الصفر، فإن هذا يعني أن الحالة الأرضية متحللة أو متضاعفة مدارياً (Orbitally degenerate). فقد لاحظنا أن رمز الحالة الأرضية لأيون الفناديوم هو 3F_2 ، وهذا يدل على أن E=1. معنى هذا وجود سبع اتجاهات أو أوضاع كمية للعزم الزاوي المداري الكلي L المجال المغناطيسي، والتي عناصرها هي:

 $M_L = 3, 3, 1, 0, -1, -2, -3$



شكل ٤-٦. عناصر 3 = L في المجال المغناطيسي

وهكذا تحتوي هذه الحالة على سبعة تجمعات لقيم Mz. وحتى نعرف هذه التجمعات يجب استخدام نظام المربعات. والطريقة التالية يمكن استخدامها لتعيين الحالات المتحللة ولتحديد العدد الكلي للحالات المختلفة.

منستخدم هذه الطريقة ونطبقها على التشكيل الالكتروني 2d بالتفصيل، في هذه الطريقة فإن جميع الطرق الممكنة التي يمكن بها ترتيب الكترونين لهما مغزلان متوازيان في مدارات الخمسة يجب أن تكون محددة وواضحة في الرسم التخطيطي المسمى برج الحمام (Pigeon hole diagram).

mi										
-2				1			1		1	1
-1			1			1		1		1
0		1			1			1	1	
+1	1				1	1	1			
+2	1	1	1	1						
$M_{\overline{L}}$	3	2	1	0	1 *	0 *	-1 *	-1	-2	-3

شكل ٤-٧. مربعات توزيعات التشكيل ألله

القواعد المستخدمة لبناء مربعات توزيعات التشكيلات الالكترونية ي:

١ . يستخدم صف أفقى واحد لكل قيمة من ، ٣٠.

٢ _ في المربع الأول من العمود الأول يوضع الألكترون الأول على أن

- يكون السهم (الذي يمثل الألكترون مشيراً إلى أعلى) أي إن المغزل إلى أعل.
- ٣ الألكترونات الأخرى في العمود توضع في صفوف فوق الألكترون
 الأول، وذلك لتحاشى التكرار في التشكيل.
- ٤ ـ في الأعمدة التي تلي، نضيف الألكترونات بطريقة متتالية كل في
 صف أعلى، وهكذا حتى ننهى جميع الاحتمالات المكنة.
 - ٥ _ مبدأ باولي للاستبعاد يجب أن يتبع بدقة.

المحصلة، M_L وهي التي تساوي قيم مجموع m₂ توجد في الصف الأخير في الرسم التخطيطي. كما في الشكل السابق (شكل ٤-٧).

لاحظ أننا في مربعات التوزيعات السابقة لم نأخذ في اعتبارنا غير الحالة التضاعفية 1 = 1 + 25، أي أن الألكترونين متوازيان في الدوران المغزلي.

بعد أن انتهينا من تعيين الحالات التي تقابل أعلى مغزل، علينا أن نعين الترمات التي تنتج حينما يكون للألكترونين دوران مغزلي متعاكس، أي إن $0=\frac{1}{2}-\frac{1}{2}=8$ أو 1=1+2، أو ما يسمى بالحالة الفردية Singlet state. علينا أن نتبع نفس الخطوات السابقة ونستخدم مربعات

التوزيعات، ولكن في هذه الحالة لا بد أن يكون اتجاه الألكترونين غتلفاً، كما فى الشكل التالى:

m į					_										
-2					1				1			1		1	$ $
-1	Г			1				I			I		ŢŢ	1	
0			1				I			ΠĮ	1	Î			
+1		1				TI	1	1	1						
+2	Î	1	1	1	1										
ML	+4	+3	+2	+1	0	+2	+1	0	-1	0	-1	-2	-2	-3	-4

شكل ٤-٨. مربعات توزيعات التشكيل 2 في حالة أقل مغزل (1 = 1 + 28)

كما هو واضح من الشكل السابق، فإن أعلى قيمة للعدد الكمي 4 تساوي 4 وهي تدل على أن الحالة الأحادية المثارة التي لها أقل طاقة هي الحالة 1 0، وتشتمل على تسعة عناصر أو تشكيلات يمثلها العناصر في الحالة 1 1, 2 2, 2 3, 3 4, 4 5, 2 5, 2 7, 3 7, 4 8 للعدد 1 1, بطرح هذه القيم من القيم الموجودة في الصف الأخير من الرسم التخطيطي السابق، يتبقى الأرقام التالية 1 5, 2 7, 3 9, بالإضافة إلى رقم 3 9. المجموعة الأولى من قيم 3 1 تدل على أن الحالة الأحادية المثارة ذات الطاقة الأعلى من الحالة السابقة 3 9) هي الحالة أو الترم 3 1 أما القيمة صفر للعدد الكمي 3 1 فتدل على الحالة الأحادية المثارة 3 1 وهي الحالة الأحادية من الحالة الأحادية من الحالة الأحادية من الحالة الأحادية المثارة وهي الحالة الأعلى طاقة من الحالتين السابقين.

التشكيل الألكتروني d²، كما رأينا ينتج عنه الحالات التالية نتيجة لازدواج العدد الكمي المداري والعدد الكمي المغزلي لكل من الألكترونين:

³F, ³P, ¹G, ¹D and ¹S

والآن بالرجوع إلى طريقة حساب العدد الكمي ل لكل من الحالات السابقة، نحصل على الحالات التالية:

$$^{1}S_{0}$$
 $^{3}P_{0}$ $^{1}D_{2}$ $^{3}F_{2}$ $^{1}G_{4}$ $^{3}P_{1}$ $^{3}F_{3}$ $^{3}P_{2}$ $^{3}F_{4}$

لاحظ أننا استخدمنا ألكترونين في نفس المدارات d. أما إذا كان الألكترونان في مداريٌ a مختلفين، أي d و ma و ليكن على سبيل المثال ألكترونا في 3d والثاني في المدارات 4d، فإن الحالات الناتجة تصبح كالتالي:

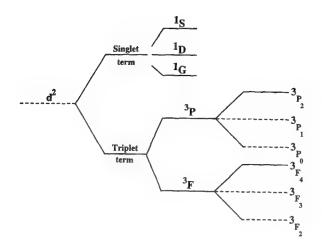
$$^{1}S_{0} \quad ^{1}P_{1} \quad ^{1}D_{2} \quad ^{1}F_{3} \quad ^{1}G_{4}$$

$$^{3}S_{1} \quad ^{3}P_{0} \quad ^{3}D_{1} \quad ^{3}F_{2} \quad ^{3}G_{3}$$

$$^{3}P_{1} \quad ^{3}D_{2} \quad ^{3}F_{3} \quad ^{3}G_{4}$$

$$^{3}P_{2} \quad ^{3}D_{3} \quad ^{3}F_{4} \quad ^{3}G_{5}$$

من الواضح أن الاضطراب الناتج عن التداخل الألكتروني يؤدي إلى انفصال مستويات الطاقة المتحللة، أو التي كانت متساوية الطاقة في حالة الأيونات الحرة، إلى عدد من الترمات، يعتمد على التشكيل الألكتروني. في حالة التشكيل 42، تنفصل الترمات كما يلى:



شكل ٤-٩. انفصال التشكيل الألكتروني "له إلى ترمات، وانفصال الترمات إلى حالات

في بعض الكتب قد نجد تعبير ترم على الرمز ³ دون ذكر قيمة العدد 1، وهذه الأخيرة تسمى حالات، بينما بعض المؤلفين يعتبرون أن الأخيرة تسمى ميكروحالات (Micro state).

إن هذا الازدواج يعتبر تقريباً جيداً ومفيداً في حالة أن تكون عناصر الترم، أي الحالات التي لها نفس S و L ولكن تختلف في قيمة I، تختلف في الطاقة بكميات صغيرة إذا قورنت بالفرق بين أحد الترمات، ككل، وآخر. وهذا الازدواج يعمل بصورة جيدة بالنسبة لأيونات عناصر المتسلسلة الأولى والثانية من العناصر الانتقالية، أما المتسلسلة الثالثة فلا يعتبر تقريباً جيداً، وإن كان يمكن استخدامه نقطة بداية.

الجدول التالي يوضع الترمات التي توجد نتيجة ازدواج رسل -سوندرز لمختلف التشكيلات d.

جدول ١-٤. النرمات التي تتكون نتيجة ازدواج رسل - سوندرز

Configura	ion Terms
$d^1 d^9$	² D
$d^2 d^8$	³ F, ³ P, ¹ G, ¹ D, ¹ S
$d^3 d^7$	^{4}F , ^{4}P , ^{2}H , ^{2}G , ^{2}F , $2 \times ^{2}D$, ^{2}P (^{2}D occurs twice)
$d^4 d^6$	⁵ D, ³ H, ³ G, 2x ³ F, ³ D, 2x ³ P, ¹ I, 2x ¹ G, ¹ F, 2x ¹ D, 2x ¹ S
đ⁵	⁶ S, ⁴ G, ⁴ F, ⁴ D, ⁴ P, ² I, ² H, 2x ² G, 2x ² F, 2x ² D, ² P, ² S
\mathbf{d}^{10}	¹ S

الجدول التالي (٤-٢) يبين الحالات الأرضية للتشكيلات الألكترونية "b.

Configur- ation	Maximum Mı. and Ms	ML	Ms	Ground Term
	$m_1 = 2 1 0 -1 -2$			
d^{l}	1	2	1/2	2D
d ²	↑ ↑	3	1	³F
d^3	† †	3	$1\frac{1}{2}$	4F
d ⁴	1 1	2	2	5D
d ⁵	† † † †	0	$2^{\frac{1}{2}}$	⁶ S
ď	1 1 1 1	2	2	5D
d ⁷	↑ ↓ ↑ ↓ ↑ ↑ ↑	3	$1\frac{1}{2}$	4F
d ⁸	<u> </u>	3	1	³F
d° :	↑₩ 1↑₩ 1↑₩ 1↑₩ 1↑	2	1/2	²D

جدول ٤-٢. الحالات الأرضية للتشكيلات الألكترونية "d

٤-٥. انفصال مستويات طاقة ذات الكترون مفرد في المجالات البلّورية

في نظرية المجال البلوري أو مجال المجموعات المعطية، يفترض أن يوضع أيون الفلز الحر في المجال الألكتروستاتيكي الناشيء عن الترتيبات المختلفة للمجموعات المعطية. المدارات المهمة بالنسبة لنظرية المجموعة المعطية هي المدارات d الخمسة. وكما ذكرنا فإن لكل من التشكيلات الألكترونية المختلفة لأي عدد من الألكترونات في هذه المدارات يوجد عدد من الترمات أو الحالات تنتج عن الازدواج بين العزوم المغزلية والعزوم المدارية، أو ما يعرف بازدواج رسل - سوندرز. أما في حالة وجود الكترون واحد في المدارات d الخمسة، فلا يوجد غير ترم واحد وهو 2D. نفس الوضع أيضا إذا وجدت تسعة ألكترونات في تلك المدارات الخمسة. هذه المدارات الخمسة تكون متحللة أو متساوية الطاقة في الأيون الحر، أي في الحالة الغازية. وجود ألكترون واحد في تلك المدارات لن يؤدي إلى حالات ألكترونية أو ترمات غير الترم D2. فإذا وجد الأيون في مجال الكتروستاتيكي ناشيء عن ترتيب ما للمجموعات المعطية حول ذلك الأيون، فإن تساوى طاقة المدارات الخمسة يزول، ويحدث انفصال بينها. مقدار هذا الانفصال يتحدد على ضوء قوة المجال البلوري أو مجال المجموعات المعطية، بينما عدد الستويات التي تنفصل عن بعضها فيعتمد على تماثل المجال البلوري أو مجال المجموعات المعطية، أو بطريقة أخرى يعتمد على ترتيب تلك المجموعات حول الأيون المركزي، أو بطريقة ثالثة يعتمد على مجموعة تماثل النقطة لذلك المتراكب.

طالما أن وجود الكترون واحد في المدارات d الخمسة لن يؤدي إلا إلى الترم D²، فإن تأثير المجال الناشىء عن المجموعات المعطية سيؤثر على المستويات أو المدارات نفسها، وبالتالي ففي هذه الحالة، وجود الكترون واحد، نحن ندرس انفصال المدارات أو مستويات الطاقة نفسها. وطالما أن المدارات d تحظى بأهمية كبرى في نظرية المجال البلوري أو مجال المجموعة المعطية، سنبدأ بها. إن علينا أن نستخدم تلك المدارات، أو بدقة أكثر

نستخدم دوال موجات هذه المدارات، على أنها القاعدة لعمل تمثيل قابل للاختزال لمجموعة التماثل الناتجة عن ترتيب المجموعات المعطية، ومن ثم يمكن تعيين كيفية انفصال المدارات d في مجموعة النقطة تلك.

دعنا نبدأ بالترتيب الاكتاهيدرالي للمجموعات المعطية. لكي نعين التمثيل القابل للاختزال الذي تكون الدوال b الخمس قاعدته، علينا أن نعين أولا المصغوفات التي تعبر عن تأثير عمليات التماثل المختلفة في مجموعة التماثل، c0، على الدوال الخمس. إن الميزات الناتجة عن هذه المصغوفات تكون هي عيزات التمثيل الذي نبحث عنه. وعلى الرغم من أن التماثل الكامل للترتيب الاكتاهيدرالي هو، c0 إلا أن استخدام تحت المجموعة c0، وهي مجموعة دورانية بحتة (Pure Rotation Subgroup)، يكفي تماما لإعطائنا كل المعلومات المطلوبة. وذلك لأن المجموعة c0، ولما كانت الحصول عليها من إضافة مركز تماثل (i) إلى تحت المجموعة c0، ولما كانت المدارات زوجية بالنسبة لمركز التماثل، فإن عمليات الدوران البحتة فقط هي التي تعطينا معلومات جديدة،

إن الصيغة العامة لدوال موجات المدارات d هي

 $\Psi = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$

دون ذكر دالة المغزل (Spin Function) التي تكون مستقلة تماما عن الدوال المدارية، ومن ثم لن تتأثر بالمرة بأيّ من عمليات التماثل، بنفس القدر الذي لن تتأثر به الدالة القطرة (R(r)). الدالة (θ) تعتمد فقط على الزاوية θ ، ومن ثم لو أن جميع عمليات الدوران تمت حول المحور الذي تقاس اليه الزاوية θ (المحور Z كما في شكل S – S فإن الدالة (S) لن الدالة الوحيدة التي تتأثر بعمليات الدوران التماثلي هي الدالة (S) فإذا الدالة الوحيدة التي تتأثر بعمليات الدوران التماثلي هي الدالة (S). فإذا كانت هذه الدالة تأخذ الصيغة:

$$\Phi(\phi) = e^{im\phi}$$

حيث m في الحالة الراهنة (مدارات b) تأخذ القيم من $b \leftarrow 0 \leftarrow 0 \leftarrow 0$. $+ 0 \leftarrow 0 \leftarrow 0 \leftarrow 0$ بزاوية قدرها a فإن الزاوية a تصبح a الدالة ويالتالي تصبح الدالة a بالتعويض عن قيم a يمكن استنتاج الدوال الجديدة بعد عملية الدوران ، كالتالى:

$$\begin{bmatrix} e^{2i\phi} \\ e^{i\phi} \\ e^{\circ} \\ e^{-i\phi} \\ e^{-2i\phi} \end{bmatrix} \rightarrow^{\alpha} \begin{bmatrix} e^{2i(\phi+\alpha)} \\ e^{i(\phi+\alpha)} \\ e^{\circ} \\ e^{-i(\phi+\alpha)} \\ e^{-2i(\phi+\alpha)} \end{bmatrix}$$

وبالبحث عن المصفوف المطلوب لهذا التحويل، وجمع العناصر القطرية نجد أن:

$$\chi(C\alpha) = \frac{\sin(\ell + \frac{1}{2})\alpha}{\sin \alpha/2} \qquad (\alpha \neq 0)$$

وهذه هي الصيغة المطلوبة لتعيين عيزات التمثيل الذي نبحث عنه، وطالما أن لدينا في المجموعة O عمليات الدوران Ca, Ca, Ca, Co يكون المميز لكل من هذه العمليات هو:

$$\begin{split} C_2(\alpha=180) \\ \chi(C_2) &= \frac{\sin(2+\frac{1}{2})180}{\sin\frac{180}{2}} = \frac{\sin(\frac{5}{2})180}{\sin\frac{\pi}{2}} = 1 \\ \chi(C_3) &= \frac{\sin(2+\frac{1}{2})120}{\sin 60} = -1 \\ \chi(C_4) &= \frac{\sin(\frac{5}{2})90}{\sin 45} = -1 \end{split}$$

ويكون الميز لعملية الذاتية هو:

$$XE = 2L + 1 \text{ or } (2\ell + 1) = 5$$

وهكذا نحصل على التمثيل القابل للاختزال Td، كما يلي:

وبالرجوع إلى جدول المعيز للمجموع O_h واستخدام الطريقة التي سبق استعمالها للحصول على التمثيلات التي لا تختزل التي يحتويها التمثيل Γd فإن Γd يختزل إلى $E + T_2$. ولما كانت المدارات D زوجية بالنسبة لمركز التماثل، يضاف الحرف D إلى التمثيلات التي لا تختزل أو أنواع التماثلية، ونحصل على:

$$\Gamma d = Eg + T_{2g}$$

وهكذا فإن المدارات 0 الخمسة التي كانت متحللة، أي لها نفس الطاقة في الأيون الحر، تتفصل في التماثل الاكتاهيدرالي O_h إلى زمرة ثلاثية التحلل T_{2g} (Triply Degenerate) التحلل

بتطبيق نفس طريقة المعالجة على الأنواع الأخرى من المدارات مثل 8، q، أإذا احتوت الكترونا واحدا، يمكن تعيين مدى تأثر تلك المدارات بالنسبة لمجموعة التماثل Q، كما في جدول ٤ - ٣ الذي يبين أيضاً انفصال المستويات 8 ووو فو الل آخره في عدد من مجموعات التماثل.

جدول ٤ - ٣. انفصال المدارات أو المستويات التي تحتوي على ألكترون واحد في بعض مجموعات التماثل.

				Турс	s of le	vels	
point group	8	p	d	f	g	h	i
Oh	A _{lg}	Tju	Eg	A _{2u}	A _{1g}	T _{2u}	Alg
			T_{2g}	T_{lu}	$\mathbf{E}_{\mathbf{g}}$	$2T_{1u}$	A _{2g}
				$T_{2\alpha}$	T_{1g}	$T_{2\alpha}$	$\mathbf{E}_{\mathbf{g}}$
					T_{2g}		$T_{i\boldsymbol{g}}$
							$2T_{2g}$
T_d	$\mathbf{A_{i}}$	T_2	E	A_2	$\mathbf{A_1}$	E	A_1
			T_2	\mathbf{T}_1	E	T_1	A_2
				T_2	T_1	2T2	E
					T ₂		\mathbf{T}_1
							$2T_2$
D_{4h}	A_{1g}	$A_{2u} \\$	$\boldsymbol{A_{1g}}$	$A_{2u} \\$	$2A_{1g}$	A_{lu}	$2A_{1g}$
		$\mathbf{E}_{\mathbf{u}}$	$B_{1\mathbf{g}}$	$\boldsymbol{B_{1u}}$	A_{2g}	$2A_{2u}$	A_{2g}
			B_{2g}	$B_{2u} \\$	B_{1g}	B_{1u}	$2B_{1g}$
			$\mathbf{E}_{\mathbf{g}}$	2_{u}	B_{2g}	\mathbf{B}_{2u}	$2B_{2g}$
					2E _u	$3E_u$	$3E_g$

٤ - ٦. انفصال ترمات رسل - سو ندرز في مجالات المجموعات المعطية

لقد لاحظنا أن وجود ألكترون واحد في مدارات d الخمسة، لا ينتج عنه غير ترم واحد هو d2. كذلك فقد لاحظنا أن وجود ذلك الألكترون المفرد، بالتالي يؤدي إلى انفصال المدارات d4 ذاتها إلى زمرتين d5 المجال الاكتاهيدرالي. كذلك فنحن نعرف أن العسدد d8 يأخذ القيم

جدول ٤ – ٤ انفصال ترمات رسل – سوندرز في المجالات البلّورية المختلفة،

			Rus	sell-Sa	under	s Terr	n			
Point Group	Sg	Su	Pg	Pu	Dg	Du	Fg	Fu	Gg	Gu
Oh	Alg	Alu	Tig	Tlu	E _g T _{2g}	E _u T _{2u}	T_{ig}	A _{2u} T _{1u} T _{2u}	$\begin{array}{c} A_{1g} \\ E_g \\ T_{1g} \\ T_{2g} \end{array}$	$\begin{array}{c} A_{1u} \\ E_u \\ T_u \\ T_{2u} \end{array}$
T _d	A ₁	A ₂	T ₁	T ₂	E T ₂	E T ₁	A ₂ T ₁ T ₂	A ₁ T ₁ T ₂	A ₁ E T ₁ T ₂	A ₂ E T ₁ T ₂
D _{4h}	A _{lg}	A _{lu}	A _{2g} E _g	A _{2u} E _u	A _{1g} B _{1g} B _{2g} E _g	A _{1u} B _{1u} B _{2u} E _u	A _{2g} B _{1g} B _{2g} 2E _g	B_{1u} B_{2u}	2A _{1g} A _{2g} B _{1g} B _{2g} 2E _g	$\begin{array}{c} A_{2u} \\ B_{1u} \\ B_{2u} \end{array}$

C _{4v}	A_1	A_2	A_2	$\mathbf{A_1}$	$\mathbf{A_1}$	A_2	A_2	$\mathbf{A_1}$	2A ₁	$2A_2$
			E	E	\mathbf{B}_1	\mathbf{B}_1	\mathbf{B}_1	\mathbf{B}_1	A_2	A_1
					B_2	$\mathbf{B_2}$	B_2	B_2	\mathbf{B}_{1}	\mathbf{B}_1
					E	E	2E	2E	B_2	B_2
									2E	2E
D _{3h}	A_1'	A ₁ "	A ₂	A."	A_1'	A''	A ₁ "	$A_1^{'}$	A ₁	$\mathbf{A_1}'$
			E"	E	E'	E'	A_2	A_2	$A_1^{''}$	$A_1^{''}$
					$\mathbf{E}^{''}$	E"	$A_2^{''}$	$A_2^{''}$	$A_2^{"}$	$\mathbf{A_2}'$
							E	E'	2 E	E'
							E"	E"	E"	2E"
C _{3v}	A ₁	A ₂	A ₂	A ₁	A ₁	A ₂	\mathbf{A}_{1}	2A ₁	2A ₁	A ₁
			E	Ė	2E	2E	$2A_2$	A_2	A_2	2A
							2E	2E	3E	3E
D _{2d}	A ₁	B ₁	A ₂	B ₂	A ₁	\mathbf{A}_1	A ₂	Aı	2A ₁	\mathbf{A}_1
			E	E	\mathbf{B}_{1}	A_2	B ₁	A_2	A_2	A_2
					B_2	\mathbf{B}_1	\mathbf{B}_2	\mathbf{B}_2	\mathbf{B}_{1}	$2B_1$
					E	E	2E	2E	\mathbf{B}_2	B_2
									2E	2E
D _{2h}	Ag	Au	Blg	Blu	2Ag		Ag	Au	3Ag	3A _u
$(D_2)^{\circ}$			B_{2g}	B_{2u}	$\mathbf{B_{1g}}$	$\mathbf{B_{lu}}$	$2B_{1g}$	$2B_{lu}$		$2B_{1v}$
			B_{3g}	B_{3u}	B_{2g}	B_{2u}	B_{2g}	$\mathbf{B}_{2\mathbf{u}}$	B_{2g}	B_{2u}
					Eg	\mathbf{E}_{u}	$2E_g$	$2E_u$	B_{2g}	B_{2u}
					\mathbf{B}_{3g}	B_{3u}		2B _{3u}		
D _{2v}	A_1	A ₂	A ₂	A ₁	2A ₁	\mathbf{A}_1	A ₁	2A ₁	3A ₁	2A ₁
			\mathbf{B}_{1}	$\mathbf{B_1}$	A_2	$2A_2$	$2A_2$	A ₂	$2A_2$	$3A_1$
			\mathbf{B}_2	B_2	\mathbf{B}_1	\mathbf{B}_{1}	$2B_1$	$2B_1$	$2B_1$	$2B_1$
					\mathbf{B}_2	\mathbf{B}_2	2B ₂	$2B_2$	2B ₂	2B ₂
$\overline{C_1}$	A'	A"	A' 2A"	2A A	3A' 2A"	2A' 3A"	3A′ 4A″	4A ['] 3A ["]	5A' 4A"	4A' 5A"

يمكن الحصول على تلك النتائج، نقصد انفصال الترمات في محموعات التماثل المختلفة، باستخدام النتائج التي حصلنا عليها في حالة مجموعة التماثل الأوكتاهيدرالية ثم تعيين الحالات التي توجد في كل مجموعة تماثل أخرى عما يسمى جداول الارتباط المتبادل، والمبين بعضها في ملحق (٢).

لقد استخدمت الحروف g ، u في الجدول السابق، هذه الحروف يحكمها القواعد التالية: -

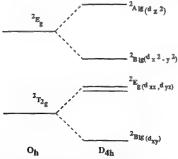
إذا لم يوجد في مجموعة التماثل، مركز انعكاس فلا تستخدم تلك الحروف حيث تكون بلا أي معنى في هذه الحالة. إذا وجد مركز تماثل فإن هذه الحروف اللاحقة يحددها نوع المدار: جميع المدارات الذرية التي عددها الكمي ٤ عدد زوجي (أي المدارات، ومن ثم الترمات، ٥ وله و و و . . .) تكون مركزية التماثل وبالتالي توصف بالحرف اللاحق و أسفل رمز الترم أو الحالة، كذلك فإن جميع المدارات الذرية التي عددها الكمي ٤ عدد فردي تكون غير متماثلة بالنسبة لمركز التماثل، وبالتالي توصف باللاحقة ١٤ .

لاحظنا أن الدالة المغزلية لا تتأثر بعمليات الدوران، ومن ثم فإن جميع الحالات التي ينفصل إليها ترمٌ ما، يكون لها نفس التضاعفية المغزلية التي للترم الأصلي.

٤ - ٧. الرسوم التخطيطية للعلاقات الارتباطية التبادلية للمدارات أحادية الالكترون

 T_{2g} سبق أن ذكرنا أن المدارات d تنفصل إلى زمرتين، الأولى ثلاثية T_{2g} والثانية ثنائية T_{2g} ، أي أن الأولى تتكون من ثلاثة مدارات والثانية تتكون من مداريس. وطالما أن أشكال المدارات d معروفة وأن المدارين d ومهدي يتحولان مثل d بينما المدارات الثلاثة d ومهد d ومهد تتحول مثل

نوع التماثلي T_{2} يمكننا استنتاج ترتيب مستويات الطاقة من الاعتبارات الالكتروستاتيكية البسيطة. الحالة التي يكون فيها الألكترون في أحد المدارين اللذين يتجهان إلى المجموعات المعطية مباشرة لا بد أن تكون أعل طاقة عما لو كان الألكترون في التشكيل $f_{(2}^{1})$ ، أي في أحد المدارات الثلاثة التي لا تتجه مباشرة إلى المجموعات المعطية. فإذا تخيلنا أن المجموعتين المعطيتين على المحور T_{1}^{1} أقرب إلى أيون الفلز المركزي، أي إن الرابطتين على المحور أصبحتا أقرب إلى أيون الفلز المركزي، أي إن الرابطتين على المحور أصبحتا أقصر من الروابط الأربع الأخرى، يحدث تشوء (Complex) للمتراكب (Complex)، وتصبح مجموعة قائل المتراكب Alg. إن التأثير الواضح لذلك التغير في التركيب، هو زوال التحلل المداري. في المجموعة T_{1}^{1} يتحول المداري على المحموعة T_{2}^{1} يتحول المدارية على المحموعة والمدار يتحول مثل T_{2}^{1} أما المدار يه في المدار موجه مثل T_{2}^{1} من الاعتبارات الألكتروستاتيكية يمكن أن نخمن أن فيتحول مثل يكون أقل ثباتا أي أعلى طاقة من المدار يوجه ، وأن المدارين عيم و يهل يحون أقل ثباتا أي أعلى طاقة من المدار يوجه . الرسم المدال العلاقات الارتباطية مين في شكل T_{2}^{1}



شكل ٤ - ١٠. الرسم التخطيطي الارتباطي الذي يبين تأثير التشوه الرباعي d مستويات طاقة المدارات. (Tetragonal distortion)

الاعتبارات البسيطة تلك من النوع الذي وصفناه حالا تكون ذات أهمية كبرة، لكنها فقط للأنظمة ذات الألكترون الواحد.

في شكل ٤ - ١١، الرسم التخطيطي الارتباطي لعدد من التركيبات الهندسية المهمة، حتى نوضح كيفية انفصال المدارات من تركيب هندسي لآخر.

$d_{x^2-y^2}$		$d_{x^2-y^2}$	
d	d ₂₃		d _{s2}
		d_{g^2}	d _{x²-y²} , d _{xy}
	$\frac{d_{x^2-y^2},\ d_{xy}}{}$	d _{xy}	
d ₂₂	$\mathbf{d_{xs}}, \mathbf{d_{ys}}$	$\mathbf{d}_{xx}, \mathbf{d}_{yx}$	
d _{xx} , d _{yz}	ala.		d_{xs}, d_{ys}
مربع مستوی square planar	هرم مثلث <i>ي</i> Trigonal pyramid	هرم رباعي Tetragonal pyramid	هرم خاسي Pentagonal pyramid
	d _{xy} d _{x2} d _{xx} , d _{yx} مربع مستوی square	d_{xy} d_{xy} $d_{x^2-y^2}, d_{xy}$ d_{xz}, d_{yz} d_{xx}, d_{yz} d_{xx}, d_{yz} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy} d_{xy}	المين

شكل ٤ - ١١. الرسوم التخطيطية الارتباطية تبين تأثير المجالات المختلفة على مدارات d.

٤ - ٨. مستويات طاقة التشكيلات الألكترونية da في المجالات البلورية المختلفة

لقد رأينا أن ترمات الأيون الحر والتي لها L > 1 تنفصل في المجالات التماثلية المختلفة مثل الثماني (الاكتاهيدرون) والرباعي (التراهيدرون) وغيرها من المجموعات الأقل تماثلاً، إلى حالتين أو أكثر. وقد رمزنا إلى هذه الحالات بحسب أنواع التماثلية التي تصف خواصها التحويلية. والمطلوب الآن معرفة الطاقات النسبية لهذه الحالات وكيف

تعتمد هذه الطاقات على قوة المجال الناشيء عن المجموعات المعطية وتأثيرها على الأيون المركزي. من الواضح أن هذه الطاقات يمكن حسابها من تعيين وحل المعادلات المناسبة. ولكن مع ذلك من الممكن الحصول على مقدار كبير من المعلومات حول هذه الطاقات، وبالذات الطاقات النسبية، باستخدام الخواص التماثلية للحالات الطيفية. أو الألكترونية. وبالطبع من هذه الاعتبارات التماثلية وحدها لا يمكننا الحصول على معلومات كمية، ومن ثم فعلينا أن نتقبل بعض المعلومات دون برهان.

دعنا نأخذ التشكيل الألكتروني 2 مثالاً ندرسه بالتفصيل. لكي نقيم الرسم التخطيطي الذي يوضح تأثر ترمات هذا التشكيل بقوة التداخل بين الأيون المركزي والمجال الناشيء عن المجموعات المعطية، نرسم على الناحية الشمال ترمات رسل – سوندرز للأيون الحر بحسب زيادة طاقاتها. على الناحية المقابلة، اليمنى، نرسم الطاقات النسبية للتشكيلات الألكترونية في المجال الأوكتاهيدرالي. في حالة أيون تشكيله الألكتروني 2 له، لدينا ثلاثة تشكيلات عتملة بحسب الطاقة. التشكيل الأقل أو الأخفض طاقة هو وجود الالكترونين في المدارات الثلاثية، أي التشكيل الأون واحد، أي نحصل على التشكيل على أنها تساوي الصفر. إذا أثير الكترون واحد، أي نحصل على التشكيل الوي) (ويا)، ويكون ذلك التشكيل عند طاقة تساوي على التشكيل عند طاقة تساوي المارات الذي يثار فيه كل من الألكترونين، أي التشكيل الإي)، وطاقته تساوي المشكيل 2 إلى من الألكترونين، أي

هذه التشكيلات الناتجة عن المجال البلوري، في حالتنا الراهنة المجال الثماني (الأكتاهيدراني) تؤدي إلى عدد من حالات الطاقة بنفس الطريقة التي تحدث في حالة الأيون الحر، ويكون هناك ما يسمى «واحداً مقابل واحداً (One-to-one correspondence) بين هذه الحالات والحالات التي تنتج من انفصال ترمات رسل – سوندرز. لقد رأينا من جدول ٤ – ٣، أن

التشكيل الألكتروني b في المجال الاوكتاهيدرالي يؤدي إلى ترمات رسل – سوندرز التالية: F, 3P, 1D, 1G and 1S، ومن جدول 4 – 8 رأينا أن هذه الترمات تنفصل إلى الحالات التالية في المجال الاكتاهيدرالي:

$$\begin{array}{lll} {}^{3}F; & {}^{3}A_{2g} & + & {}^{3}T_{1g} + {}^{3}T_{2g} \\ \\ {}^{3}P; & {}^{3}T_{1g} \\ \\ {}^{1}D; & {}^{1}E_{g} & + {}^{1}T_{2g} \\ \\ {}^{1}G; & {}^{1}A_{1g} & + & {}^{1}E_{g} & + {}^{1}T_{1g} + {}^{1}T_{2g} \\ \\ {}^{1}S; & {}^{1}A_{1g} \end{array}$$

من الواضح أنه في المجال الاكتاهيدرالي الضعيف جداً، حيث تكون قيمة Dq في منتهى الصغر، فإن جميع الحالات الناتجة من أي ترم لرسل – سوندرز، سيكون لها نفس الطاقة. وهذا يعطى الجانب الشمال من الرسم التخطيطي.

والآن دعنا نتخيل ما يحدث لو أننا تجاهلنا التداخل القوي بين المجال والأيون، لمدرجة أن الالكترونات تبدأ في الشعور ببعضها الآخر. لا شك أنها ستبدأ في الازدواج بطريقة ما، وتعطي مجموعة من الحالات للتشكيل الذي توجد فيه. الخواص التماثلية لهذه الحالات يمكن تعيينها بأخذ الحاصل المباشر (Direct product) لتمثيلات الالكترونات المفردة. وهكذا، الحاصل المباشر هو x_2 × x_3 بكون الحاصل المباشر هو x_3 × x_4 وبالمثل يكون الحاصل المباشر للتشكيل (x_3) هو x_4 × x_3 أما الحاصل المباشر للتشكيل الأخير x_4 فهو x_4 × x_5 لكي نحصل على تماثلية دوال موجات المدارات التي تحتويها أي حاصل مباشر، نقوم باختزال تلك الحواصل المباشرة، كما يلي.

$$\begin{split} t_{2g} \times t_{2g} & \Rightarrow A_{1g} + E_g + T_{1g} + T_{2g} \\ e_g \times t_{2g} & \Rightarrow T_{1g} + T_{2g} \\ e_g \times e_g & \Rightarrow A_{1g} + A_{2g} + E_g \end{split}$$

هذه إذن هي تماثليات الحالات المدارية (Orbital states) الناتجة عن التفاعل أو التداخل بين الألكترونات. لكننا ما زلنا في حاجة إلى تعيين التضاعفية المغزلية لتلك الحالات. من الواضح أنه بالنسبة لوجود الكترونين، فليس هناك غير احتمالين، أما الحالات الأحادية (Singlets) أو الثلاثية (Triplets). وعلينا أن نكون في منتهى الحذر إزاء الحدود التي يضعها مبدأ الاستبعاد على التضاعفيات.

لنأخذ أولا التشكيل الالكتروني 122. يمكننا اعتبار المستويات 128 وكأنها زمرة من ستة مربعات كما يلي:

$$s = \frac{1}{2}$$

$$s = -\frac{1}{2}$$
Orbital degeneracy = 3

إن عدد الطرق التي يمكن بها للإلكترونين أن يكونا في تلك المربعات الستة هي : $\frac{6\times5}{2}=15$

حيث يوجد الرقم ٢ في المقام لأنه لا يمكن التفريق بين الالكترونين. إذن التحلل الكامل (Total degeneracy) للتشكيل عهد ١٥٨. معنى ذلك أن تضاعفية الحالات (المغزلية)

$$t_{2g} imes t_{2g} \implies a_{A_{1g}} + b_{B_g} + o_{T_{1g}} + d_{T_{2g}}$$
مضروباً في التحلل المداري لها لا بد أن يساوي ١٠٠، أي أن: $1 imes a + 2 imes b + 3 imes c + 3 imes d = 15$

حيث c, b, a, و لا بد أن تساوي ١ أو ٣. ليس من الصعب معرفة أن الممادلة لها، ثلاثة حلم ل فقط:

$$a = b = c = 1$$
 $d = 3$
 $a = b = d = 1$ $c = 3$
 $a = b = 3$ $c = d = 1$

بالمثل، التشكيل الألكتروني ثيم محتوي على ألكترونين يجب أن يوضعا في أربعة مربعات متكافئة. وهذا يمكن حدوثه بعدد من الطرق يصل إلى 6 = 3/2 ×4، أي بستة طرق مختلفة. يمكن كتابة ذلك كما يلي:

$$e_g \times e_g \Rightarrow {}^aA_{1g} + {}^bA_{2g} + {}^cE_g$$

والمعادلة المناسبة هي:

 $1 \times a + 1 \times b + 2 \times c = 6$

وفي هذه الحالة فلا يوجد غير حلين فقط.

$$a = c = 1$$
 $b = 3$
 $b = c = 1$ $a = 3$

بالنسبة للتشكيل $_{2g}e_{3}$ ، يمكن تسكين الألكترون في أحد المربعات الستة، بينما الألكترون الثاني، مستقل تماماً عن الأول، يمكنه أن يحتل أياً من المربعات الأربعة. ، وهذا يعطي ٢٤ ترتيباً ممكناً. نلاحظ أيضا عدم إمكانية وجود ألكترونين في نفس المربع، لدرجة أنه لجميع الترتيبات المختلفة فإن المغزل إما أن يكون مزدوجا (Paired) أو غير مزدوج (Unpaired). وهكذا فإن كلاً من الحالتين $_{2g}$ الناتجتين عن التشكيل $_{2g}$ أما أن تكونا أحاديتين أو ثلاثيتين.

وهكذا ليس لدينا غير حل واحد للحالات الناتجة عن التشكيل ($_{\rm g}$ 2) وهي $_{\rm g}$ 3 وهي $_{\rm g}$ 1 $_{\rm g}$ 1 $_{\rm g}$ 3 $_{\rm g}$ 4 $_{\rm g}$ 3 $_{\rm g}$ 4 $_{\rm g}$ 4 $_{\rm g}$ 5 $_{\rm g}$ 5 $_{\rm g}$ 6 $_{\rm g}$ 6 $_{\rm g}$ 6 $_{\rm g}$ 9 $_{\rm g}$ 9

الآن يمكننا تعيين التضاعفيات الصحيحة للحالات الناتجة عن التشكيلين الألكترونين $^{2}_{c}$) و وذلك بالذهاب مباشرة إلى العلاقة الربطية بين الحالات التي على جانبي الرسم التخطيطي. ولكي نفعل ذلك يجب استخدام المبدأين التالين:

- ١ يجب استخدام مبدأ «واحد مقابل واحد» من الحالات التي على طرفي الرسم التخطيطي. إن هذا يعني أن تكون نفس الحالات موجودة على طرفي الرسم.
- ٢ مع تغيير قوة المجال الناتج عن المجموعات المعطية، فإن الحالات التي
 لها نفس التضاعفية المغزلية والتماثل يجب ألا تتقاطع ويسمى هذا المبدأ همبدأ عدم التقاطع».
 (None crossing rule).

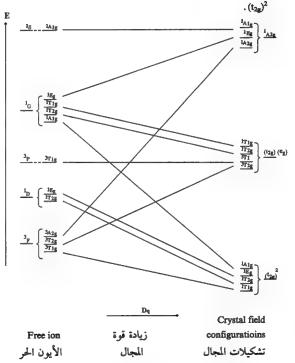
في شكل ٤ - ١٢، بينا إلى أقصى الشمال حالات (ترمات) الأيون الحر، وبعدها مباشرة الحالات التي تنفصل إليها تلك الترمات تحت تأثير المجال الاكتاهيدرالي. في هذا الجزء فنحن نعرف بالتحديد التضاعفية المغزلية لكل حالة. في أقصى اليمين توجد التشكيلات المفترضة على أساس وجود بجال فائق القوة. بعد ذلك وإلى شمال الحالات السابقة مباشرة تسكن الحالات التي استنتجناها قبل قليل. ولكي يمكن لكل حالة إلى الشمال أن تذهب إلى الحالة المقابلة لها إلى اليمين دون تجاوز مبدأ عدم التفاطع، فلا بد أن نوصل الخطوط المختلفة بينها كما في شكل ٤ - ١٣،

نلاحظ من الشكل السابق ما يلي:

- 1 _ توجد حالتان $^{1}A_{1g}$ فقط على الشمال. ولا بوجد الحالة $^{3}A_{1g}$ وهكذا فإن الحالتين $^{1}A_{1g}$ إلى اليمين بجب أن تكونا فرديتين. وهذا في الحال يثبت التضاعفية للحالات التي استنتجت من التشكيل $^{2}(^{2}a_{1g})$ ، ويلغي الاحتمال الثالث بالنسبة للتشكل $^{2}(^{2}a_{1g})$.
- ٢ ـ توجد حالتان ³T_{1g} إلى الشمال من الرسم التخطيطي. الحالة ذات

الطاقة الأعلى منهما مجب أن ترتبط بالحالة T_{1g} الناتجة عن التشكيل (وو) .

 T_{1g} عن التشكيل موجد حالة واحدة T_{1g} عن التشكيل م



شكل ٤ - ١٧. الرسم التخطيطي الارتباطي للتشكيل الألكتروني ثم في مجال ثماني (اكتاهيدرالي)

هذه الحالة يجب، بالتالي أن تكون ثلاثية، وبذلك تصبح تضاعفية الحالات المشتقة عن التشكيل فيمئا محددة.

التوصيلات الأخرى قد تمت بناء على قاعدة عدم التقاطع.

دعنا نعين الرسم التخطيطي لمستويات طاقة الحالات للتشكيل d² في عال تتراهيدرالي منتظم. بالطبع سنستخدم نفس الخطوات التي اتبعناها في حالة المجال الاكتاهيدرالي السابق.

 ١ على الجانب الشمال من الرسم التخطيطي، نحدد ترمات الأيون الحر من جدول ٤ - ٣، وانفصال هذه الترمات في المجال التتراهيدرالي من جدول ٤ - ٤. نجد هذه الحالات كما يل:

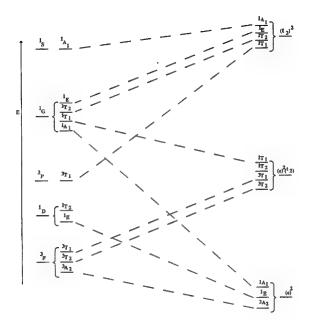
$${}^{1}S \rightarrow {}^{1}A_{1}$$
 ${}^{1}G \rightarrow {}^{1}A_{1} + {}^{1}E + {}^{1}T_{1} + {}^{1}T_{2}$
 ${}^{3}p \rightarrow {}^{3}T_{1}$
 ${}^{1}D \rightarrow {}^{1}E + {}^{1}T_{2}$
 ${}^{3}F \rightarrow {}^{3}A_{2} + {}^{3}T_{2} + {}^{3}T_{2}$

- ٢ الخطوة التالية، الجانب الأيمن من الرسم التخطيطي. نعين التشكيلات الألكترونية المحتملة تحت تأثير المجال التتراهيدرائي فيلاحظ أن المدارات d تنفصل إلى زمرتين، هما e، وd في ذلك المجال. هذه التشكيلات بحسب زيادة طاقتها تحت تأثير قوي جداً للمجال التتراهيدرائي هي: و2, و2, و2, و2
- ٣ نعين الحاصل المباشر لكلٍ من هذه التشكيلات، ثم نعين التمثيلات
 التي لا تختزل لها. بذلك نحصل على الحالات التي تنتج من تلك
 التشكيلات، ونجدها كما يلى:

$$e \times e \longrightarrow A_1 + A_2 + E$$

$$e \times t_2 \longrightarrow T_1 + T_2$$

$$t_2 \times t_2 \longrightarrow A_1 + E + T_1 + T_2$$



شكل ٤ - ١٣. الرسم التخطيطي الارتباطي للتشكيل الألكتروني في في مجال رياحي (نتراهيدولي) منتظم

- ٤ نعين التضاعفية المغزلية لتلك الحالات، فردية أو ثلاثية، بنفس الطرق السابقة التي استخدمناها في المجال الأكتاهيدرالي السابق.
- ٥ ـ نربط الحالات التي على جانبي الرسم التخطيطي معا بحسب البدأين السابقين، الرسم التخطيطي الارتباطي للتشكيل b في المجال التتراهيدرالي المنتظم الذي نحصل عليه باستخدام تلك الخطوات يكون كما في شكار ٤ ١٣٠.

ثمة ملاحظات على الرسم التخطيطي للتشكيل الألكتروني ^d في المجالين الاكتاهيدرالي والتتراهيدرالي المنتظمين.

- ١ هناك تشابه بين الرسم التخطيطي للتشكيل الألكتروني d² في كل من المجال الاكتاهيدرالي المنتظم.
- ٢ الفرق الملاحظ هو عدم وجود اللاحقة g أسفل رموز الحالات في الترتيب التراهيدرالي المنتظم، بينما هي موجودة في حالة الترتيب الاكتاهيدرالي المنتظم، وذلك لعدم وجود مركز تماثل في التركيب الأول بينما يوجد مركز تماثل في الاكتاهيدرون المنتظم ٥٠.
- ٣. التشكيلات الألكترونية الناتجة عن اعتبار وجود مجال في منتهى القوة، أي ناحية اليمين من الرسم التخطيطي في المجال التتراهيدرالي هي بالضبط.. نفس التشكيلات في حالة الترتيب الاكتاهيدرائي ولكن بصورة معكوسة.

في الحقيقة هناك علاقات مهمة بين الرسوم التخطيطية الارتباطية لكل من التشكيلات الألكترونية "d و dlab . وعلى سبيل المثال في متراكب تتراهميدرالي لأيون النيكل الثنائي، (Ni(II)، يكون التشكيل الألكتروني كما يلي:

$$\frac{1}{N_i(II)}$$
 $\frac{\uparrow}{1}$ $\frac{\uparrow}{1}$ t_2

يمكن اعتبار هذا، وكأنه يوجد مكانان أو ثقبان (Holes) في المستويات 12.

وقد سبق أن لاحظنا أن نفس ترمات رسل – سوندرز تنتج من التشكيلين الألكترونيين 2 0 و 8 0. وهكذا فإن الرسم التخطيطي الذي تم التشكيلين الألكترونيين 2 1 في جال 4 0، يمكن استخدامه استنتاجه بالنسبة للتشكيل الألكتروني 2 2 في جال 4 0، يمكن استخطيطي بصورة كاملة للتشكيل 4 0. وعموما فإن الرسم التخطيطي التشكيل 4 0 مشابه تماما للتشكيل 4 0. وكما لاحظنا فإن الرسم التخطيطي للتشكيل 4 2 في 4 0 هو بالضبط نفس الذي نحصل عليه بالنسبة للتشكيل 4 2 في 4 3 في 4 4 في المحلوبة الرأسي للتشكيلات الناتجة 4 5 ولف ولذلك يوجد عدد قليل من الرسوم التخطيطية هي المطلوبة لوصف الخالات الألكترونية من 4 4 إلى 4 8 في المجالين الاكتاهيدرالي والتراهيدرالي المتظمين.

ثمة قاعدة عامة وهي:

 $\mathrm{d}_{(\mathrm{oct})}^{10-n} \equiv \mathrm{d}_{(\mathrm{tet})}^n$ وهما عکس $\mathrm{d}_{(\mathrm{tet})}^{10-n} \equiv \mathrm{d}_{(\mathrm{Oct})}^n$

4-4. طريقة تخفيض التماثل

في الطريقة السابقة التي استخدمناها لبناء الرسم التخطيطي الترابطي للتشكيل الألكتروني قمنا بتعيين التضاعفية المغزلية للحالات المدارية على أنها نتجت من التداخلات الألكترونية للتشكيلات أيء، وأيء مده الطريقة تعتبر غير عملية خصوصاً في الأنظمة الأكثر تعقيداً. لكن هناك طريقة أخرى اقترحها بيث (Bethe) وتعرف بطريقة تخفيض التماثل. ولنبدأ تطبيق تلك الطريقة على التشكيل الألكتروني 'd' وبعدها سيكون واضحاً إمكانية تعميمها على التشكيلات المختلفة في مختلف مجموعات التماثل.

لقد رأينا بالنسبة للتشكيل 2_8 ، أنه يؤدي إلى الحالات , 2_8 ي التركيب . 2_8 . دعنا نتخيل أن المجموعتين المعطيتين على المحور 2_8 في التركيب الاكتاهيدرالي قد بعدتا عن الفلز المركزي بدرجة كافية . ينتج عن ذلك رابطتان أطول من الروابط الأربعة الأخرى التي على المحورين 2_8 أي المستوى 2_8 وتكون النتيجة تخفيض مجموعة التماثل لهذا المتراكب من مجموعة ما المجموعة 2_8 معنى ذلك أن يزول تحلل زمرة المدارات 2_8 أحادية الألكترون، وكما نرى من جدول الارتباط (ملحق 2_8) هذه الزمرة تعلى مستويين غير متحللين تماثليتهما 2_8 . 2_8 الماء المناهدة معنى مستويين غير متحللين تماثليتهما 2_8

الخطوة التالية أن نحسب عدد الطرق التي يمكن بها ترتيب الكترونين في المستويين و18 و 16 . تكون نتيجة هذه الخطوة كما يلي:

	Direct Product	Possible Spin Multiplicities
a ² 1g	A _{lg}	$^{1}A_{1g}$
a_{1g} b_{1g}	B_{1g}	${}^{1}B_{1g}$ ${}^{3}B_{1g}$
b_{1g}	Alg	³ A _{1g}

إن مبدأ الاستبعاد، يستلزم أن الحالات A_{1g} الناتجة من التشكيلات a_{1g}^2 و a_{1g}^2 عبب أن تكون أحادية (Singlet)، أي أن يكون الدوران المغزلي للألكترونين مختلفاً. أما بالنسبة للتشكيل $a_{1g}b_{1g}$ حيث يوجد كل من الألكترونين في حالات مدارية مختلفة، فلا توجد قيود على دورانهما المغزلي، وبالتالي فإن الحالات الناتجة $a_{1g}a_{1g}$ و $a_{1g}a_{1g}$ تكون محكنة. من الملاحظ أن الترتيبات المختلفة للألكترونين في المربعات الأربعة في حالة $a_{1g}a_{1g}$ كانت

ستة ترتيبات، وما زال عددها ستة ترتيبات في المجموعة O، كما بجب أن تكون.

كما أن المستويات $_{g}$ وحيدة الألكترون، في المجموعة $_{h}$ 0 تتحول إلى المستويات $_{h}$ 1 بتخفيض الشماثل في المجموعة $_{h}$ 2. كذلك فإن الحالات المشتقة من التشكيل $_{g}^{2}$ 2 في المجموعة $_{h}$ 3، وهي $_{g}$ 4 و $_{g}$ 5 ميك أن تتحول إلى الحالات المناسبة للمجموعة $_{g}$ 4. بالرجوع إلى جدول الارتباط في الملحق $_{g}$ 5، نلاحظ هذه العلاقات:

$$\begin{array}{ccc} O_h & & D_{4h} \\ A_{1g} & \longrightarrow & A_{1g} \\ A_{2g} & \longrightarrow & B_{1g} \\ E_g & \longrightarrow \left\{\begin{matrix} A_{1g} \\ B_{1g} \end{matrix}\right. \end{array}$$

طالما أن تخفيض التماثل لا يغير التضاعفية المغزلية، لذلك لو كانت الحالة A_{1g} أحادية في مجموعة التماثل O_{h} فإن الحالة المقابلة A_{1g} في المجموعة D_{h} أن تظل أحادية هي الأخرى، وهكذا. وعموماً فإن التضاعفية المغزلية للحالات الناتجة عن تخفيض التماثل تظل هي نفس التضاعفية للحالات التي نتجت عنها قبل التخفيض. وطالما أن الحالة الوحيدة الموجودة في المجموعة D_{h} هي D_{h} يتبع ذلك مباشرة أن العلاقة بين حالات المجموعة D_{h} والمجموعة D_{h} في المتفاعفية المنات المجموعة D_{h} والمجموعة D_{h} في المتفاعفية المنات الم

وهكذا نكون قد ثبتنا تضاعفية الحالات في مجموعة Oh، وبالطبع يكون لها نفس القيم التي حصلنا عليها قبل ذلك.

 $A_{1g} + E_g + T_{1g} + T_{2g}$ هي $E_g + T_{1g} + E_g + T_{1g}$ مم التحلل وكما رأينا سابقاً، كان هناك ثلاثة احتمالات للتضاعفية، تتغق مع التحلل الذي يساوي $E_g + E_g + E_g$ الكلي الذي يساوي

هذه الاحتمالات الممكنة من المستحسن إعادتها هنا، كما في الجدول التالي (جدول ٤-٥).

$t_{2g} \times t_{2g}$	=	A_{1g}	$\mathbf{E}_{\mathbf{g}}$	T_{1g}	$T_{2\boldsymbol{g}}$
Possible spin		1	1	1	3
multiplicity		1	1	3	1
assignments		3	1	1	
Corresponding		Ag	$\mathbf{A}_{\mathbf{g}}$	Ag	A_{g}
representation			$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$	$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$	$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$
				$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$	$\mathbf{B}_{\mathbf{g}}$
	multiplicity assignments Corresponding	multiplicity assignments Corresponding	multiplicity 1 assignments 3 Corresponding A_g	multiplicity 1 1 assignments 3 1 Corresponding A_g A_g	multiplicity 1 1 3 assignments 3 1 1 Corresponding A_g A_g A_g

من الضروري الآن البحث عن تحت مجموعة (subgroup) لمجموعة التماثل A_{1g} , E_{g} , T_{1g} , T_{2g} تتحول إلى تمثيل أحادي البعد مختلف، أو مجموع تمثيلات أحادية البعد. O_{h} فإذا لم تكن جميع تلك التمثيلات مختلفة فلن يتيسر لنا الحصول على نتيجة متكاملة وغير مشكوك في صحتها. بالرجوع إلى جدول الارتباط نجد أن تحت المجموعة C_{2h} تفيان بالمهمة تماما. لذلك كتبنا نتائج تلك المجموعة مع الاحتمالات السابقة.

 C_{2h} وطالما أن يرد في المجموعة O_{h} يتحول إلى $a_{g}+a_{g}+b_{g}$ فإن الحاصل المباشر لـ a_{g} × a_{g} ينتهي إلى مجموع الحواصل المباشرة لـ والمباشرة عنه + a_{g} ، كما يلى:

 $a_{g} \times a_{g} = A_{g}$ $a_{g} \times a_{g} = A_{g}$ $a_{g} \times b_{g} = B_{g}$ $a_{g} \times a_{g} = A_{g}$ $a_{g} \times a_{g} = B_{g}$ $a_{g} \times b_{g} = B_{g}$ $b_{g} \times b_{g} = A_{g}$

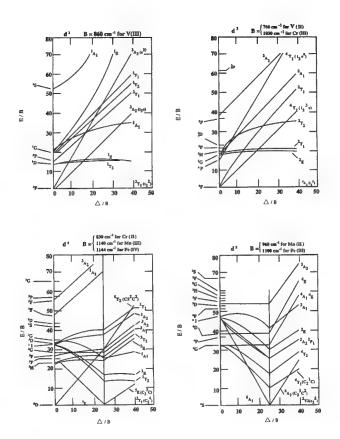
الحاصل الأول يمثل وجود الألكترونين في مدار واحد $_{\rm g}$ ه ولذا يب أن يكون أحادياً، $_{\rm g}$ ه. الحاصل الثاني يمثل وجود ألكترون واحد في كل من المدارين $_{\rm g}$ ه، ومن ثم يؤدي إلى حالتين أحادية وثلاثية، أي $_{\rm g}$ $_{\rm g}$. الثالث والحامس يقابلان تسكين الألكترونين في مدارين غنلفين، ولذا يعطيان معا الحالات الفردية والثلاثية، أي $_{\rm g}$ $_{\rm g}$

$4 \, {}^{1}A_{g} + {}^{3}A_{g} + 2 \, {}^{1}B_{g} + 2 \, {}^{3}B_{g}$

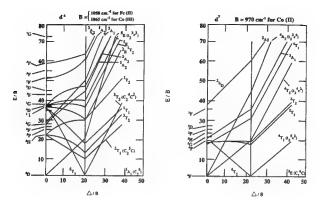
من الملاحظ أن مجموع التحلل + (1×1) 2+ (1×3) + (1×1) 4 (1×1) 15 من الملاحظ أن مجموع التحلل + (1×1) 2 كما يتوقع إذا لم يكن هناك خطأ ما. وهكذا نكون قد حصلنا على المطلوب. ويمكن في الحال أن نعين التضاعفية للحالات المبينة في الجدول السابق (عند نهايته) بملاحظة وجود $_{\rm AB}$ حالة وحيدة، وحالتان

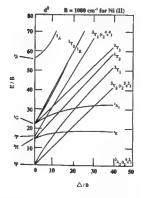
 3B_g . هذه الحالات يجب أن تعطى للحالة 3A_g والحالتين 3B_g الناتجتين من 3B_g , وهكذا حددنا أن الحالة 3B_g يجب أن تكون ثلاثية، ومن ثم فالحالات 3B_g , 3B_g

هناك بعض الرسوم البيانية قام بها كل من تناب وسوجانو للتشكيلات الألكترونية من 2 إلى 8 في المجال الاكتاهيدرائي المنتظم. في هذه الرسوم البيانية - شكل 2 (2) فإن المقدار 2 يعرف باسم معامل ركا (Racah Parameter) وهو يعود إلى طاقات الطرد بين الألكترونات ركا (Racah Parameter). هذه الرسوم التخطيطية للتدوين والتحديد الكيفي للانتقالات الطيفية. وعلى سبيل المثال، الطيف الألكتروني للمركب 2 (MnF2) مبين في شكل 3 - 1 في هذا المركب فإن الأيون 4 2 المبيع أيونات من الفلوريد، داخل البلورة، عما يجعل التشكيل الألكتروني 2 من التماثل 4 0. وطالما أن أيون المنجنيز الثنائي يمتلك التشكيل الألكترونية المختلفة كما في التشكيل الألكترونية المختلفة كما في الشكل. في الحقيقة فإن هذه الرسوم التخطيطية تستخدم في حالة التماثليات المنخفضة، حيث الأطياف الامتصاصية عادة ما تقاس تحت ظروف لا تظهر المنوأ من الانفصال الذي بين الحالات المختلفة .

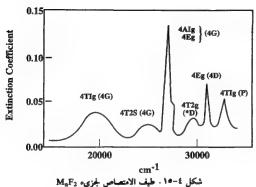


شكل ٤-٤ ا. الرسوم البيانية لـ تناب وسوجانو للتشكيلات الألكترونية ٩٥-٩٥ - ٢١٨ ـ





شكل ٤-١٤. الرسوم البيانية لـ تناب وسوجانو _ ٢١٩ ـ

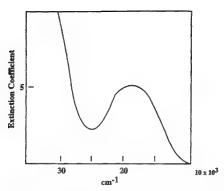


سحل ١٥-٤ . طيف الامتصاص جزيء Mar2

٤-١١. نظرية المجال البلوري وأطياف العناصر الانتقالية ومتراكباتها

من بين أهم تطبيقات الرسوم البيانية لمستويات الطاقة وكذلك المفاهيم التي توصلنا إليها في هذا الباب هو تفسير الأطياف الألكترونية للمناصر الانتقالية ومتراكباتها. وكما سبق أن ذكرنا فإن نظرية المجال البلوري تفترض أن الرابطة بين الفلز المركزي والذرات أو المجموعات المعطية الموزعة حولها رابطة أيونية تماماً، فإذا وجدت مساهمة تكافئية إلى أية درجة، فإن النظرية تصبح هي نظرية المجموعات المعطية. إن النماذج البسيطة التي سنتناولها لا تهدف إلى أكثر من توضيح قدرة نظرية المجال البلوري أو نظرية مجال المجموعات المعطية على التطبيق وإيجاد تفسير مقبول للأطياف الألكترونية للمناصر الانتقالية ومركباتها التناسقية، ومن ثم اعتناء كثير من الكيميائيين والفيزيائين العاملين في مجال الأطياف بالنظريين.

الطيف الألكتروني لأيون التيتانيوم الثلاثي Ti(III) في حامض الهيدروكلوريك المخفف، مبين في شكل 17-1. من المتفق عليه أن المتراكب الكاتيوني (Complex cation)، $^{+6}$ $^{-1}$ [$Ti(H_2O)_6)^{-1}$ ، هو المسؤول عن



شكل ٤ - ١٦. الطيف الألكتروني للمتراكب الكاتيوني +3 (H₂O)

ذلك الطيف. التشكيل الألكتروني لذرة التيتانيوم الثلاثي هو $^{3d^1}$ وبالتالي فالترم الناتج عن ذلك التشكيل هو 2D . هذا الترم، أو طالما الحالة هي حالة الحرون وحيد، فإن المدارات d الخسسة، تنفصل في المجال الاكتاهيدرالي إلى الزمرتين، $^2D_{\rm g}, ^2D_{\rm g}$. زمرة المدارات الثلاثية $^2D_{\rm g}$ ، تكون منخفضة الطاقة، بينما الزمرة الثنائية $^2D_{\rm g}$ يكون لها طاقة أعلى من الأولى، وبالتالي فالمتوقع أن يكون لهذا الأيون انتقال ألكتروني واحد يدون كما يلي: $^2D_{\rm g}$.

من الواضح أن الحزمة الضوئية ليست واحدة، وإنما يحدث لها انفصال يؤدي إلى وجود حزمتين طيفيتين، يفصل بينهما طاقة تساوي انفصال يزدي إلى وجود حزمتين طيفيتين، يفصل بينهما طاقة تساوي يسمى تأثير جان - تلر (Jahn - Teller Effect). والذي ينص على أن التركيبات التي تؤدي إلى حالات متحللة مداريا (Orbitally degenerate) تكون غير مستقرة بالنسبة للتركيبات الأقل تماثلا والتي تملك حالات غير متعلمة مداريا. ولكي نفهم ذلك التأثير علينا أن نعين احتمالات وجود

الألكترون المفرد في الزمرة الثلاثية من المدارات (يوء). نحن نعرف أن هذه المدارات هي بهه , يهه , يهه , وبالتالي فإن احتمالات توزيع الألكترون في تلك المدارات الثلاثة هي:

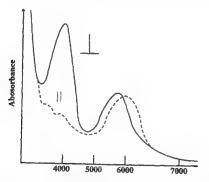
> $(d_{xy})^1 (d_{yz}) (d_{xz})$ $(d_{xy}) (d_{yz})^1 (d_{xz})$ $(d_{xy}) (d_{yz}) (d_{xz})^1$

إذن التشكيل 1 في التركيب الثماني (الأوكتاهيدرائي) يؤدي إلى حالات متحللة مداريا، وهي هنا ثلاثة حالات أو احتمالات للتحلل المداري. لذلك فإن هذا التشكيل يحدث به انفصال بين تلك المدارات ولا تغلل لها نفس الطاقة. هذا الانفصال هو ما يعرف بالتشوه الناتج عن وجود التحلل المداري للحالة 1 12، التي هي غير متحللة في الأصل، أي ألمجال الأوكتاهيدرائي. لاحظ أن وجود الألكترون في الاحتمال الأول، أي في المدار بها، يختلف عن وجود الألكترون في واحد من الاحتمالين الثاني والثالث، ولذا تنفصل المدارات الثلاثة إلى زمرتين، ومن ثم تظهر حزمتان طيفيتان وليست حزمة واحدة. تأثير جان تلر، بوجه عام يكون واضحاً وقوياً في حالة احتمال وجود تحلل مداري في المدارات الأعلى طاقة، أي على سبيل المثال في حالة التشكيل الألكترون 0 2.

أيون الفناديوم الثلاثي (III) في المتراكب $^{+}$ [ه $(V(H_2O)_3)^{-}$ ، ذو التشكيل الألكتروني 2 ، من المتوقع أن يظهر في طيفه الألكتروني ثلاثة انتقالات محكنة مغزليا (Spin Allowed) أي لها نفس التضاعفية المغزلية وهي التي تحدث من الحالة الأرضية 3 11 إلى الحالات ذوات الطاقات الأعلى 3 21 م. 3 21 م. لكن التجربة أثبتت وجود حزمتي طيف امتصاصي فقط عند المحالات ما $^{-1}$ و $^{-1}$ 21 مسم $^{-1}$ 3 هـ فان الانتقالان حددا على أنهما الانتقالان حددا على أنهما والانتقالان $^{-1}$ 4 مـ $^{-1}$ 5 مـ أذا اعتبرنا أن $^{-1}$ 5 تساوي

٢١٥٠٠ ٢سم^{-١} تقريبا. أما الانتقال الثالث فمن المتوقع أن يكون عند طاقة أعلى من الانتقالين السابقين.

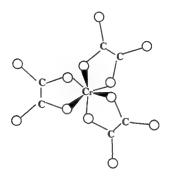
لقد تم استخدام الضوء المستقطب (Polarized Light) لتعيين الطبف الانتقالات الألكترونية للمتراكب $[Cr(ox)_3]^3$. شكل 1V-2 بيين الطبف المستقطب لبلورة مفردة من $9H_2O$. $9H_2O$ ، حيث تم إحلال أيون Cr^3 على الألومنيوم. هذه البلورة أحادية المحور، والمحور الثلاثي للأيون Cr^3 ($M(ox)_3^3$) يتواكب مع المحور Cr^3 للبلورة.



شكل ٤-١٧. الطيف المستقطب لبلورة مفردة من Crox3 في NaMgAl(ox)3 . 9H2O

في قياسات البلورة المفردة، يقاس الطيف بحيث يكون مستوى الضوء المستقطب موازياً للمحور الثلاثي، ومرة أخرى بحيث يكون المستوى عمودياً على المحور الثلاثي. في الحالة الأولى فإن العنصر z فقط من معامل ثنائي القطبي الكهربي يؤدي إلى الامتصاص، أو الانتقال الألكتروني، ويسمى الطيف الناتج الطيف الموازي، وفي الحالة الثانية فإن

العنصرين x و y فقط هما اللذان يؤديان إلى الانتقال الألكتروني، ويسمى الطيف الناتج، الطيف العمودي (\perp) كما في (شكل 3-19).



شكل ٤-١٨. تركيب الأيون "Cr(ox) المحور الثلاثي عمودي على مستوى الورقة

نلاحظ من شكل ٤-١٧، أن الطيف المستقطب العمودي والطيف المستقطب الموازي يختلف كل منهما عن الآخر. بالرجوع إلى الرسم البياني لـ تناب وسوجانو للتشكيل الألكتروني في نجد الحالات الرباعية التضاعفية التالية:

$^4A_{2g}$, $^4T_{2g}$, $^4T_{1g}(^4F),\,^4T_{1g}(^4P)$

طالما أن الطيف يحتوي على حزمتين ضوئيتين فقط، فإن الانتقالات إلى الحالات (4_{11g}4P، لم يكن من المستطاع ظهورها. التماثل المحلي أو الموضعي (Local Symmetry) لأيون الكروم هو D3 ، ومن ثم فإن الارتباطات التالية:

Oh	D_3
⁴ A _{2g}	⁴ A ₂
⁴ T _{2g}	${}^{4}A_{1} + {}^{4}E$
⁴ T _{1g}	⁴ A ₂ + ⁴ E

بمعنى أن في التماثل المنخفض يزول بعض التحللات للحالات الثلاثية إلى حالة أحادية التحلل وأخرى ثنائية التحلل. ومع هذا فإن بعض الانتقالات قد لا تكون محكنة، أو أنها مستقطبة، بمعنى أنها مسموح بها في الاستقطاب العمودي أو الموازي، وليس بالضرورة في كليهما. وبالتالي يجب تعيين التكاملات ثنائية القطبية (Dipole Integral) والحواصل المباشرة لدوال الموجات في الحالة الأرضية والحالة المثارة. من ذلك يمكن إثبات أن الانتقال الألكتروني التالي مسموح به، أو عمكن: في حالة الضوء المستقطب الموازى للمحور الثلاثي:

$${}^{4}A_{2} \longrightarrow {}^{4}A_{1}$$

أما في حالة الضوء المستقطب العمودي، فالانتقالات المسعوح بها هي:

$$^{4}A_{2} \longrightarrow {^{4}E}(^{4}T_{2g})$$
 $^{4}A_{2} \longrightarrow {^{4}E}(^{4}T_{1g})$

وهكذا يصبح تحديد الحزم الطيفية عمكناً. الحزمة التي عند ٥٨٠٠ انجستروم تقريباً ناتجة عن الانتقال $^4A_2 \longrightarrow ^4A_1 (^4T_{2g})$ البستروم تقريباً ناتجة عن الانتقال و $^4E_2 \longrightarrow ^4E_3$ الحزمتان اللتان في الطيف العمودي ترجعان إلى الانتقالين $^4E_3 \longrightarrow ^4E_3$ الانتقال $^4A_{2g} \longrightarrow ^4A_{2g} (^4T_{1g})$ غير مسموح به على أساس قواعد الاختياد.

الباب الخامس

المدارات الجزيئية

نظرية المدارات الجزيئية

MOLCULAR ORBITAL THEIRL

في نظرية المدارات الجزيئية، تعتبر ألكترونات التكافؤ مرتبطة بجميع الأنوية التي في الجزيء، أي أن المدارات الذرية لجميع الذرات الموجودة في الجزيء يجب أن تتجمع معا أو تتحد معا لتكوين ما يسمى بالمدارات الجزيئية.

يمكن اعتبار الألكترونات جسيمات أو موجات، نتيجة للطبيعة المذووجة لها، وبالتالي يمكن وصف الألكترون في ذرة ما على أنه يحتل مداراً ذرياً، كما يوصف بدالة الموجة، لا التي هي حل لمعادلة شرودينجر الموجة. وكما يقال عن الذرة إن الألكترونات فيها توجد في مدارات ذرية، يقال عن ألكترونات الجزيء أنها تحتل مدارات جزيئية molecular ذرية، يقال عن ألكترونات الجزيء أنها تحتل مدارات جزيئية يمكن الحصول عليها باستخدام التقريب الشائع والمعروف بـ «الاتحاد الخطي للمدارات المذرية» (Linear Combination of Atomic Orbitals) والذي يختصر إلى الذرس من خلال نظرية المجموعة والتماثليات.

٥ - ١. جزىء الهيدرجين

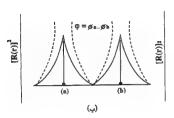
إن أبسط جزيء هو جزيء الهيدروجين حيث تتحد ذرتان من الهيدروجين تلك الكتروناً واحداً في المهيدروجين تملك الكتروناً واحداً في المذرة 11. معنى ذلك أن دالة الموجة للألكترون الأول ه، على الذرة

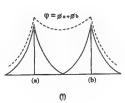
H_a، ودالة الموجة للألكترون الذي على الذرة H_b، أي φ يتحدان اتحاداً خطياً. هناك احتمالان فقط للاتحاد الخطى، وهما:

$$\Psi_{\sigma} = c_1 \phi_a + c_2 \phi_b$$

$$\Psi_a^* = c_1 \phi_a - c_2 \phi_b$$

وذلك حتى نحصل على نفس العدد من المدارات الجزيئية مساوياً لعدد المدارات الذرية الداخلة في الاتحاد. الشكل 0-1-1، يبين العلاقة بين الجزء القطري من دالة الموجة والمسافة بين نواتي الذرتين Ha و Hb. في حالة الاتحاد الموجب، نلاحظ وجود أعلى كثافة ألكترونية بين النواتين. الشكل 0-1-1. يبين حالة الاتحاد السالب بين دالتي الموجتين، حيث يوجد أدنى كثافة، إذا وجدت، بين النواتين. المعامل 10 يبين مدى مساهمة الدالة الموجه 10 في تكوين المدارات الجزيئية، والمعامل 10 لمدى مساهمة الدالة الأخرى. بالطبع في حالة جزيء الهيدروجين، حيث الذرتان متساويتان





شکل ه - ۱

نان تعدل (Normalized) بيب أن تعدل $\Psi=N(\phi_a+\phi_b)$ فإن $c_1=c_2$ أي أن:

$$N^2 \int (\phi_{\rm a} + \phi_{\rm b})_2 \ {\rm d}\tau \ = \ N^2 (\int \phi_{\rm a}^2 {\rm d}\tau + \int \phi_{\rm b}^2 {\rm d}\tau + 2 \int \phi_{\rm a} \phi_{\rm b} \ {\rm d}\tau) = \ 1$$

حيث N هو معامل التعديل. وطالما أن المدارين الذريين ϕ_b , ϕ_b اللذين اتحدا خطيا يفترض أنهما معدلان، إذن: $1 = \int \phi_b^2 d\tau = \int \phi_b^2 d\tau = \int \phi_b^2 d\tau = 1$ أما التكامل:

 $\int \phi_a \ \phi_b \ d\tau$

فيعرف بـ اتكامل التداخل؛ (Overlap Integral)، ويرمز إليه Sab.

 $N^2 = 1/(2+2 S_{ab})$

$$N = \pm \sqrt{\frac{1}{2 + 2S_{ab}}}$$

ومن $S_{ab}=0$ في كثير من الحالات يهمل التداخل الذري، أي أن $S_{ab}=0$ ، ومن ثم تصبح $N=\sqrt{\frac{1}{n}}$

ويصبح المدارات الجزيئيان، أي دالتا الموجتين للمدارين الجزيئيين، هما:

$$\Psi_{\sigma} = (1/\sqrt{2}) (\phi_a + \phi_b)$$

$$\Psi_{\sigma}^* = (1/\sqrt{2}) (\phi_a - \phi_b)$$

من النظرة الأولى قد يبدو غريباً إهمال تكامل التداخل، الذي يعتبر مقياساً للتداخل بين المدارين الذريين ٥﴿هـ، كما أن قيمته العددية تتراوح بين الصفر والوحدة (Unity). مع ذلك فقد تبين أن هذا الإهمال الذي يُسَوِّعْ رياضيا، يؤدي إلى نفس النتائج التي يحصل عليها حينما نظل قيمة تكامل التداخل موجودة، على الأقل طالما يكون الاهتمام منصباً على الطاقات النسبية، والكثافة الألكترونية ورتبة الروابط.

هذه الثوابت $2/\sqrt{2}$ في دالة الموجة الجزيئية السابقة هي المعامل c

من المهم الآن تحديد الحدود القصوى لطاقة تلك المدارات الجزيئية. يتم ذلك من خلال استخدام معادلة شرودنجر كما يلي: معادلة شرودنجر بعد إعادة ترتيبها تصبح:

$$[V - \frac{h^2}{8\pi^2 m} (\frac{\partial^2 \Psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial y^2} + \frac{\sigma^2 \Psi}{\partial z^2}] \Psi \ = E \Psi$$

الجانب الأيسر من المعادلة يمكن اعتباره تأثيراً أو فعل معامل يسمى «معامل هاميلتون» (Hamiltonian Operator) على دالة الموجة ٤، التي هي الآن دالة موجة جزيئية، أي لمدار جزيئي MO. هذه المعادلة تكتب عادة في الصورة:

$$H\Psi = E\Psi$$

حيث H هو معامل هاميلتون. وكما هو الحال مع دالة الموجة الذرية، فإن دالة الموجة الجزيئية MO يمكن أن تكون موجبة أو سالبة، كما أن ²² كمية تتناسب مع الكثافة الألكترونية. فإذا ضربنا جانبي المعادلة السابقة في 4، وأجربنا تكاملًا على الحيز الكل، تحصل على:

$$\int \Psi H \Psi d\tau = E \int \Psi^2 d\tau$$

حيث $d\tau = dx dy dz$ بإعادة ترتيب المعادلة السابقة، إذن

$$\mathbf{E} = \frac{\int \boldsymbol{\Psi} \boldsymbol{H} \boldsymbol{\Psi} d\tau}{\int \boldsymbol{\Psi}^2 d\tau}$$

تسمى هذه الطريقة «طريقة التغر» (Variation Method).

$$\Psi = c_1 \phi_a + c_2 \phi_b$$
 : بالتعویض عن Ψ بقیمتها

نحصل على:

$$E = \frac{\int c_1 \phi_a + c_2 \phi_b) H(c_1 \phi_a + c_2 \phi_b) \mathrm{d}\tau}{\int (c_1 \phi_a + c_2 \phi_b)^2 \mathrm{d}\tau}$$

$$=\frac{\int (c_1\phi_aHc_1\phi_a+c_1\phi_aHc_2\phi_b+c_2\phi_bHc_1\phi_a+c_2\phi_bHc_2\phi)d\tau}{\int c_1^2\phi_a^2+2c_1c_2\phi_a\phi_b+(c_b^2\phi_b^2d\tau}$$

$$=\frac{c_1^2\int\phi_aH\phi_ad\tau+2c_1c_2\int\phi_aH\phi_bd\tau+c_2^2\int\phi_bH\phi_bd\tau}{c_1^2\int\phi_a^2d\tau+2c_1c_2\int\phi_a\phi_bd\tau+c_2^2\int\phi_b^2d\tau}$$

فإذا اعتبرنا، للتبسيط، أن:

$$\begin{split} \mathbf{H}_{aa} &= \int \phi_a \mathbf{H} \phi_a \mathrm{d}\tau \\ \mathbf{H}_{bb} &= \int \phi_b \mathbf{H} \phi_b \mathrm{d}\tau \\ \mathbf{H}_{ab} &= \int \phi_a \mathbf{H} \phi_b \mathrm{d}\tau \\ \mathbf{S}_{aa} &= \int \phi_a^2 \mathrm{d}\tau \\ \mathbf{S}_{bb} &= \phi_b^2 \mathrm{d}\tau \\ \mathbf{S}_{ab} &= \int \phi_a \phi_b \mathrm{d}\tau \end{split}$$

إذن تصبح قيمة الطاقة E، كما يلي:

$$E = \frac{c_1^2 H_{aa} + 2 c_1 c_2 H_{ab} + c_2^2 H_{bb}}{c_1^2 S_{aa} + 2 c_1 c_2 S_{ab} + c_2^2 S_{bb}}$$

من المهم تعيين أدنى طاقة، تقابل المعادلتين التاليتين:.

$$(\frac{\partial E}{\partial c_1})_{c_2} \ = 0 \qquad \qquad (\frac{\partial E}{\partial c_2})c_1 = 0$$

بالتفاضل، نحصل على : المعادلتين التاليتين:

$$c_1 \left(H_{aa} - ES_{aa} \right) + c_2 \left(H_{ab} - ES_{ab} \right) = 0$$

$$c_1 (H_{ab} - ES_{ab}) + c_2 (H_{bb} - ES_{bb}) = 0$$

وهذه المحادلات تسمى "Seqular Equations". الحلول لهاتين المعادلتين يعبر عنه على ضوء ما يعرف بالمحددات (Secular Determinant)، أي:

$$\begin{vmatrix} H_{ab} - ES_{aa} & H_{ab} - ES_{ab} \\ H_{ab} - ES_{ab} & H_{bb} - ES_{bb} \end{vmatrix} = 0$$

يسمى كل من Hbb, Hab, Hab التكامل الكولومي (Coulomb Integral)، وهو تقريبا طاقة الألكترون في مدار التكافؤ الذري، أي الألكترون في الذرة الخاصة به، α، ومن ثم يمكن كتابة.

$$H_{aa} = \alpha_1$$
, $H_{bb} = \alpha_2$

أما الترم هلا، فيسمى تكامل التبادل (Exchange Integral)، وهو يمثل طاقة التبادلية بين المدارين الذرين، أي بين الألكترون الأول ونواة الذرة الثانية، والألكترون الثاني ونواة الذرة الأولى، β . لكل من α و β قيم سالبة.

کما سبق أن ذكرنا فإن كلاً من دالتي الموجتين ϕ_{a} , ϕ_{b} معدلتان، ومن ثم:

$$S_{ab} = \int \phi_a^2 d\tau = S_{bb} = \int \phi_b^2 d\tau$$

وبالتعويض عن ذلك في معادلة المحددات، فإن المعادلة تختزل إلى

$$\begin{vmatrix} \alpha_1 - \mathbf{E} & \beta - \mathbf{ES} \\ \beta - \mathbf{ES} & \alpha_2 - \mathbf{E} \end{vmatrix} = 0$$

 $S = S_{ab}$ للتبسيط جعلنا

في حالة جزيء من ذرتين متشابهتين مثل جزيء الهيدروجين، أو
 أيون جزيء الهيدروجين، فإن:

$$\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha$$

وهكذا فإن معادلة المحددات تصبح:

$$(\alpha - E)^2 = (\beta - ES)^2$$

هذه المعادلة الأخيرة تربيعية، ولذا يكون لها حلان:

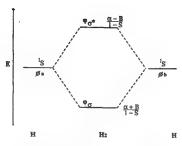
$$\alpha - \mathbf{E} = -(\beta - \mathbf{ES})$$

$$\mathbf{E}_{\sigma} = \frac{\alpha + \beta}{1 + \mathbf{S}}$$

$$\alpha - E = (\beta - ES)$$

$$\mathbf{E}_{\sigma} = \frac{\alpha - \beta}{1 - \mathbf{S}}$$

وهكذا يتكون مداران جزيئيان من الاتحاد الخطي للمدارين الذريين، أحدهما له طاقة أقل من طاقة كل من الذرتين على حدة، ويسمى المدار الجزيئي الرابط، وهو في هذه الحالة من نوع ص ويكون الرسم التخطيطي،



شكل ٥ - ٢. مستويات طاقة الجزيء ٢-

أو البياني للمدارات الجزيئية لجزيء الهيدروجين، كما في الشكل التالي (شكل ٥ – ٢).

0 - ٢. جزيئات ثلاثية الذرة

سنأخذ على سبيل المثال، جزيء BeH2، وهو أبسط جزيء ثلاثي للذرة. هذا الجزيء كما نعرف، جزيء خطي. ولكي نعين الرسم البياني للمدارات الجزيء كما نعرف، عإن علينا أن نخلط مدارات التكافؤ الذرية البريليوم المركزية، مع الاتحادات الخطية لمدارات التكافؤ الذرية للدري الهيدروجين، المدارات الذرية المستخدمة في هذه الحالة إذن هي المدارات 2p, 2s لذرة البريليوم، والاتحادات الخطية للمدارين 1s لذرتي الهيدروجين.

بحسب تماثليات المدارات الذرية، يوجد فقط بعض اتحادات خطية محددة للمدارات الذرية يمكنها تكوين مدارات جزيئية رابطة. في الشكل ٥ - ٢ يلاحظ أن المدار 28 لذرة Be يمكنه الاتحاد مع الاتحاد الخطي الموجب لمداري الهيدروجين أي $(a) + a_{10}$. ويكون المدار الجزيئي في شكل ٥ - ٣ (a):

$$\Psi = c_1 \phi_{2_m} + c_2 (\phi_{1_m} + \phi_{1_m})$$

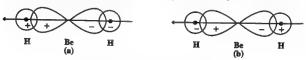
 $^{\circ}$ 6 – $^{\circ}$ 0 هو المدار الجزيئي الرابط، أما المدار الذي في شكل $^{\circ}$ 5 – $^{\circ}$ 6 مدار ضد الربط. من نوع: $^{\circ}$ 6 – $^{\circ}$ 6 مدار ضد الربط. من نوع: من نوع مدار ضد الربط.



شكل ه - ٣. اتحاد المدارات في جزيء BeH₂

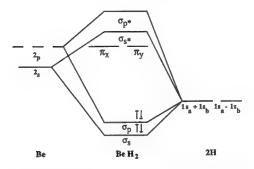
شكل o-8 نلاحظ إمكانية تكوين المدار الجزيشي الرابط o باستخدام المدار الذري o لقد اعتبرنا أن محور الرابطة هو المحور o إن معنى ذلك أن المدارين o ما مداران من نوع o ولكنهما في هذه الحالة غير رابطين (Nonbonding) وذلك لعدم وجود روابط o على ذري الهيدروجين.

 $\xi - o$ المدار الجزيئي ($\phi_{1_{a_1}} + \phi_{1_{a_2}} + c_2(\phi_{1_{a_1}} + \phi_{1_{a_2}})$ المدار الجزيئي ($\phi_{1_{a_1}} + \phi_{1_{a_2}} + c_3(\phi_{1_{a_1}} - \phi_{1_{a_2}})$ المدار ربطي، بينما المدار ($\phi_{1_{a_1}} - \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}}$ المدارث الجزيئية الأربعة، تمثل ($\phi_{1_{a_1}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}} + \phi_{1_{a_2}}$



شكل ٥ - ٤. اتحاد المدارات في جزيء BeH2

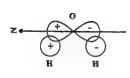
الاتحادات الخطية الممكنة بين مدارات التكافؤ لذرة البريليوم، مع اتحادات مداري التكافؤ لذرق البهيدوجين. هذه المدارات الجزيئية مبينة في شكل ه - ٥، حيث وضعت الكترونات التكافؤ في المستويات المناسبة. الاتحادات الخطية لمداري ذري الهيدروجين، تكون أقل طاقة من مدارات البريليوم، وذلك لأن الهيدروجين أكثر كهربية سالبية من البريليوم. وهكذا نتوقع أن تقضي الالكترونات وقتا أطول بالقرب من ذري الهيدروجين عنه بالنسبة لذرة البريليوم، أو بكلمات أخرى، المدارات الجزيئية الرابطة تساهم فيها مدارات الهيدروجين أكثر من مساهمة مدارات البريليوم.

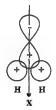


شكل ٥ - ٥. الرسم البياني لمستويات طاقة المدارات الجزيئية لجزيء BeH2

۵ - ۳. جزيء الماء H₂O

هذا هو المثال الثاني للجزيئات ثلاثية الذرات. وكما نعرف فهو جزيء من النوع الزاوي. يأخذ شكل حرف ٧. بسبب هذه الزاوية فإن مدارين من مدارات 2p لذرة الأوكسجين. يمكنها تكون مدارات من نوع سيجما ٥. وكما نرى في شكل ٥ - ٦، فإن ذلك يجعل بناء الاتحادات الخطية المناسبة أكثر تعقيداً. لذلك، وبدلا من معالجة جزيء الماء، كما حدث مع جزيء BeH2، فإننا سنستخدم تقنيات نظرية المجموعة والتماثليات الجزئيثة في معالجة جزيء الماء، وسنرى كم هي مفيدة وبناءة فكرة استخدام تلك التقنيات في تعيين الاتحادات الخطية من المدارات الخرية، التي تدخل في تكوين مختلف المدارات الجزيئية. ليس فقط مجرد سهولة تكوين الاتحادات الخطية المناسبة، ولكن كذلك الحسابات الكمية التي يمكن الحصول عليها والقيام بها باستخدام تلك التقنيات.





شكل ٥ - ٦. أعادات للدارات في جزيء للاء

نحن تعرف أن مجموعة التماثل لجزيء الماء هي ،C. وللفائدة فقد كتبنا جدول المميز لتلك المجموعة هنا (جدول ٥ - ١). بالطبع فإن مدارات التكافؤ لذرة الأكسجين تتحول مثل تماثليات لا تختزل معينة. في المجموعة ،C. وبالرجوع إلى جدول المميز، أقصى اليمين نجد ما يلي.

C_{2v}	E	C_2	$\sigma_{\rm v}({\bf xz})$	$\sigma_{y}^{'}(yz)$		
$\mathbf{A_1}$	1	1	1	1	Z	z² , y² , z² xy xz xz yz yz
$\mathbf{A_2}$	1	1	-1	-1	$R_{\mathbf{z}}$	ху
\mathbf{B}_1	1	-1	1	-1	x, Ry	XZ
$\mathbf{B_2}$	1	-1	-1	1	y, Rx	yz

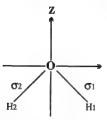
جدول (هـ ١) جدول المميز لمجموعة الثماثل بدC، التي يتبعها جزيء الماء.

- المدار 2s (في الجدول 2², y², x²) والمدار 2p، لكل منهما الصفات التحويلية التي لنوع التماثلي A.
 - المدار £2p يتحول مثل B1.
 - المدار 2p_y يتحول مثل B₂.

ولكي يتم تكوين المدارات الجزيئية فإن المدارات الذرية ذات الصفات التماثلية الملائمة هي فقط التي تتحد خطياً. الاتحادات الخطية للمدارات 18 لذري الهيدروجين يجب أن يكون لها نفس الصفات التحويلية (التماثلية) مثل النمط التماثلي اA، وذلك لكي يتحد مع المدارين 28 و 2p لذرة الأركسجين، أما لكي تتحد مع المدار ي2p للأكسجين فلا بُدَّ أن يكون لها نفس الصفات التحويلية مثل B1، ولكي تتحد مع المدار و2p فمن الضروري أن تكون سماتها التحويلية هي نفس سمات النمط التماثلي B2،

٢ - الآن يمكن توليد الاتحادات الخطية للهيدروجين، ثم تكوين المدارات الجزئية باستخدام تلك التمثيلات التي لا تخنزل، والتي حددناها من جدول المميز في الخطوة السابقة. ولكي يتم ذلك نرسم جزيء الماء، ونمين نظاماً إحداثياً محدداً لذرة الأكسجين. ذرتا الهيدروجين لا تحتاجان نظاماً إحداثيا لأن المدارات الوحيدة التي يمكنها أن تشارك هي المدارات المحدداً التي يمكنها أن تشارك هي المدارات المحدد التي المحدد التي يمكنها أن تشارك هي المدارات المحدد التي التي المحدد التي المح

وهي مدارات كروية التماثل (Spherically Symmetrical)، وحتى يمكن التمييز بين ذرقي الهيدروجين، ترقم الذرتان، كما في شكل ٥ - ٧.



شكل ٥ - ٧. إحداثيات ذرة الأوكسجين في جزيء الماء

نعتبر الرابطة O-H₁ هي σ₁ والرابطة O-H₂ هي σ₂.

 σ - الخطوة التالية هي تحديد ما يحدث لكل من σ 1 و σ 2 تحت تأثير عمليات التماثل للمجموعة σ 2، حتى نحصل على جدول التحويلات (جدول σ 0 - σ 1).

٤- نعين المميز لكل عملية تماثل، وهو يساوي عدد الروابط ٥ التي لم
 تتغير أو لم يحدث لها إزاحة.

	E	C ₂	$\sigma_{(xz)}$	$\sigma_{(yz)}$
σ_1	σ_1	σ_1	σ_1	σ_1
σ_2	σ_2	σ_1	σ_2	σ_1

جدول (٥ - ٢) جدول التحويلات

وهكذا نحصل على التمثيل القابل للاختزال ٢٠٠٥، كما يلي:

٥ - يختزل هذا التمثيل القابل للاختزال، بالطريقة التي استخدمناها في الأبواب السابقة، وينتج عن ذلك الاتحاد الخطى للتمثيلات التي لا تختزل:

 $\Gamma_{\text{rad}} = A_1 + B_1$

٦ - الاتحاد الخطى لمدارات الهيدروجين ١٥ والتي تقابل التمثيل الذي لا يختزل A1، يتكون بأخذ الروابط الأربعة التي في جدول التحويلات (جدول ٥ - ٧) ثم وضع المميز لكل عملية تماثل للنوع التماثلي A1، على أنها معاملات لتلك الروابط، كما يلي:

$$(+1)\sigma_1$$
 $(+1)\sigma_2$ $(+1)\sigma_1$ $(+1)\sigma_2$ $(+1)\sigma_2$ $(+1)\sigma_1$ $(+1)\sigma_2$ $(+1)\sigma_1$

الأرقام التي بين الأقواس هي التمثيلات التي لا تختزل لكل عملية تماثل، كما توجد في الميز للمجموعة .. Cav

يعدل (Normalize) كل من الصفين السابقين، ينتج عن ذلك:

$$1/\sqrt{2}(\sigma_1+\sigma_2)$$

 ٧ - التمثيل الذي لا يختزل يحتوي كذلك على النمط التماثلي .B1 وللحصول على الاتحاد الخطى لمدارات روابط 7 للهيدوجين، والتي تقابل النمط التماثلي B1. نفعل كما في حالة A1، فنحصل على:

$$(+1)\sigma_1 \quad (-1)\sigma_2 \quad (+1)\sigma_1 \quad (-1)\sigma_2$$

$$(+1)\sigma_2$$
 $(-1)\sigma_1$ $(+1)\sigma_2$ $(-1)\sigma_1$

الصف الأول يعطى الاتحاد الخطي (LCAO) المعدل:

$$(1/\sqrt{2})(\sigma_1+\sigma_2)$$

والصف الثاني يعطي: $(\sigma_1 + \sigma_2)(\sigma_1 + \sigma_2)$. كل من هذين الاتحادين الخطين يوضحان أن مدارات 18 للهيدروجين ترتبط مع المدار $2p_x$ للرة الأوكسجين. هذه النتائج ترتب في جدول، كما في الجدول التالي: جدول (σ_1).

Irreducible representation	Oxygen orbitals	Hydrogen's LCAO's
\mathbf{A}_1	2s	$(1//2) (\sigma_1 + \sigma_2)$
	$2p_x$	
\mathbf{B}_1	$2p_{x}$	$(1//2) (\sigma_1 - \sigma_2)$
\mathbf{B}_2	$2p_y$	

من الجدول (٥ - ٣) نستبين أنه لأن المدارات 28 و $2p_x$ للذرة الهيدروجين، وكذلك الاتحاد الخطي الموجب لمدارات 18 للهيدروجين تملك التماثل A1، فإنها يمكن أن تختلط معا مكونة مدارات جزيشية بنفس التماثل A1.

 $A = يمكن الآن حساب مستويات طاقة المدارات الجزيئية . وذلك بتحديد أو بناء المعادلات Secular وهي بالنسبة للتمثيلات اللانختزلة <math>A_1$ و B_1 تكون كما يلى:

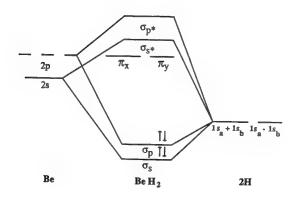
$$\begin{array}{cccc} B_1 & & & 2p_x & \phi(H_{1s}) \\ & & & & & \\ H_{11} - EG_{11} & H_{12} - EG_{12} \\ H_{21} - EG_{21} & H_{22} - EG_{22} \\ \end{array} \bigg| = 0$$

أي ترم ل $_{ij}$ حيث $_{ij}$ يساوي صفرا. في محددات $_{ij}$ المادة $_{ij}$ و $_{ij}$ لذرة الأوكسجين متعامدة $_{ij}$ (Orthogonal). الترمات القطرية $_{ij}$ ($_{ij}$ $_{ij}$ $_{ij}$ (Integrals) يمكن حسابها باستخدام طرق فرضية، مثل تقريب ولفسبرج ملمهولتز (Modified Wolfsberg-helmholz Approximation).

لتحاملات $H_{ii} = -FG_{ii}(H_{ii}xH_{ij})^{il}$. $H_{ij} = -FG_{ii}(H_{ii}xH_{ij})^{il}$ الكولومية، للمدارات الذرية، أما G_{ii} فهو تداخل المجموعة للمدار i مع المدار i وثابت افتراضي، عادة ما يؤخذ على أنه يساوي i . i تداخل المجموعة يختلف عن تداخل المدارات الذرية بأن نأخذ في اعتبارنا عدد المدرات المرتبطة بالذرة المركزية والتركيب الهندسي لهذه المذرات في جزيء الماء يوجد ذرتا هيدروجين ترتبطان بذرة الأوكسجين، والزاوية بينهما تساوي تقريباً i 0 1 درجة . المحددات المبسطة، مبينة في المعادلات التالية:

$$\begin{array}{ccc} B_1 & 2p_x & \phi(H_{1s}) \\ & & \left| \begin{array}{ccc} H_{11} - E & H_{12} - EG_{12} \\ H21 - EG_{21} & H_{22} - E \end{array} \right| = 0 \end{array}$$

حلول هذه المعادلات قد نحصل عليها بالطرق العادية. نتائج حلول المحددات A_1 مين في الشكل 0 – Λ . المحدد A_1 هو محدد 2 × 2 ومن ثم له ثلاثة حلول. من الرسم البياني للمدارات الجزيئية (شكل 2 - 2 أن أن أحدهم رابط والثاني غير رابط، ويوجد واحد فقط من 2 مستوى ضد الربط. المحدد 2 له حلان، أحدهما رابط والآخر ضد الربط. أما المدار الجزيئي 2 فهو غير رابط (Non-bonding)، وذلك لعدم وجود اتحاد خطى (LCAO) للهيدروجين من نوع التماثل 2

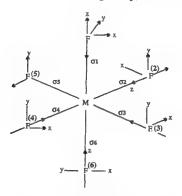


شكل ٥ - ٨. الرسم البياني للمدارات الجزيئية للماء

$[Mn F_6]^3$ و π في المتراكب الأنيوني σ و σ في المتراكب الأنيوني و σ

هذا المتراكب يوجد في التركيب البلوري للمركب MnF_3 . وهو لا يتبع مجموعة التماثل D_{2a} ، نظراً لعدم تساوي طول المحاور x, y و x. المطلوب تعيين المدارات الجزيئية من نوعي x و x. المطلوب تعيين المدارات الجزيئية من نوعي x و x. المعاور، بالتحديد أيونات الفلوريد يمكن أن تستخدم المداريع في تكوين روابط x، بينما المدارات x و x و x.

ا- ونرسم نظاماً احداثيا لهذا الجزيء، من خلال رسم أسهم على كل أيون فلوريد. ولنأخذ المدارات p لكل فلوريد على أنه هو الذي يدخل في تكوين الروابط سيجما، ومن ثم فإن المدارين p و p لكل أيون فلوريد هما اللذات يساهمان في تكوين المدارات الجزيئية p، وبالتالي فإن جميع المدارات p لأيونات الفلوريد الستة يجب أن تشير إلى أيون الفلز المركزي (شكل p - p).



شكل ٥ - ٩. النظام الإحداثي للمتراكب ٩- النظام

48 . المدارات التي يمكن أن تستخدم بالنسبة للأيون المركزي هي 36. 48 و 49. بالرجوع إلى جدول المميز للمجموعة D2 نجد أن هذه المدارات تتبع التمثيلات المقابلة لها كما في الجدول التالي:

جدول ٥ - ٤. التمثيلات التي لا تختزل لمدارات الأيون المركزي

Representation	Metal orbital
Ag	4s, 3d _{x²-y²} , 3 d _{z²}
B_{3u}	4p _x
$\mathbf{B}_{2\mathbf{u}}$	4p _y
$\mathbf{B}_{1\mathbf{u}}$	4p _z
$\mathbf{B_{1g}}$	3d _{xy}
B_{2g}	3d _{xx}
B_{3g}	3d _{yz}

- الخطوة التالية هي تعيين تأثر كل رابطة σ بكل عملية تماثل في المجموعة D_{2b} ومن ذلك نحصل على جدول التحويلات (جدول σ σ).

جدول تحويلات المدارات سيجما. (جدول ٥ - ٥)

	E	$C_2(z)$	$C_2(y)$	$C_2(x)$	i	$\sigma(xy)$	$\sigma(xz)$	σ(yz)
σ_1	σ_1	σ_1	σ_{6}	σ_6	σ_6	σ_6	σ_1	σ_1
σ_2	σ_2	σ_4	σ_2	σ_4	σ_4	σ_2	σ_4	σ_2
		σ_{5}	σ_5			σ_3	σ_3	σ_5
		σ_2	σ_4	σ_2	σ_2	σ_4	σ_2	σ_4
σ_5	σ_5	σ_3	σ_3	σ_{5}	σ_3	σ_{S}	σ_{5}	σ_3
σ_6	σ_6	σ_6	σ_1	σ_1	σ_1	σ_1	σ_6	σ_6

٤ - من جدول التحويلات يمكن تعيين الميز لكل عملية تماثل، ومن ثم نعين التمثيل القابل للاختزال. نلاحظ ان المميز يساوي عدد المدارات سيجما التي لم تتغير بعملية التماثل. التمثيل المقابل للاختزال للمدارات سيجما هو:

هذا التمثيل يجب أن يختزل بالطريقة المعتادة، ليعطى:

$$\Gamma_{\sigma} = 3A_{g} + B_{1u} + B_{2u} + B_{3u}$$

o – يضرب كل عيزات كل من هذه التمثيلات التي لا تختزل، كما هي في جدول المميز للمجموعة D_{2h} ، في الصفوف الموجودة في جدول التحويلات والمقابلة لها، نحصل على الاتحادات الخطية للمدارات σ ، والمكونة من مدارات أيون الفلوريد.

$$\begin{array}{lll} 3A_g & 4(\sigma_1+\sigma_2) & , \ 4(\sigma_2+\sigma_4) & , \ 4(\sigma_1+\sigma_6) \\ B_{1u} & 4(\sigma_1-\sigma_6) \sim 4(\sigma_6-\sigma_1) \\ B_{2u} & 4(\sigma_2-\sigma_4) \sim 4(\sigma_4-\sigma_2) \\ B_{3u} & 4(\sigma_3-\sigma_5) \sim 4(\sigma_5-\sigma_3) \end{array}$$

- ٦ بالرجوع إلى جدول ٥ ٤ نجد أن كلا من هذه الاتحادات الخطية
 لأيونات الفلوريد له تماثل مناسب تماماً ليتداخل مع أحد مدارات
 الفلز المركزي من ذات التماثل.
- V نعيد نفس الكرَّة بالنسبة للمدارات π ، فقط نتذكر أن p_x و p_y و اللذان سنجري عليهما عمليات التماثل. نحصل أولا على جدول التحويلات (جدول p_y)

جدول ٥-٦. جدول تحويلات مدارات π.

	E	$C_2(z)$	$C_2(y)$	$C_2(x)$	i	$\sigma(xy)$	$\sigma(xz)$	$\sigma(yz)$
\mathbf{x}_1	\mathbf{x}_1	-x ₁	X ₆	-x ₆	х6	-x ₆	\mathbf{x}_1	-x ₁
X2	x ₂	X4	$-\mathbf{x}_2$	$-x_4$	x_4	\mathbf{x}_2	$-x_4$	$-\mathbf{x_2}$
ж3	Х3	\mathbf{x}_{δ}	-x5	$-x_3$	x_{δ}	x ₃	$-x_3$	$-x_5$
30,0	x 4	x_2	$-\mathbf{x}_4$	$-x_2$	\mathbf{x}_2	ж4	$-x_2$	$-\mathbf{x_4}$
x_5	ж5	x ₃	$-x_3$	$-x_5$	\mathbf{x}_3	x_5	$-x_3$	$-x_3$
χe	x6	$-x_6$	\mathbf{x}_1	$-\mathbf{x}_1$	\mathbf{x}_1	$-\mathbf{x}_1$	x ₆	$-\mathbf{x}_{6}$
y 1	y 1	$-\mathbf{y}_1$	У6	-y ₆	-у6	У 6	$-y_1$	y 1
y 2	У2	У4	$-y_2$	$-y_4$	$-y_4$	$-y_2$	У4	y_2
Уз	Уз	Уs	$-y_5$	$-y_3$	$-\mathbf{y}_5$	$-y_3$	У3	y 5
У4	У4	У2	$-y_4$	$-y_2$	$-y_2$	$-y_4$	У2	У4
Уs	Уδ	Уз	$-y_3$	$-y_3$	$-y_3$	$-y_5$	y 5	Уз
У	У6	$-y_6$	y_1	$-y_1$	$-y_1$	y 1	-y ₆	y 6

من الجدول نحصل على التمثيل القابل للاختزال Γ_{red} ، ويكون كما يلى:

حيث يختزل إلى:

$$\Gamma_{red} \ = \ 2B_{1g} \ + \ 2B_{2g} \ + \ 2B_{3g} \ + \ 2B_{1u} \ + \ 2B_{2u} \ + \ 2B_{3u}$$

٨- للحصول على الاتحادات الخطية لمدارات الفلوريد التي تستخدم في تكوين مدارات π، نضرب كل صف في جدول التحويل في الميز المقابل للتمثيل الذي لا يختزل. وبوضع هذه المعاملات نحصل على الاتحادات التالية:

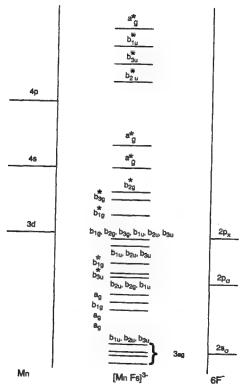
٩- من تعديل الاتحادات نحصل على الاتحادات الخطية التالية:

لقد أصبح لدينا الآن الاتحادات الخطية لمدارات أيونات الفلوريد والتي تملك التماثل المناسب حتى تتداخل، وتكون روابط مع مدارات أيون الفلز المركزي. هذه النتائج جمعناها في جدول ٥-٧.

جدول ٥-٧ المدارات الداخلة في تكوين روابط من كل من الفلز والمجموعات المعطية.

Representation	Ligand Orbitals
Ag	$(1/\sqrt{2})(\sigma_1 + \sigma_6); (1/\sqrt{2})(\sigma_2 + \sigma_4); (1/\sqrt{2})(\sigma_3 + \sigma_5)$
B_{3u}	$(1/\sqrt{2})(\sigma_3-\sigma_5);(1/\sqrt{2})(x_1-x_6);(1/\sqrt{2})(x_2-x_4)$
\mathbf{B}_{2u}	$(1/\sqrt{2})(\sigma_2-\sigma_4);(1/\sqrt{2})(x_3-x_5);(1/\sqrt{2})(y_1+y_6)$
$\mathbf{B_{iu}}$	$(1/\sqrt{2})(\sigma_1-\sigma_6);(1/\sqrt{2})(y_2+y_4);(1/\sqrt{2})(y_3+y_5)$
A_{1g}	$(1/\sqrt{2})(x_2+x_4);(1/\sqrt{2})(x_3+x_5)$
A_{2g}	$(1/\sqrt{2})(x_1+x_6);(1/\sqrt{2})(y_3-y_5)$
A_{3g}	$(1/\sqrt{2})(y_1-y_6);(1/\sqrt{2})(y_2-y_4)$

 ١٠ دون الدخول في تفاصيل تكوين المحددات، التي تحتاج إلى فرض قيم غتلفة لتكامل التداخل، والتكامل الكولومي، إلى آخره، فإن هذا خارج نطاق التماثل والمجموعة، نقول إن نتائج الحسابات أدت إلى الرسم البياني التالي لمستويات طاقة المدارات الجزيئية كما في شكل ٥-٥٠.



 $\left[M_nF_6
ight]^{3-}$. Home limited that the limit of t

يلاحظ ما يل:

- ١ في تعيين المميزات، كانت مساهمة المميز في حالة روابط σ ، تساوي الصغر إذا تغيرت الرابطة، وواحداً إذا لم تتغير. أما في حالة روابط π ، فإن المميز يساوي، بالإضافة إلى ما سبق، (-1) إذا انعكس السهم في مكانه. وهذا هو ما فعلناه في حالة التهجين (الباب الثالث).
- طاقة المدارات الذرية لأيونات الفلوريد أقل من طاقة المدارات الذرية
 لأيون المنجنيز الثلاثي، وذلك لأن الفلوريد أكثر سالبية كهربية.
- ٣ المدار ي2p للفلوريد والذي يكون روابط سيجما، أكثر ثباتاً، أي أقل طاقة من المدارين ي2p و pp دوابط π.
- الألكترونات الموجودة في مدارات التكافؤ (٨ الكترونات لكل فلوريد، و٤ ألكترونات للمنجنيز) تسكّن في المستويات الجزيئية. وقد وجد أن الألكترونات الأربعة والشي لها أعلى طاقة موجودة في المدارات الجزيئية ضد الربط، والتي هي في الأساس مدارات 36.

$[Co(NH_3)_6]^{3+}$ المدارات الجزيئية σ للمتراكب الكاتيوني -3.

سندرس هنا مركباً أخيراً، وليكن المتراكب الأيوني *[(Co(NH₃))]. لكننا سنحاول تبسيط المناقشة، بعيداً عن التفاصيل الكثيرة، طالما يهمنا أمران: الأمر الأول هو دور التماثل، ونظرية المجموعة في تكوين المدارات الجزيئية، بحسب نظرية المدارات الجزيئية، والأمر الثاني تبسيط أي مناقشة قدر ما نستطيع، دون الإخلال، بالطبع، بالمفاهيم العلمية. أما تفاصيل الحسابات المختلفة فيمكن لمن يريد الرجوع إليها في المراجع المتخصصة: حيث يستخدم تقريب هيكيل للمدارات الجزيئية, (HMC)

- المطلوب هو تعيين الرسم البياني لمستويات طاقة المدارات الجزيئية من أرح سيجما (σ) للمتراكب الأيون (σ) 1.
- مدارات التكافؤ هي 3d, 4e, 4p. وبالتالي فنحن نحتاج إلى معرفة التمثيلات التي لا تختزل التي يتبعها كل من هذه المدارات في الجزيء الأيون.
- ٢- هذا المتراكب الأيوني يتبع مجموعة التماثل ٥٥ وبالتالي علينا أن نحتكم إلى جدول المميز للمجموعة ٥٥.

جدول الميز لهذه المجموعة، جزئياً كما يلى:

E _s	$(2z^2 - x^2 - y^2, x^2 - y^2)$
T_{2g}	(xz, yz, xy)
A_{1g}	$x^2+y^2+z^2$
T_{1u}	x, y, z

إذن، فالمدارات مم 3d و موديم3d يتبعان معا التمثيل الثنائي Eg.

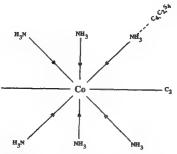
والمدارات ب3d_{rx} , 3d_{rx} , 3d_{rx} , 3d_{rx} . الثلاثي T_a. . المدار 4b يتبع النمط التماثل A_{Is} .

أما المدارات $4p_{x}$, $4p_{y}$, $4p_{z}$ ، نهي تتبع التمثيل الذي لا يختزل T_{1u} . وهذه هي التمثيلات التي لا تختزل التي تتبعها مدارات التكافؤ للمرة

الكوبالت أو أيون الكوبالت الثلاثي +Co³+ .

- السؤال الآن حول مدارات المجموعات المعطية التي تحيط بأيون الكوبالت المركزي، والتي يمكن أن تستخدم في تكوين المدارات سيجما σ . علينا في هذه الحالة أن نعطي لكل رابطة بين أيون الكوبالت ومجموعة الأمونيا رقم و لتكن σ 1، σ 2، إلى آخره، أو أن

نرسم ستة أسهم كما فعلنا في حالة المدارات المهجنة (كما في شكل ٥-١١).



 $[Co(NH_3)_6]^{3+}$ في المتراكب σ في المراكب 11-0.

3 هذه الروابط أو الأسهم الستة، تستعمل قاعدة لتمثيل مجموعة التماثل $_{4}O_{5}$. أي نعين جدول التحويلات كما فعلنا في المثال السابق، وصنترك ذلك للقارىء على أنه نوع من التمرين. وعلينا كما فعلنا في المثال السابق، أن نعتبر فقط الرابطة أو السهم الذي لا تحدث له إزاحة. إذا فعلنا ذلك نحصل على التمثيل القابل للاختزال للمجموعة $_{6}O_{5}$ 0 وهو كما يلى:

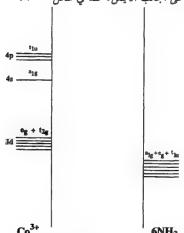
الخطوة التالية هي أن نختزل هذا التمثيل القابل للاختزال إلى
 التمثيلات التي لا تختزل تماما كما فعلنا في الأبواب السابقة،
 باستخدام المعادلة:

$$a_i = \frac{1}{h} \sum_{R} g \chi_i(R) \ \chi(R)$$

ثم الرجوع إلى جدول المميز للمجموعة O. إذا قمنا بذلك نحصل على التمثيلات التي لا تختزل أو أنماط التماثلية التالية:

$$\Gamma'_{red} = A_{1g} + E_g + T_{1u}$$

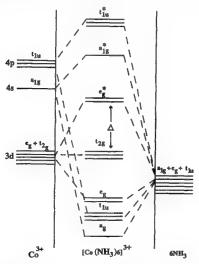
7- لدينا الآن الأنماط التماثلية التي تتبعها مدارات التكافق للأيون المركزي، والأنماط التماثلية لمدارات مجموعات الأمونيا الست، والتي يمكنها تكوين روابط، أو مدارات جزيئية من نوع σ. هذه الزمرات من التمثيلات التي لا تختزل يجب أن ترسم على جانبي الرسم البياني لمستويات طاقة المدارات الجزيئية للمتراكب الأيون، نضع زمرات الأيون المركزي على الجانب الأيسر وزمرات مجموعات الأمونا على الجانب الأيمن، كما في شكار ٥-١٠٠.



و المعادد المسلمات التماثلية للأيون المركزي ومجموحات الأمونيا في المتراكب الأيوني ⁴⁸ (Co(NH₃)

يلاحظ من الشكل السابق (٥-١٦) وجود زمرة واحدة من المدارات توجد على جانب واحد من الرسم البياني، ولايوجد ما يقابلها على الجانب الآخر من المدارات التماثلية. هذه الزمرة T_2 من مدارات أيون الفلز المركزي، ولا يوجد ما يقابلها في زمرات المدارات التي تستخدمها المجموعات المعطية الست (الأمونيا في الحالة الراهنة).

إن معنى وجود زمرة من المدارات التماثلية على أحد الجانبين دون الآخر، هو أن هذه الزمرة من المدارات تظل كما هي مدارات غير رابطة (Non-bonding)، وتظل في نفس مستوى الطاقة دون تغيير. جميع الزمرات الأخرى من المدارات تتحد لتكوين مدارات جزيئية رابطة أو غير رابطة.



شكل ٥-١٣. مستويات طافة المدارات الجزيئية في المتراكب *(NH3)وات

لقد بينت الحسابات أن الرسم البياني لستويات الطاقة للمدارات الجنيئية لهذا المتراكب هو كما في شكل ٥-١٣٠. في المتراكب الحاردة الدارات التي نهتم بها. هذه الألكترونات تملأ المدارات الجزيئية الرابطة حيث يوجد ستة أزواج، ثم ثلاثة أزواج من الألكترونات في المدارات غير الرابطة (ه1) والتي تخص في الأساس العنصر المركزي.

لو أننا اعتبرنا الانفصال الذي بين الزمرة يدء وزمرة المستويات ﴿ عَ يساوي △، تكون النتيجة مشابهة لما نحصل عليه من استخدام نظرية المجموعات المعطية.

الباب السادس

الاهتزازات الجزيئية

الاهتزازات أو النبنبات الجزيئية MOLECULAR VIBRATIONS

٦ - ١. مقدمة

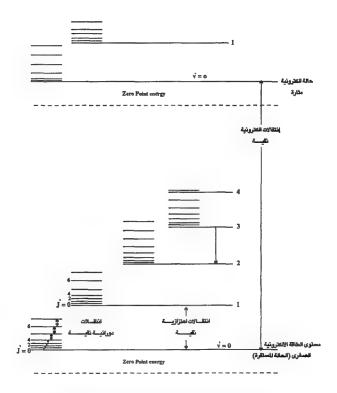
يمتلك أي جزىء ثلاثة أنواع من الطاقة الداخلية (Internal Energy). هذه الأنواع الثلاثة بحسب زيادة قيمها هي:

١ – طاقة دوران الجزيء ككل.

٢ - طاقة اهتزاز ذرات الجزيء معاً.

٣ – الطاقة الألكترونية الناتجة عن حركة الألكترونات في الجزيء.

ويرجع هذا التقسيم إلى حقيقة أن سرعة الألكترونات أكبر كثيراً من سرعة ذبذبة الأنوية (Nuclei)، وهذه الأخيرة بدورها أكبر بكثير من سرعة دوران الجزيء. ولما كانت مستويات الدوران متقاربة نسبيا من بعضها البعض فإن الانتقال بينها يحدث عند ترددات منخفضة (أي موجات طويلة)، وتظهر أطيساف الدوران البحتة (Pure) في المدى بين اسم (۱۰۰ ميكرون) أما في حالة اهتزاز أو ذبذبة الجزيء، فإن الانفصال (Separation) بين مستويات طاقة الاهتزازات يكون كبراً. ومن ثم يحدث الانتقال بينها عند ترددات عالية (أطوال موجية قصيرة) عما هو في حالة دوران الجزيء. نتيجة لذلك فإن أطياف الاهتزاز البحت تظهر في المنطقة الطيفية من ۲۰ سم (۲۰ ميكرون) إلى ۱۰ سم من ويرون) أما يردرون في العادة متباعدة مين بعضها، ولذا تظهر الأطياف الالكترونية تكون في العادة متباعدة عن بعضها، ولذا تظهر الأطياف الالكترونية بين ۲۰ سم (۱۰ ميكرون)



شكل ٦ - ١.مستويات الطاقة في جزيء ثنائي الذرة (المسافة الحقيقية بين مستويات الطاقة الألكترونية أكبر كثيرا. بينما تلك الني بين المستويات المدورانية أقل كثيراً عا يبدو في ذلك الشكل)

والألكترونية تظهر في منطقة الميكروويف (Microwaves)، والأشعة تحت الحمراء البعيدة والعادية ثم في المنطقة المرئية وفوق البنفسجية من الطيف، على التوالى. ويبين شكل ٦ - ١ هذه الأنواع الثلاثة من الانتقالات.

يلاحظ وجود منطقة تسمى طاقة نقطة الصفر (Zero point energy) ومن وهي توجد حتى عند درجة الصفر المطلق نتيجة للاهتزاز النووي. ومن المهم التنويه بأن هذه الانتقالات لا يمكن حدوثها جيعاً. ولكي نحدد أن هذا الانتقال أو ذاك يمكن حدوثه أو مسموح به (Allowed)، أو هو انتقال غير عمكن أو عنوعا (Forebidden) يجب الرجوع إلى قواعد الاختيار Selection Rules. هذه القواعد بدورها بحدها تماثل الجزيء.

لقد أوضحنا في باب سابق كيفية استخدام التماثل الجزيئي في تناول وفهم الأطياف والحالات الألكترونية لأنواع مختلفة من الجزيئات. ولما كانت طاقة دوران الجزيء لا تتأثر بخواصه التماثلية، لذلك لن نتعرض للأطياف الدورانية. وفي هذا الباب سنتناول بالدراسة والتحليل الذبذبات الجزيئية والتي يطبق عليها التماثل وخواصه بطريقة خلاقة ومثمرة.

وحتى يمكن فهم وتخمين طيف الأشعة تحت الحمراء، أو طيف التذبذب لجزيء ما، فإننا بحاجة إلى الإجابة عن الأسئلة التالية:

١ - ما الانتقالات الطيفية المحتملة نظرياً.

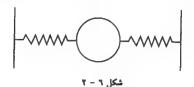
 ٢ - أي هذه الانتقالات يتوقع مشاهدتها بدرجة كافية من القوة (Intensity)؟ ومن ثم كم عدد حزم الامتصاص الطيفي Absorption)
 التوقع مشاهدتها؟

٣ - ما الترددات (أو الطاقة) التي تظهر عندها تلك الحزم الطيفية؟

وهذه الأسئلة بالطبع هي نفس الأسئلة بالنسبة لأي طيف امتصاص، وطالما أن أطياف الأشعة تحت الحمراء، والتي نحن بصدها تنتج عن الحركة الاهتزازية، أو تذبذب الذرات أو النويات في الجزىء، فإن علينا أن نتناول تلك الحركة الاهتزازية فيزيائياً.

٦ - ٢. المتذبذب التوافقي أو الهارموني واللاهارموني

إذا إمسكت كرة (أو أي جسم) بواسطة سلك زنبركي مثبت بين نقطتين، أو عند نهايتيه، كما في شكل ٦ - ٢، وحركت الكرة في اتجاه



إحدى النقطتين، فإنها تتحرك خطياً (أي على طول الخط الواصل بين النقطتين). إزاحة الكرة عن موضع توازنها يولد قوة حافظة (Restoring تعمل على إعادة الكرة إلى موضع التوازن. هذه القوة الحافظة تتناسب طردياً مع الإزاحة (Displacement). بحسب قانون هوك Hoock فإن:

$$(\ \ -7) \qquad \qquad f = kx$$

حيث لا ثابت يسمى ثابت القوة (Force constant)، أي القوة الخافظة في وحدة الإزاحة. ثابت القوة هذا مقياس لصلابة السلك، وكلما كان السلك صلباً كان الثابت لا كبيراً.

إذا أزحنا الكرة ثم تركناها حرة، فإنها تقوم بحركة اهتزازية، أي أنها تتذبذب أو تهتز في حركة هارمونية بسيطة. فإذا طبق قانون هوك، فإن تردد هذه الحركة الاهتزازية يعمر عنه بالمعادلة التالية:

$$(\Upsilon - \Upsilon) \qquad \qquad \nu = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حيث *لا* التردد.

m كتلة الكرة أو الجسم.

فإن أردنا التعبير عن التردد بالعدد الموجي (Wavenumber ، Þ)، فإن الممادلة الأخيرة تصبح:

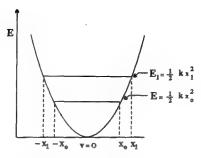
$$\tilde{\nu} = \frac{1}{2\pi c} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حيث c سرعة الضوء.

من المعروف أن الطاقة الكلية لأي جسم هي كمية ثابتة، فإذا أهملنا ما يفقد نتيجة للاحتكاك، فإنها عند أي لحظة تساوي مجموع طاقة الحركة (Kinetic Energy) وطاقة الوضع (أو الكمون) (Potential Energy). طاقة الوضع V عند النقطة x1 نحصل عليها من تكامل المعادلة ٢ - ١، أي:

$$V = \int_0^{x_1} f dx$$
$$= \int_0^{x_1} kx dx$$
$$= \frac{1}{2}kx_1^2$$

ويكون موضع التوازن حيث 0 = ٧، أي حينما تساوي طاقة الوضع صفراً. والرسم التخطيطي لطاقة الوضع للمتذبذب



شكل ٦ - ٣. طاقة الوضع للمتلبلب الهارموني البسيط

الهارموني البسيط، دالة للازاحة يكون على شكل القطع (Parabola)، كما في شكل ٦ - ٣.

فإذا كانت الإزاحة الأولية للكرة إلى النقطة م، فإن طاقة الحركة عند هذه النقطة تساوي صفراً طالما أن الكرة لم تتحرك، وتكون الطاقة الكلية طاقة وضع، فإذا تركت الكرة حرة فإنها تتحرك إلى النقطة م٠-، حيث تصل إلى التوقف اللحظي مرة أخرى. عند هذه النقطة أيضا تكون طاقة الحركة مساوية للصفر. وبينما طاقة الوضع تساوي الصفر عند منتصف المسافة، فإن طاقة الحركة تكون أكبر ما يمكن، أي تكون الطاقة الكلية عبارة عن طاقة حركة فقط. الخط الأفقي، بالتالي يمثل مجموع طاقتي الحركة والوضع، ومن ثم يكون ثابتاً.

في هذا المتذبذب الهارموني التقليدي أو الكلاسيكي، تكون أي كمية من الطاقة ممكنة أو مسموح بها، طالما أن الطاقة الكلية تعتمد فقط على ثابت القوة ومقدار الإزاحة.

هذا النموذج التقليدي لا يطبق على الجسيمات متناهية الصغر، مثل الذرات والجزيئات، وذلك لأن النظام الجزيئي لا يوجد في حالة طاقة مستمرة (Contineous energy state)، ولكن في مستويات كمية محددة

الطاقة. من هنا فإن الحركة الديناميكية للجسيمات المتناهية الصغر تحتاج إلى ميكانيكا الكم (Quantum Mechanics) لدراستها. ويتطبيق ميكانيكا الكم في هذه الحالة فإن الطاقة الممكنة، على اعتبار أن المتذبذب من النوع الهارموني البسيط، هي:

$$(\xi - \tau) \qquad \qquad E_v = (v + 1/2) \frac{h}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حيث v عدد صحيح يساوي صفراً، ١، ٣، ٢، ٣. . . . إلى آخره، ويسمى العدد الكمي التذبذبي (Vibration quantum number) E طاقة تذبذب الحالة المعينة .

فإذا عوضنا عن قيمة التردد من المعادلة ٦ - ٢، في المعادلة الأخيرة نحصل على:

(0 -
$$7$$
) $E_v = (v + 1/2)h\nu$

وفي حالة التعبير بالعدد الموجي، تصبح المعادلة كما يلي:

$$(7 - 7) E_v = (v + 1/2)hc\tilde{\nu}$$

والمعادلة الأخيرة تفيدنا بما يأتي:

ا- طاقة المتذبذب الهارموني يمكن أن تأخذ فقط القيم الموجبة لنصف العدد الصحيح من الكم، أو من الكمية h
u

٢ - تكون المسافة بين مستويات طاقة التذبذب متساوية.

٣ - أقل طاقة بمكنة، أي قيمة الطاقة حينما تكون 0 = v ، هي v/12h
 ومن ثم فحتى عند درجة الصفر المطلق يوجد ما يسمى بـ (طاقة نقطة الصفر)، والتي تساوي نصف كم من الطاقة.

٥ - ٣ - نبلبة أو اهتزاز جزيء ثنائي اللرة

الحركة الاهتزازية لجزيء ثنائي الذرة، يمكن تحليلها على اعتبار أن الجزيء يتكون من كرتين ترتبطان بسلك زنبركي. حينما يُشَدُّ للخارج كرتان أو جسيمان كتلتاهما m2 m2 يرتبطان معا بسلك زنبركي، ثم يُترُكان، فإن النظام يهتز بحركة هرمونية تقريباً. تردد هذا الاهتزاز على افتراض أنه تذبذب هارموني بسيط، معبراً عنه بالعدد المرجى، يعطى بالمعادلة.

$$\bar{\nu} = \frac{1}{2\pi c} \sqrt{\frac{k}{\mu}}$$

هذه المعادلة مثل المعادلة ٣ - ٣، ولكننا استبدلنا الكتلة m بـ μ أو ما يسمى «الكتلة المختزلة أو المخفضة» (reduced mass) والتي تعرف بأنها:

$$\mu = \frac{m_1 \ m_2}{m_1 + m_2}$$

كما هو واضح فإن باحلال كتلتي الجسيمين، m₂ ، m₁ بكتلة واحدة مفردة، أمكن التعبير عن حركة الجسيمين وكأنهما حركة جسيم مفرد. ومع ذلك، فإن طاقة الوضع لجزيء ثناتي الذرة حقيقي لا يمكن وصفها بصورة دقيقة بالمعادلة T - V والتي هي معادلة قطع مكافىء كامل. أما الحركة الحقيقية لجزيء ثناتي الذرة فهي حركة غير هارمونية إلى حَدّ ما، يمثلها منحنى مورس (Morse)، كما في شكل T - 2 (ج). ويلاحظ أن هذا المنحنى ليس قطعا مكافئاً كاملاً، إلا في الجزء المقابل الطاقات المنخفضة.

طاقة مستويات الاهتزاز في المتذبذب غير الهارموني تكون عموما أقل من مثيلاتها في المتذبذب الهارموني، ويمكن التعبير عنها بالمعادلة التالية:

(A-7)
$$E_v = (v+1/2)h\nu - (v+1/2)^2h\nu x_e + (v+1/2)^3h\nu y_e - ...$$

حيث الثوابت ،x., به هي ثوابت عدم الهارمونية، وهي عادة صغرة، كما أنها أعداد موجبة.

هذا الحيود عن التذبذب الهارموني يحدث في جميع الجزيئات، ويتعاظم كلما زاد العدد الكمي الاحتزازي. ومع هذا فإن افتراض التذبذب الهارموني يكون دقيقاً بدرجة كافية لبعض الأغراض، مثل وصف التذبذبات الأساسية.

٦ قواصد الاختيار أو شروط امتصاص الأشعة تحت الحمراء Selection Rules

إن شروط امتصاص أو انبعاث الطاقة الاهتزازية لجزي، في المنطقة تحت الحمراء هي حدوث تغير في العزم ثنائي القطبية في أثناء الاهتزاز، أي أن الاهتزاز يجب أن ينتج إزاحة مؤقتة في مركز الثقل الكهربي. هذه هي القاعدة الأولى للاختيار. معنى ذلك أن شد أو انضغاط الجزيئات ثنائية الذرة من نوع (A2) حيث تتشابه الذرتان، لن يمتص الأشعة تحت الحمراء، وذلك لأن العزم القطبي للجزيء لن يتغير في أثناء هذا الاهتزاز. بحسب تلك القاعدة فإن أي تغير في قيمة أو اتجاء العزم القطبي خلال التذبذب يؤدي إلى وجود قطب متذبذب (Oscillating Dipole) مع جزء أو عنصر (Component) مع المجال الكهربي المتذبذب للأشعة تحت الحمراء، ومن ثم يمكن للجزيء أن يمتص تلك الأشعة.

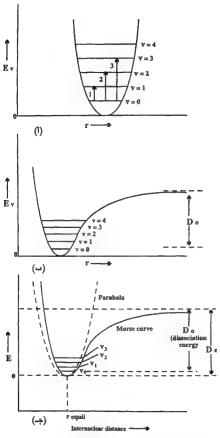
قاعدة الاختيار الثانية، هي في الأساس خاصة بالتذبذب الهارموني، ولكنها تستخدم هنا حالة تقريبية فقط، وهي تنص على أنه في حالة امتصاص الأشعة فإن الانتقالات (Transitions) التي تحدث فقط هي تلك التي تحقق الشرط بأن 1+2 $\Delta v = 1$. وهكذا فإن الانتقالات من 1+2 إلى 1+2 ومن 1+3 إلى 1+3 إلى 1+3 أخره، هي انتقالات ممكنة الحدوث.

ولكن لأن جميع مستويات التذبذب تكون متساوية البعد عن بعضها فإن جميع الانتقالات تكون متراكبة على الانتقال 1-0=v وتحدث بنفس الطاقة، أي عند نفس التردد. وهكذا فإن حزمة قوية واحدة هي التي تظهر، مقابلة للطاقة المطلوبة للانتقال من مستوى التذبذب في الحالة الأرضية (Ground State) v=0 (Ground State) الأولى (First Excited State). وهذا الاهتزاز 1-0=v هو اهتزاز أو تنبذب أساسي (Fundamental vibration). بحسب قاعدة الاختيار السابقة فإن الإشعاع الذي طاقته تساوي الطاقة المبينة بالأسهم 1، 1 في شكل 1 (أ)، لن يحدث انتقالات تذبذبية في الجزيء.

حتى في الحالات اللاهارمونية فإن الانتقالات من مستوى v=1 إلى مستويات الاهتزازات الأعلى ليست مهمة. وذلك لأن معظم الجزيئات تكون في مستوى التذبذب v=1 عند درجة حرارة الغرفة وما تحتها. ومع ذلك فإن لا هارمونية الجزيئات الحقيقية تسمح بوجود انتقالات من v=1 ذلك فإن لا هارمونية الجزيئات الحقيقية تسمح بوجود انتقالات من v=1 ألانتقال المشار إليه بالسهم v=1 عدث عند تردد يساوي تقريباً ضعف التردد الأساسي v=1 أما الانتقال المشار إليه بالسهم v=1 فيحدث عند تردد يساوي تقريباً شعف الترددين الأصافيين أو المضاعفين (Overtones)، الأول والثاني على التوالي. شدة التردد المضاعف الأول أقل من التردد الأساسي، وشدة الترد المضاعف الناؤل.

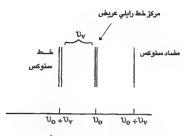
Selection Rules for Raman Spectra مانية رامان الاختيار لطيانية رامان - ٦

مطيافية رامان تختص هي الأخرى بالانتقالات بين مستويات التذبذب ومستويات الدوران الجزيئية، وبهذا فهي تشبه مطيافية الأشعة



شكل ٦-٤ . (أ) متذبذب هارموني (ب) متذبذب لا هارموني (ج) منحتى مورس ومقارنة بين الحالتين.

تحت الحمراء، وعلى الرغم من ذلك فالأصل في كل منهما يختلف تماماً عن الآخر. فامتصاص الأشعة تحت الحمراء ينتج عن الانتقالات بين مستويات التذبذب في الجزيء من الحالة الأرضية. هذه الانتقالات تظهر على شكل أطياف امتصاص في المنطقة تحت الحمراء. أما في مطيافية رامان، فيسقط على العينة شعاع من الضوء أحادي الموجة (Monochromatic)، بينما يلاحظ الضوء المشتت أو المعثر (Scatterod Light) بزوايا قائمة بالنسبة للضوء الساقط. فإذا تصادم اكم ا (Quantum) من الضوء الساقط والذى تردده سن وطاقته ملك مع جزيء ما، ثم تشتت دون تغير في تردده، فإن ذلك يسمى اتشتت رايلي) Rayleigh Scattering. من الممكن أيضا لـ اكم) ساقط أن بسبب انتقالا في الجزيء من خلال «الحث» (Induction) وللتبسيط نعتبر انتقالا من الحالة الأرضية إلى حالة التذبذب الأول (أى من v = 0 إلى v=1 في جزىء ثنائي الذرة. فإذا كان فرق التردد بين v=1 هو v=1الطاقة بين هاتين الحالتين بالتالي هو bw. كم الضوء الذي يتشتت يكون تردده الآن، أي بعد إثارة الجزي، هو $-\nu$ $-\nu$. وينتج عن ذلك ما يسمى اخط ستوكس) (Stokes Line) المبين في شكل ٦ - ٥. قيمة ٧٠ المقاسة تتشابه مع تردد الأشعة تحت الحمراء الذي يجب أن يشر هذا التذبذب إلى ما كان نشيطاً بالنسبة لمطيافية الأشعة تحت الحمراء، أو ما يسمى -Infrared active. الجزىء الذي في حالة التذبذب المثارة v = 1 يمكن أن يتصادم مع كم من الضوء الساقط، تردده ٧٥. هذا الجزىء يمكنه العودة إلى الحالة الأرضية بإعطاء طاقته الإضافية إلى فوتون ضوئي ذلك الفوتون حيث يتشتت يكون تردده هو ٧٠ + ١٠٠٠ خط الطيف الذي له ذلك التردد يطلق عليه اخط مضاد ستوكس (Anti-stokes Line)، انظر شكل ٦ - ٥. ولما كان هناك أكثر من ميكانيكية (Mochanism) للعودة إلى الحالة الأرضية، فإن عدد الجزيئات في الحالة 1 = ٧ يكون أقل من العدد الموجود في الحالة



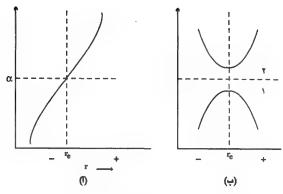
شكل ٦ - ٥. الخطوط التي تظهر في أطياف رامان

 0 = v ، ولذلك فإن شدة خط مضاد ستوكس تكون أقل بكثير عن شدة خط ستوكس. وهكذا تظهر ترددات التذبذب في مطيافية رامان كـ (إزاحة) عن التردد الأصلي تسمى (ازاحة رامان) (Raman Shiñ).

كما ذكرنا سابقاً فإن شروط الاهتزازات النشيطة في مطياف رامان، أو ما يسمى قواعد الاختيار، لا بد أن تختلف عن قواعد مطيافية الأشعة تحت الحمراء. ولكي يكون تذبذب ما نشيطاً في مطياف رامان، فإن التغير في استقطابية الجزيء (Polarizability) بالنسبة للحركة الاهتزازية يجب ألا تساوي الصفر عند موضع الاتزان للتذبذب أو الاهتزاز العادي، أو:

$(\partial \alpha/\partial r)r_e \neq 0$

حيث α هي الاستقطابية ، α هي المسافة بطول الإحداثي العادي . إذا رسمت الاستقطابية مع المسافة من موقع الاتزان وكان الناتج ما يمثله الشكل 7-7-(1) ، يكون هذا التنبذب نشيطاً بالنسبة لرامان . أما إذا كان المنحنى يشبه ذلك الذي في شكل 7-7-(-) (1 أو 7) فإن 7-7 تساوي الصفر عند موقع الاتزان أو بالقرب منه ، وبالتالي يكون هذا الاهتزاز غير نشيط بالنسبة لرامان . وكما يرى من شكل 7-7 فإن الاهتزاز



شكل ٦-٦. الاستقطابية كدالة للمسافة (r)

المرسوم في (أ) ينتج عن تغير ملحوظ في الاستقطابية في المنطقة التي حول موقع التوازن، أما شكل (ب) فيدل على عدم وجود تغير يذكر في الاستقطابية. لذلك فإن قاعدة الاختيار بالنسبة لمطياف رامان، غالباً ما ينص على ما يلي: لكي يكون اهتزاز ما نشيطاً بالنسبة لطيف رامان، يجب أن يحدث تغيراً في الاستقطابية في أثناء الاهتزاز.

ولكي نوضح الفرق بين شروط الاهتزازات النشيطة في كل من الأشعة تحت الحمراء ومطياف رامان، نأخذ جزيء CO_2 الخطى. لهذا الجزيء، ضمن اهتزازاته الأخرى، اهتزازان، أحدهما يسمى (شد تام المتماثل) (Completely Symmetric Stretch) مبين في شكل V-V (أ) و(ج) هما الحدود القصوى للشد أو انضغاط الجزيء في هذا التنبذب، بالنسبة للوضع التوازن (ب). ويقابلان نهايتي المنحنى (أ) في شكل V-V، وهذا يعني أنهما تشكيلان أكثر استقطابية من (ب). هذا الاهتزاز بناء على قواعد الاختيار يكون نشيطاً بالنسبة للأشعة تحت الحمراء، وغير نشيط بالنسبة للطيافية رامان. وعلى العكس من ذلك، فإن استقطابية الجزيء تتغير في لطيافية رامان. وعلى العكس من ذلك، فإن استقطابية الجزيء تتغير في

أثناء الشد اللامتماثل (Antisymmetric Stretch) كما في شكل ٦-٦ (ب)، أي أنها لا تتغير، ومن ثم يكون هذا الاهتزاز غير نشيط بالنسبة لمطياف رامان، بينما هو نشيط بالنسبة للأشعة تحت الحمراء وذلك لأن العزم ثناثي القطبي يتغير.

شكل ٧-٦. بعض تلبلبات جزيء CO2

ثمة تعميم مهم بالنسبة لدراسات الأطياف الخاصة بتعيين التركيبات المختلفة للجزيئات، تترتب على ذلك. هذا التعميم هو: في أي جزيء يعتوي على مركز تماثل، لا توجد خطوط أو حزم اهتزاز أساسية مشتركة في أطياف الأشعة تحت الحمراء وأطياف رامان. ومعنى ذلك أنه في الجزيء الذي يوجد به مركز تماثل فإن الاهتزازات الأساسية النشيطة في الأشعة تحت الحمراء تكون غير نشيطة في أطياف رامان، والعكس صحيح بالطبع.

٦-٦ عدد الاهتزازات في الجزيئات عديدة الذرات

Number of Vibrations in Polyatomic Molecules

للجزيء ثنائي الذرة، اهتزاز واحد ممكن، وهو الذي ينتج عن شد (Compressing) أو انضغاط (Etretching) المسافة التي بين الذرتين على طول المحور الجزيشي. هذا التذبذب يسمى اهتزاز أو تذبذب شد تماثلي (Symmetric Stretching Vibration) وحتى يمكن تصنيف مختلف الاهتزازات الممكنة (شد، زاوية في المستوى Bending in-plane، زاوية خارج المستوى Out-fo-plane) في الجزيئات المكونة من أكثر من ذرتين يجب تحديد أماكن الذرات بالنسبة لبعضها.

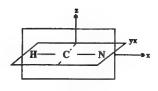
إذا كان لدينا ذرة واحدة في نظام إحداثي كارتيزي، فإن هذه الذرة يمكنها أن تتحرك في اتجاه المحور x باستقلال كامل عن حركتها في المحورين الآخرين ٣, ٤ وينفس الطريقة يمكنها الحركة المستقلة في اتجاه كل من المحور y والمحور z. ويقال إن لهذه الذرة ثلاث درجات حرية Degrees of Freedum. فإذا كان لدينا جزىء يحتوى على عدد n ذرة يكون له 3n من درجات الحرية، أو بمعنى آخر إن التسكين أو التحديد التام لمواقع جميع الذرات يحتاج إلى 3n إحداثيات، ثلاثة إحداثيات لكل ذرة. تنقلات الجزيء بشكل كلى في الفراغ، أو بمعنى آخر موقع الجزيء أو موقع مركز الثقل في الفراغ يحدد بثلاث من درجات الحرية. ثلاث درجات أخر من درجات الحرية مطلوبة لتعيين اتجاه أو توجه الجزيء (Orientation) غير الخطى. وطالما أن حركات الجزيء المكنة هي تنقلية (Translation) ودورانية Rotation واهتزاية، إذن يبقى لدينا عدد 6-3n من درجات الحرية، بالنسبة للجزيء غير الخطى أو 3n-5 للجزيء الخطي، وهي التي تعين مواقع الذرات بالنسبة لبعضها البعض الآخر، أي الحركات الاهتزازية، ومن ثم ينتج عنها تغيير في أطوال الروابط أو في الزوايا داخل الجزيء. يطلق على هذه الـ 3n-6 أو 3n-5 اسم «الأوضاع الطبيعية للتذبذب أو الاهتزاز، Normal Modes of Virbation. وتعرف الأوضاع الطبيعية بأنها تلك التي تمثل الحركات المستقلة المتكررة في الجزيء باعتباره متذبذباً هارمونياً، كما أن مركز الثقل للجزيء لا يتغير مع الذبذبات المصاحبة للأوضاع الطبيعية.

إن اهتزاز جزىء ما يمكن تحليله إلى عدد من العناصر يساوى عدد درجات الحرية للاهتزازات. ويمكن القيام بهذا التحليل بعدد كبير من الطرق، تماما مثلما نحلل متجهاً (Vector) إلى ثلاثة عناصر بعدد كبير من الطرق. (عناصر متجه ما تعين في العادة من خلال الساقط على محاور النظام الإحداثي العادي x, y, z، ولكن يمكن تعريفها أو تحديدها أيضا. بنفس القدر من خلال المساقط على أي نظام إحداثي دوراني (Rotating)، أو أي نظام آخر). وبالمثل هناك طريقة مفضلة لتحليل الحركة الاهتزازية للجزيء إلى عناصر (Components) أي ما يسمى «الاهتزازات الطبيعية» Normal Vibrations، أي الـ 6-3n للجزيء غير الخطي و 5-3n للجزيء الخطى. والتقنية التي تقوم بذلك هي ما يعرف باسم «التحليل الإحداثي الطبيعي، Normal Coordinate Analysis . وهذا التحليل يشمل حل مشكلة الميكانيكا التقليدية للتذبذبات الجزيئية على افتراض صورة خاصة من طاقة الوضع (عادة يستخدم نموذج مجال قوى التكافؤ حيث يفترض أن القوى التي تحفظ الجزيء في وضعه المستقر تشكل تلك القوى التي تعمل على خط كل رابطة والقوى الأخرى التي تعارض تغيير الزاوية بين الروابط المتجاورة). ومع أن نتائج هذه الحسابات تعطى ثوابت القوة وتدل بدقة على شكل كل تردد، إلا أنها ليست سهلة التعيين لأنها على وجه الخصوص تحتاج إلى معرفة قوى التجاذب والتنافر بين جميع أزواج الذرات بدلالة المسافة بين الذرات). على الرغم من ذلك هنالك ما يسمى «الاهتزازات التماثلية) Symmetry Vibrations أو الإحداثيات التماثلية Symmetry . Coordinates وهي من عدة وجوه، مشابهة للمدارات التماثلية وتعين بنفس الطريقة بواسطة استخدام معاملات المساقط Projection operators، وهي العملية التي لا تحتاج إلى أكثر من معرفة تماثل الجزيء. وما سيقال هنا، يعود إلى الإحداثيات التماثلية، أما التحليل الإحداثي الطبيعي، فيمكن الرجوع إليه في الكتب المتخصصة.

للجزيء الذي يحتوي على n ذرة يوجد 3n درجات حرية، كما ذكرنا سابقاً. ثلاث منها للتنقل، وثلاث لدوران الجزيء غير الخطي و 3n-6 للاهتزاز – ولما كانت الدرجات الـ 3n تعامل مرة واحدة معا، فإن الثلاثة الأولى والثانية (أو اثنتين في حالة الجزيئات الخطية)، والتي لن تغير المواقع النسبية للذرات تسمى عادة أوضاعاً غير أصيلة Non-genuine. ولذلك يوجد 3n-6 ذبذبات حقيقية أو أصيلة Genuine للجزيء غير الخطي، أو 3c-3 للجزيئات الخطية، وهي ما أطلق عليه الاهتزازات الطبيعية.

للجزيء ثنائي الذرة، حيث n=2 ، n=3. يوجد اهتزاز أساسي واحد فقط، وهو بالضرورة اهتزاز شد (Stretching mode). (Stretching mode) وعموما في المركبات غير الحلقية والتي تتكون من n ذرة، يوجد عادة n-1 تنبذب شد، وذلك لوجود n-1 رابطة كل منها يمكنه القيام بعملية الشد بصورة مستقلة عَاماً. وطالما أن مجموع الذبذبات الطبيعية للجزيء الخطي هو n-1 أين يحون لجزيء n-1 أربعة اهتزازات أساسية، منها ذبذبتي شد وذبذبتان أن يكون لجزيء HCN أربعة اهتزازات أساسية، منها ذبذبتي شد وذبذبتان زاويتان. وكما ذكرنا سابقا، في حالة الاهتزازات غير الهارمونية لا بد أن نتوقع وجود حزم طيفية أخرى تقابل انتقالات أخرى غير الانتقالات الأساسية، مثل المتضاعفات وكذلك الحزم التجميعية Combination bands

وعلى سبيل المثال، طيف جزي HCN يحتوي على عدد من الحزم الطيفية. الحزمتان اللتان عند التردد 1 1 1 2 1 1 1 2 1 2 2 2 المتزازي الشد الأساسيين 2



شکل ۲-۸

الزاوية ۱۸۰ + لجزيء H-C-N، فإن تحللهما يمكن التحقق منه على ضوء ما يلي. جزيء HCN يتبع المجموعة + ويالتالي يشمل عدداً لا نهائياً من مستويات التماثل الرأسية. الحركات الزاوية أو التي تسبب انحناء الجزيء في أي مستويين متعامدين هما تذبذبان مستقلان، ولكن كما هو واضح لهما نفس الطاقة. فإذا سكن الجزيء في مستوى الورقة شكل (+ فإن الاهتزاز الزاوي إما أن يكون في مستوى الورقة (+ أو عمودي على مستوى الورقة (+ الاهتزار الزاوي إما أن يكون في مستوى الورقة (+ الورقة (+ الله مستوى الورقة).

الحزمة الطيفية الضعيفة التي عند ١٤٣٣ سم (هي المتضاعف الأول للتذبذب الزاوي (هارمونيا يتوقع ظهور هذا المتضاعف عند ٧٢٧ × ٢ = 1.80 سم ()، أما الحزمة الضعيفة التي ترددها ٢٨٠٠سم أ، فهي حزمة تجميعية لتذبذب الشد = 1.80 .

لنأخذ مثالا آخر وليكن جزيء CO2. هذا الجزيء مثل الجزيء السابق يتكون من ثلاث ذرات، وبالتالي نتوقع أربع اهتزازات طبيعية. اثنان منهما اهتزازي شد والآخران زاويان. الاهتزازان الأولان يمكن أن يرجعا إلى الإزاحة المبينة في الشكل ٦-٩-(أ) و٦-٩-(ب). في الشكل (أ) يؤدي الاهتزاز إلى إزاحة ذري الأكسجين بعيدا أو قريبا من ذرة الكربون، أي أن الجزيء يحتفظ بتماثله، ومن ثم يُطلق على هذا الاهتزاز اهتزاز شد تماثلي. ولأن في الجزيء مركز تماثل، وهذا الاهتزاز يحفظه كما هو،

وبالتالي لا يحدث أي تغيير في العزم ثنائي القطبية، فإن هذا الانتقال، أو الاهتزاز وكل مضاعفاته غير مسموح به، وبالتالي لا يظهر في الأطياف تحت الحمراء. الاهتزاز المين في الشكل (ب)، هو أيضا اهتزاز شد، وذلك لأن أطوال الرابطة فقط هي التي تتغير طولا أو قصرا، لكن مع هذا نلاحظ أن إحدى الرابطتين تطول في الوقت الذي تقصر فيه الرابطة الأخرى. وهذا يعنى أن الجزيء أثناء الاهتزاز يفقد التماثل، ومن ثم يكون له عزم ثنائي القطبية، أي يحدث تغيرا في العزم ثنائي القطبية أثناء الاهتزاز. هذا الشد يسمى شَدٌّ غير متماثل أو لا تماثل، وهو نشيط في الأطياف تحت الحمراء. الاهتزازان الزاويان يقابلا الشكل (جـ) الذي يوضح تغير الزاوية (OCO). هذا التغير في الزاوية يؤدي بدوره إلى وجود عزم ثنائي القطبية أثناء الاهتزاز، رغم أن الجزيء في الأصل ليس له عزم ثنائي القطبية. ولأن الاهتزازين لا يختلفا إلا في الإتجاهات، تكون الطاقة لكل منهما متساوية ومن هنا فهما متحللان (Degenerate). وهكذا وبسبب التغير في العزم القطبي يكونا نشيطين في مطيافية تحت الحمراء، ويظهرا كحزمة طيفية واحدة. وكما سنرى فيما بعد فإن التماثل يساعد تماما على تخمين عدد التذبذبات المتحللة. وهكذا فإن طيف الامتصاص للأشعة تحت

الحمراء لجزيء CO2 يحتوي على حزمتي امتصاص قويتين عند CO2 المتحلل نتيجة لاهتزاز الشد اللامتحائل ولا ، أما الاهتزاز الزاوي المتحلل ولا ، أما الاهتزاز الزاوي المتحلل ولا ، أما الاهتزاز الزاوي المتحلل الاهتزاز الأساسي لجزيء CO2 ، غير النشيط بالنسبة للأشعة تحت الحمراء ، الاهتزاز الأساسي لجزيء CO2 ، غير النشيط بالنسبة للأشعة تحت الحمراء ، بينما يكون نشيطاً بالنسبة لأطياف رامان يظهر في المطيافية الأخيرة عند ١٣٤٩ سم ، ويرمز له بالرمز الا في الواقع فإن الحزمة الأخيرة هي عبارة عن ثنائي (Doublet) عالي الشدة ، قمتيه (Peak) عند ١٢٨٦ سم ، والمسلم المناسي المسلم المناسي المسلم المناس المناس

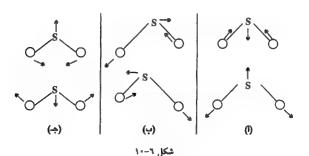
الرموز تستخدم للدلالة على ترددات الاهتزازات الأساسية، ويجب ألا يحدث خلط مع الرموز السابقة وم ، ٧١ , ٧٥ ، التي استخدمت للدلالة على مستويات الاهتزاز لأحد الأوضاع الأساسية في الجزيء . عموما تقسم الاهتزازات إلى مجموعات ، المجموعة الأولى وتشمل الاهتزازات التماثلية ويعطي أعلى تردد لاهتزاز كامل التماثل رمز وهكذا . والذي يليه يعطي رمز وهكذا . حينما يتم إعطاء رموز لجميع الاهتزازات التماثلية ، فإن أعلى تردد لتذبذب لا تماثلي يأخذ الرمز الذي يلي المجموعة الأولى ، ويتبعه الرموز الأخرى مع تناقص قيمة التردد، وهكذا ، يستثنى من ذلك الاهتزازات الزاوية في الجزيء الخطي والتي تأخذ الرمز يع . هناك اصطلاح عام آخر ، حيث يرمز لاهتزازات الشد بالرمز عن بينما يرمز للزاوية بالرمز عام آخر ، حيث يرمز لاهتزازات الشد بالرمز عن بينما يرمز للزاوية بالرمز

 δ، والزاوية خارج المستوى (Out of plane bending) بالرمز π. عادة ما يضاف s أسفل رمز الاهتزازات التماثلية، وas لرمز الاهتزازات اللاتماثلية و b للتذرذرات المتحللة.

٧-٦ أنواع تماثل الاهتزازات الطبيعية

Symmetry Species of Normal Vibrations

سبق أن ذكرنا أن عدد حركات الجزيء هو 30 حيث n عدد ذرات الجزيء، ثلاث منها خاصة بالإزاحة، وثلاث ترجع إلى دوران الجزيء، ويكون باقي عدد حركات الجزيء غير الخطي 6-30 أو 5-30 للجزيء الخطي، تمثل الاهتزازات الأصيلة أو الطبيعية للجزيء. لكل من هذه الاهتزازات الطبيعية تردده الخاص. هذه الاهتزازات، وفي الحقيقة جميع حركات الجزيء الد 30، تحدث كل منها بشكل تماثلي، ومن ثم فإن بعضا منها قد يكون متماثلا بالنسبة لجميع عمليات التماثل في الجزيء، بينما البعض الآخر يكون متماثلاً لعملية ما وغير متماثل لعملية أو عمليات أخرى، وهكذا. وعلى سبيل المثال، أحد الاهتزازات الطبيعية في جزيء أخرى، تكون كما في شكل ٢-١٠ (أ). نلاحظ أن هذا الاهتزاز متماثل



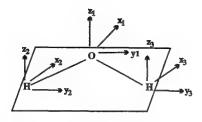
_ YAY _

بالنسبة لعملية التماثل \mathbb{R} ، وكذلك لعمليات التماثل \mathbb{C}_2 ، \mathbb{C}_3 التي يحتويها الجزيء، بينما الاهتزاز الطبيعي المبين في شكل \mathbb{C}_3 (ب)، كما هو واضح لا يكون متماثلا لبعض تلك العمليات السابقة.

مهمتنا بالتالي تصبح هي كيفية تحديد نوع تماثل غتلف الاهتزازات الطبيعية أو الأساسية في الجزيء. هذه المهمة يمكن إنجازها تماماً باستخدام التماثل. وسنرى أيضا أن جميع حركات الجزيء، من إزاحية ودورانية إلى اهتزازية يمكن تعيين نوع تماثلها. كذلك سنرى أن تحديد عدد الاهتزازات الطبيعية النشيطة في الأطياف تحت الحمراء أو أطياف رامان، أو بمعنى آخر الاهتزازات التي ينطبق عليها شروط الامتصاص في نوعي الطيف السابقين، ومن ثم تكون نشيطة فيهما، وكذلك عدد الاهتزازات المتحللة هي مهمة التماثل.

C_{2v}	E	C ₂	σ_{xx}	σ_{yz}	
\mathbf{A}_1	1	1	1	1	$z, \ \alpha_{xx}, \alpha_{yy}, \alpha_{xz}$ R_s, α_{xy} $x, \ R_y, \alpha_{xz}$
$\mathbf{A_2}$	1	1	-1	-1	R_s, α_{xy}
\mathbf{B}_1	1	-1	1	-1	x, R _y , α_{xx}
\mathbf{B}_2			-1		y, Rz, ayz

جدول الميز الجموعة التماثل C2v.



شكل ١٦-٦. نظام إحداثي من ثلاثة متجهات على كل ذرة لجزيء الماء

الخطوة التالية هي أن نقيم نظاما إحداثيا على كل ذرة، أي أن نضع على كل ذرة ثلاثة متجهات موازية للإحداثيات ٢,٥ كما في الشكل ٦- ١١.

هذه المتجهات تستخدم قاعدة لاستنتاج التمثيلات المختزلة، بتطبيق عمليات التماثل الموجودة في الجدول على الجزيء، في القيام بعمليات التماثل على الجزيء فنحن عادة نحرك الإحداثيات، ولكن إذا تحركت الذرات نفسها فإن الإحداثيات على كل ذرة يحدث لها إزاحة لن تدخل أو تتحول (Trabsform) في نفسها أو في أي تجمع منها. وبهذا يكون المعيز لمصفوف التحول في هذه الحالة يساوي صفراً. وكما سنرى لن نحتاج إلى تسجيل تحويلات الذرات التي يحدث لها إزاحة بواسطة عملية تماثل ما. بتطبيق عملية الذاتية، ع، لن تحدث إزاحة لأية ذرة في جزيء الماء، وطالما أن كل ذرة عليها ثلاثة متجهات، فإننا بذلك نكون قد ولدنا مصفوفاً الحدول التالى:

E	\mathbf{x}_1	yı	z ₁	\mathbf{x}_2	y ₂	\mathbf{z}_2	X 3	Уз	Z 3
\mathbf{x}_1'	1	0	0	0	0	0	0	0	0
\mathbf{y}_1'	0	1	0	0	0	0	0	0	0
\mathbf{z}_1'	0	0	1	0	0	0	0	0	0
\mathbf{x}_2'	0	0	0	1	0	0	0	0	0
y_2'	0	0	0	0	1	0	0	0	0
\mathbf{z}_2'	0	0	0	0	0	1	0	0	0
\mathbf{x}_3'	0	0	0	0	0	0	1	0	0
y_3'	0	0	0	0	0	0	0	1	0
\mathbf{z}_3'	0	0	0	0	0	0	0	0	1
_									

مصفوف التحويل لجزيء للماء (٩ متجهات) بتطبيق هملية الذاتية.

الأرقام التي على الرموز أعلى الجدول تدل على رقم الذرة، والشُرَطُ الموجودة تدل على الإحداثي بعد عملية التماثل. والأعداد التي في الجدول نحصل عليها كالمعتاد، وهكذا بتطبيق عملية الذاتية \mathbf{E} على الجزيء فإن \mathbf{E} الجديد، الذي يرمز إليه \mathbf{E} يتكون من \mathbf{E} من \mathbf{E} السابق، أي قبل التحويل، أما \mathbf{E} \mathbf{E} يتحولان إلى \mathbf{E} و \mathbf{E} \mathbf{E} عن كل منهما يتكون من الثلاثة الأولى في العمود الأول للمصفوف. وطالما أن جميع الذرات تتحول المناه أن جميع الذرات تتحول إلى ذاتها، وليس من بينها أية ذرة تتحول إلى ذرة أخرى، ينتج لدينا بلوكات من الأصفار كما هو مبين في الجدول، ومن ثم يكون المصفوف بلوكات من الأصفار كما هو مبين في الجدول، ومن ثم يكون المصفوف العملية بالتأكد من أن الذرات الثلاث ستتحول بالعملية الذاتية بنفس المصفوف الحارية، وبالتالي نحتاج فقط إلى أن نأخذ في اعتبارنا تحت المصغوف العربية، وبالتالي نحتاج فقط إلى أن نأخذ في اعتبارنا تحت المصغوف على الميز الكلي لهذا التحويل أي \mathbf{E} وبضرب هذا العدد في عدد الذرات (\mathbf{F}) نحصل على الميز الكلي لهذا التحويل أي \mathbf{F} \mathbf{E}

عملية التماثل ½ تؤدي إلى تثبيت أو عدم تغير مكان ذرة الأكسجين وحدها، بينما يتغير كل من ذرتي الهيدروجين أماكنهما، ويكون لدينا أيضا مصفوف ٩ × ٩ ، كما في الجدول التالي:

C_2^z	\mathbf{x}_1	y 1	\mathbf{z}_1	$\mathbf{x_2}$	y ₂	22	x ₃	Уз	23
\mathbf{x}_1'	-1	0	0	0	0	0	0	0	0
\mathbf{y}_{1}^{\prime}	0	-1	0	0	0	0	0	0	0
\mathbf{z}_1'	0	0	1	0	0	0	0	0	0
\mathbf{x}_2'	0	0	0	0	0	0	-1	0	0
y_2'	0	0	0	0	0	0	0	-1	0
\mathbf{z}_2'	0	0	0	0	0	0	0	0	1
\mathbf{x}_{3}^{\prime}	0	0	0	-1	0	0	0	0	0
y_3'	0	0	0	0	-1	0	0	0	0
\mathbf{z}_3'	0	0	0	0	0	1	0	0	0

المميز لهذا التحويل هو -١. ويفحص هذا الجدول نتبين أن العناصر القطرية غير الصفرية جاءت فقط من تحويلات إحداثيات ذرة الأكسجين التي تدخل في ذاتها.

عملية التماثل σ_{xx} أيضا تثبت ذرة الأوكسجين فقط، ويكون الميز لهذا المصفوف + 1. أما عملية التماثل σ_{yx} فتجعل الذرات الثلاث في أماكنها دون تغيير. ولما كانت الذرات تحول مثل بعضها تماما، يكون لدينا تحت مصفوف σ_{yx} ويكون المميز لكل تحت مصفوف σ_{yx} ويكون المميز لكل تحت مصفوف وهو σ_{yx} وهكذا المميز في عدد الذرات نحصل على عميز المصفوف وهو σ_{yx} . وهكذا نكون قد حصلنا على التمثيل المختزل، وهو:

نطبق المعادلة التالية (انظر صفحة ٩٨) لتعيين التمثيلات اللاغتزلة:

$$a_i = \frac{1}{h} \sum_{R} g \chi_i(R) \ \chi(R)$$

حيث h تساوي ٤. نحصل على ما يلي باستخدام جدول المميز للمجموعة C2v:

$$a_{A_1} = \frac{1}{4}[1(1)(9) + 1(-1)(1) \pm 1(1)(1) + 1(1)(3)] = \frac{12}{4} = 3$$

$$a_{A_2} = \frac{1}{4}[1(1)(9) + 1(1)(-1) + 1(-1)(1) + 1(-1)(3)] = \frac{4}{4} = 1$$

$$a_{B_1} = \frac{1}{4}[1(1)(9) + 1(-1)(-1) + 1(1)(1) + 1(-1)(3)] = \frac{8}{4} = 2$$

$$a_{B_2} = \frac{1}{4}[1(1)(9) + 1(-1)(-1) + 1(-1)(1) + 1(1)(3)] = \frac{12}{4} = 3$$

وهكذا فإن التمثيل المختزل Fred الذي استنجناه باستخدام المتجهات وإجراء عمليات تماثل المجموعة التي يتبعها الجزيء، يمكن تحليله إلى التمثيلات اللاغتزلة التالية:

$$\Gamma_{\rm red} = 3A_1 + A_2 + 2B_1 + 3B_2$$

إذن هناك عدد تسع تميلات لا غتزلة لهذا الجزيء، وهي تقابل جميع حركات الجزيء. من هذه التمثيلات التسعة، يوجد ثلاثة تمثيلات لا غتزلة للانتقال وثلاثة أخرى لدوران الجزيء، ويتبقى ثلاثة تمثيلات لا غتزلة وهي الخاصة بالاهتزازات أو اللبذبات الأصيلة أو الأساسية أو الطبيعية لجزيء الماه. هذه التمثيلات اللانحتزلة كما هو واضح من جدول المميز تقابل ما يطلق عليه «نوع التماثل» (Symmetry Kind) أو «ضرب التماثل»

(Symmetry Species)، وهمي التي يرمز لها بالرموز A_1 , B_2 , T_1 إلى آخره، وقد نوقشت في الباب الثاني.

والسؤال الآن، أي هذه الأنواع من التماثل تعود أو يعود إليها الحركات الانتقالية أو الدورانية أو الاهتزازية للجزيء؟

z, y, نعرف أن حركات انتقال الجزيء الثلاث تكون مع المحاور y, وبالتالي يمكن وصفها بأسهم في هذه الاتجاهات. أحيانا يرمز للحركات الانتقالية بالرموز x, y, x و x, y, x أو تستخدم الرموز x, y, x فقط في جداول الميز. في أي مجموعة تماثل فإن الحركات الانتقالية يكون لها نفس تحولات (Transformations) المحاور x, y, x أما الحركات الدورانية فلها نفس التحولات التي يرمز لها بالرموز x, y, x, y, x في جداول المميز الحاص بتلك المجموعة.

 R_x أن جدول المميز السابق الخاص بالمجموعة C_{2v} تجد أن R_z أما R_z أما R_z أو R_z فيحول مثل R_z أما R_z أما R_z أم فيحول مثل R_z أم فيحول مثل R_z و R_z مثل R_z و R_z مثل R_z و R_z مثل R_z المنابقة:

$$\Gamma_{red} = 3A_1 + A_2 + 2B_1 + 3B_2$$

$$Rot + Trans = -A_1 - A_2 - 2B_1 - 2B_2$$

$$2A_1 + B_2$$

وبذلك نكون قد حددنا أنواع التماثل اللاغتزلة الثلاثة التي تتبعها الاهتزازات الطبيعية النشيطة في الأطياف تحت الحمراء، وهي اثنتان من نوع B2.

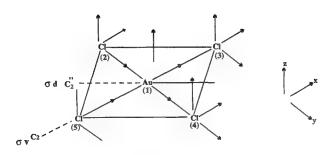
وبالمثل إذا وجد في الجدول أي تغير في الاستقطابية (يدل عليه الرمز α) مقابل أي نوع من التماثل، فإن هذا النمط من التماثل يكون نشيط في مطيافية رامان. ويالرجوع إلى جدول المميز للمجموعة C_{2v} ، نلاحظ وجود الرمز α مقابل أنماط التماثل A_1 و B_2 . ومعنى ذلك أن الاهتزازات الطبيعية الثلاث والتي سبق أن استنتجناها، والتي يمثلها انماط التماثل A_1 تكون نشيطة في مطيافية رامان. يضاف إلى ذلك أن جميع الاهتزازات الأساسية التي تتبع نمط التماثل A_1 ، تكون مستقطبة (Polarized) (وهي التي يقابلها في جدول المميز $(\alpha_{zz}, \alpha_{yy}, \alpha_{zz})$ ، بينما جميع الاهتزازات الأصلية الأخرى تكون غير مستقطبة (Depolarized). بناء على ذلك يكون لجزيء الماء:

- ثلاثة اهتزازات أساسية نشيطة في كل من أطياف تحت الحمراء وأطياف رامان. ولذلك نتوقع ظهور ثلاث حزم طيفية في كل منهما.
- من بين خطوط رامان الطيفية الثلاثة، اثنان مستقطبان، وخط واحد غبر مستقطب.

على الرغم من أننا استطعنا باستخدام التماثل أن نعين عدد الاهتزازات الأساسية، وكم منها نشيط في الأطياف تحت الحمراء، أو نشيط في أطياف رامان، وكم من هذه الخطوط الأخيرة يمكن استقطابه وكم خط غير مستقطب، إلا أن هذه الطريقة طويلة للغاية ويصعب في حالة الجزيئات الكبيرة القيام بعمل مصفوفات بهذا الحجم الكبير أو ذاك. لذلك يستحسن وجود طريقة أخرى أبسط. هذه الطريقة البسيطة مطبقة على جزي، [AuCla] كما يلى:

جزيء [AuCla] المستوى (Planar)، يتبع مجموعة التماثل Dah. عمليات التماثل في هذه المجموعة هي:

E $2C_4$ $C_2(=C_4^2)$ $2C_2'$ $2C_2''$ i $2S_4$ σ_b $2\sigma_v$ $2\sigma_d$



شکل ۲-۱۲

المتجهات على الذرات المختلفة، وعددها ١٥ منجها، هي كما في الشكل التالي ٢-١٧.

يحسب المميز لكل عملية تماثل على اعتبار أنه يساوي المدى الذي لا تتغير فيه المتجهات بعملية التماثل. أو بمعنى آخر متجهات الذرات التي لا تغير مكانها فقط بعملية التماثل هي التي تحسب كما يلي في حالتها الراهنة.

عملية التماثل E، الميز = ١٥ (جيمع الأسهم لا تزاح لأن الذرات الخمس في مكانها)

عملية التماثل ،C، المميز = ١ (ذرة Au فقط هي التي لا تزاح، ومن ثم فإن جميع الأسهم الأخرى يحدث لها إزاحة)

 x_1 تصبح y_1 ، المميز لها يساوي صفرا y_1 تصبح x_2 ، المميز لها يساوي صفرا z_1 تصبح z_2 ، المميز يساوي z_1 وبالتالي فالمميز لعملية التماثل z_1 يساوي z_2

Y النوة Au مملية التماثل ($C_2 = C_2^2$) المميز = - ١، الذوة التماثل (تاح. ولذا:

$$1-=$$
 | الميز لها $-x_1$ تصبح x_1 $1-=$ | الميز لها x_1 x_2 تصبح x_1 | x_2 تصبح x_3 | الميز x_1 | الميز لعملية التماثل x_2

عملية التماثل C_2' ، المميز= -7 (الذرات 1، 7، 8 4 7 تتأثر) وطالما أن الذرات الثلاث تتحول بنفس الكيفية، مثل الحالة السابقة مباشرة، لذلك يكون المميز لذرة واحدة = <math>-1، مضروبا في عدد الذرات، 7، إذن المميز لهذه العملية = -7.

عملية التماثل $C_2^{\prime\prime}$ ، المعيز = -1 (الذرة 1 فقط تظل ثابتة، انظر الشكل) كما في حالات C_2 السابقة، يكون المعيز -1.

عملية التماثل i، المميز =
$$-$$
 (الذرة ۱ فقط لا تزاح)
 $-$ تصبح x_1 المميز = $-$ المميز = $-$ المميز y_1 تصبح y_2 ، المميز = $-$ تصبح z_1 ميز العملية z_1 عيز العملية z_2

عملية التماثل
$$_{1}$$
23، الميز = - ((الذرة ١ فقط لا تزاح) $_{1}$ 23، الميز = - ١ تصبح $_{2}$ 3، الميز

(الأسهم x و y كل منهما يتحول بتلك العملية إلى السهم الآخر أو معكوسه x تصبع y_1)

عملية التماثل σ_{k} ، المميز = 0 (الذرات الخمس لا يحدث لها إزاحة) جميع الأسهم z تعكس إشارتها، المميز = -0 جميع الأسهم x تغل كما هي، المميز = -0 جميع الأسهم y تغل كما هي، المميز = -0 المميز لهذه العملية \overline{y} عملية التماثل \overline{y} 0، المميز = \overline{y} 1 (الذرات y1، y2، y3 لا تتأثر، المميز y3 الأسهم في الاتجاه z4 لا تتأثر، المميز y5 الأسهم في الاتجاه z5 لا تتأثر، المميز y6 الأسهم في الاتجاه y6 المميز y7 (الذرات y8 المميز

الأسهم في الاتجاه x لا تتأثر، المميز = ٣ الأسهم في الاتجاه y تعكس إشارتها، المميز = ٣

عملية التماثل ص. المميز = ١، الذرة رقم ١ فقط لا تتأثر، والسهم في اتجاه z فقط لا يتأثر، المميز = ١

بهذه الطريقة نكون قد حصلنا على التمثيل المختزل Γ_{rod} ، ويكون كما يلي :

باستخدام المعادلة السابقة لتحديد التمثيلات اللاغتزلة التي يشملها هذا التمثيل المختزل، كما فعلنا في المثال السابق، نحصل على ما يلي:

 $\Gamma_{red} = A_{1g} + A_{2g} + B_{1g} + B_{2g} + E_g + 2A_{2u} + B_{2u} + 3E_u$

إذن، هذه هي التمثيلات اللانخترلة، أو أنواع التماثل الموجودة في الجزيء. عدد هذه الأنماط، أو التمثيلات هو ١٥. لاحظ أن A و B كل منهما أحادي التحلل، أما E فهو ثنائي التحلل. إذن يكون

لكي نحدد الدرجات أو التمثيلات الخاصة بالانتقالات الجزيئية والتي عددها ثلاثة، نرجع إلى جدول المميز للمجموعة D_{48} . في جدول المميز يوجد على أقصى الشمال الرمز z مقابل نمط التماثل A_{20} ، كما يوجد الرمزان معا y, x مقابل نمط التماثل E_{10} . ومعنى ذلك وجود انتقال احادي بطول المحور z، وانتقالان متكافئان بطول المحورين x وy، وهما معا يتبعان التمثيل اللاغتزل E_{10} .

أما الدوران فيمكن استنتاجه مباشرة كما في المثال السابق من الرموز R_x , R_y , R_z المميز. التمثيلات الثلاث المقابلة لحركات دوران A_{2g} , E_g

الاهتزازات الأساسية يمكن الحصول عليها من طرح التمثيلات الستة السابقة من الـ ١٥ الكلية. يمكن تلخيص ذلك كما يلي:

$$\Gamma_{red}$$
 = $A_{1g} + A_{2g} + B_{1g} + B_{2g} + E_{g} + 2A_{2u} + B_{2u} + 3E_{u}$
Translations = $+A_{2n} + E_{u}$

Rotations

$$= +A_{2g} +E_{g}$$

Vibrations

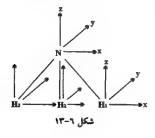
$$=A_{1g} + B_{1g} + B_{2g} + A_{2a} + B_{2a} + E_{a}$$
Total degeneracy = 9 for vibrations (= 3n - 6)

وهكذا، جذه الطريقة ودون استخدام المصفوفات، أمكن لنا أن نعين أنواع التماثليات التي يتبعها الاهتزازات الأصلية. ومنها كذلك نحدد أي تلك الاهتزازات تكون متحللة، ومن ثم عدد الحزم الطيفية في الأشعة غت الحمراء، أو عدد الخطوط في أطياف رامان. ففي حالة الجزيء السابق، وبالرجوع إلى جدول المميز نجد أن نوعي التماثل $A_{2u}+2E_{u}$ يكونا نشيطين في الأشعة تحت الحمراء. إذن هناك ثلاثة حزم امتصاص طيفية تظهر في الأطياف تحت الحمراء لجزيء ما A_{2u} أحد هذه الحزم مفرد، يقابل نوع التماثل A_{2u} والآخران كل منهما محتوي على اهتزازين متكافئين، ويقابلان نوع التماثل E_{u} .

من ناحية أخرى، يوجد لهذا الجزيء ثلاث اهتزازات أصلية نشيطة في أطياف رامان تتبع أنواع التماثل A_{1g} , B_{1g} , B_{2g} الأمتزازات كما هو واضح تختلف عن الاهتزازات الأساسية النشيطة في الأطياف تحت الحمراء (لماذا؟). أحد هذه الاهتزازات يستقطب، وهو المقابل لنوع التماثل A_{1g} ، بينما الآخران لا يستقطبان.

والآن، هل هناك وسيلة أخرى لتبسيط الطريقة السابقة؟ نعم توجد طريقة نبسط بها الحصول على عدد الاهتزازات النشيطة في أطياف رامان والأطياف تحت الحمراء. ولكي نعرف لماذا نحتاج مثل هذا التبسيط، دعنا نأخذ جزيء الأمونيا، على سبيل المثال.

جزيء الأمونيا به أربع ذرات. إذن عدد الاهتزازات الأساسية هو ستة اهتزازات. النظام الإحداثي المطلوب كقاعدة لاستنتاج التمثيلات المختزلة، يحتوى ١٢ سهما، كما في الشكل التالي ٢-١٣٠.



الجزيء يتبع نقطة المجموعة «C.

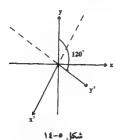
 ${
m E}$ 2C3 $3\sigma_{
m v}$: هي عمليات التماثل لهذه المجموعة

مميزات عمليات التماثل المذكورة كما يلي:

عيز عملية التماثل E - ١٢ (جميع الأسهم لا يحدث لها إزاحة).

Y = 0 الله الذرتين X = 0 السهمان X = 0 الذرتين X = 0 الذرتين X = 0 النسبة للمستوى X = 0 بينما X = 0 النسبة للمستوى X = 0 النسبة للمستوى X = 0

عملية التماثل C تتحرك ذرات الهيدروجين الثلاث، ومن ثم يهمنا فقط أسهم ذرة النتروجين. السهم z لن يتأثر وبالتالي يساهم بـ + ١ للمميز الكلي. أما السهمان x,y، فإن دوران الجزيء بزاوية ١٢٠° يجعل السهمين كما في الشكل التالي ٦-١٤.



وهكذا فإن الإحداثي y الجديد لنقطة ما يعتمد على كل من الإحداثين x, x القدامي، ويمكن الحصول عليه بالتحليل التالي:

new $x = x \cos 120^{\circ} - y \sin 120^{\circ}$ new $y = x \sin 120^{\circ} + y \cos 120^{\circ}$ فإذا تذكرنا أن z لا يتغير بعملية C₃، فإن المصفوف الذي يصف تلك العملة هو:

$$\begin{pmatrix} \cos 120^{\circ} & -\sin 120^{\circ} & 0\\ \sin 120^{\circ} & \cos 120^{\circ} & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x\\ y\\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x'\\ y'\\ z' \end{pmatrix}$$

وطالما أن 2/1- = cos 120°، فإن عميز هذا المصفوف يساوي صفرا. بهذا يكون عميز عملية التماثل cs = صفرا.

التمثيل المختزل للجزىء في مجموعة التماثل C3v إذن:

إن القيام بهذه العملية في حالة الجزيئات ذات الأعداد الكبيرة من الذرات، وفي مجموعات التماثل المختلفة، في الحقيقة تصبح شاقة. ولذلك يستحسن أن نأخذ بهاتين القاعدتين التاليتين:

١- الذرة التي تزاح بعملية تماثل ما، ليس لها أية مساهمة في المميز.

٧- كل ذرة لا يحدث لها إزاحة بعملية تماثل ما تساهم بالمقدار (R) لميز تلك العملية في التمثيل المختزل. هذا المقدار يعتمد على عملية التماثل كما في الجدول التالي:

Operation R	contribution f(R)	Operation R	contribution f(R)
E	3	σ	1
C_2	-1	i	-3
C_3	0	S_3	-2
C_4	1	S_4	-1
C_5	1.618	S ₅	0.382
C_5 C_6	2	S_6	0

For any
$$C_n$$
, $f(R) = 1 + 2\cos\frac{2\pi}{n}$

For any
$$S_n$$
, $f(R) = -1 + 2\cos\frac{s\pi}{n}$

وباستخدام الجدول السابق في تعيين المميز للتمثيل المختزل السابق للجزىء NH3 نحصل على ما يلى:

$$\begin{array}{c|cccc} C_{3v} & E & 2C_3 & 3\sigma \\ \hline \Gamma_{rad} & 12 & 0 & 2 \end{array}$$

هذا التمثيل المختزل قد حصلنا عليه بالطريقة التالية:

العملية E، ٤ ذرات لم تتأثر، المساهمة في المميز لكل ذرة = ٣ إذن ٤ × ٣ = ١٢

العملية دC، ذرة واحدة لم تتأثر، المساهمة للذرة الواحدة كما في الجدول = صفر

إذن ٣ × • = •

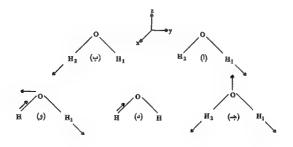
العملية σ، ذرتان لم يحدث لهما إزاحة، المساهمة من الجدول = ١ إذن ٢ × 1 = ٢

هذا الجدول يطبق على جميع مجموعات التماثل.

٨-٨. حركات اللرات في أثناء الاهتزازات الطبيعية

دعنا نعود إلى جزيء الماء، H_2O ، مرة أخرى. في حالة اهتزاز الشد. O- نفرض أن إزاحة المتجه (السهم) المرسوم على الذرة H_1 ، بطول الرابطة H_1 ، نفرض أن إزاحة المتجه (السهم) المرسوم على الذرة H_1 ، بطول الرابطة H_1 ، كما في شكل T-O1(أ)، تصف أو تمثل حركة في اهتزاز من أو يتبع نمط التماثل A1. حسب جدول المميز لمجموعة A2، التي يتبعها جزيء الماء ، فإن هذا المتجه يتحول بمميز يساوي A1 بعمليات التماثل A2, A3, A4, بنفس معنى ذلك أن يتحول هذا المتجه إلى متجه جديد على الذرء A4, بنفس الميمة والاتجاه كما في الشكل (ب). وبالقطع فإن متجهي الإزاحة على ذرتي A4 و A5 كما في (أ) و(ب) تتبعان النمط التماثلي A6. ولكي يظل مركز

ثقل الجزيء ثابتا في أثناء الاهتزاز، فإن ذرة الأكسجين، O، يجب أن تحرك قلبلا بعيدا عن ذرق الهيدروجين، وبالتالي تكون الحركة الكاملة كما في شكل T-0 (ج). إنَّ تجميع متجهات الإزاحة الثلاثة هذه، يصف أو يمثل إحداثيات تماثل هذا الاهتزاز. من جانب آخر، إذا افترضنا أن الاهتزاز الذي يصفه متجه الإزاحة المبين في شكل (أ) يتبع النمط التماثل E_2 . معنى ذلك أن الميز لهذا الاهتزاز تحت كل من عمليتي لـ التماثل C_2 . ومعنى ذلك أيضا أن يتحول متجه الإزاحة على الذرة C_2 , C_3 هو C_4 . ومعنى ذلك أيضا أن يتحول متجه الإزاحة على الذرة على الذرة على الذرة (حكن يعكس الإتجاه (ضرب متجه في C_4) بنفس المقدار ولكن يعكس الإتجاه (ضرب متجه في C_4) على الذرة بي يعكس الإتجاء (ضرب متجه في C_4) على الذرتين المورد في نمط التذبذب C_4 0 و (د)، يصفان معا متجهي الإزاحة على هاتين الذرتين في نمط التذبذب C_4 0 وكما هوا واضح فهو شد لا متماثل Antisymmetrical Stretch أفضيف إلى ذلك



شكل ٦-١٥. بعض إحداثيات التماثل لجزيء الماء

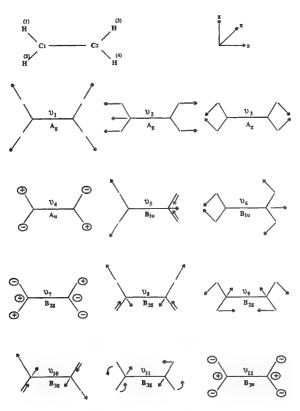
متجه الإزاحة على الذرة O، والمطلوب لحفظ مركز الثقل، فالمتجهات الثلاثة تصف معا الإحداثي التماثلي لهذا الاهتزاز كما في الشكل (و). وطالما يوجد اهتزاز وحيد لكل من نوعي التماثل، يكون هذان الإحداثيان طبيعيين أيضا.

دعنا الآن نأخذ مشالاً آخر، نبين فيه ببعض التفصيل كيفية تعيين إحداثيات التماثل للاهتزازات الأصلية، وليكن جزيء الأيثيلين CH_2-CH_2 . عدد اهتزازات هذا الجزيء، هي - CH_2-CH_2 . عدد اهتزازاً طبيعياً. إن إحداثي التماثل يصف مدى العمق الذي 17 اهتزازاً طبيعياً. إن إحداثي التماثل يصف مدى العمق الذي تتحرك فيه ذرة ما في جزيء في أثناء اهتزاز طبيعي، ومن هنا فهي توصف بسهم يوضح اتجاه ومقدار حركة هذه الذرة. وهكذا يشتمل الإحداثي التماثلي على تجميع متجهات الإزاحة لاهتزاز ما، معا (متجه لكل ذرة). متجهات الإزاحة تلك ومن ثم الإحداثيات التماثلية تتحول تماما مثل أنماط أو أنواع التماثليات التابعة لها. لكن من المهم تماما، كما فعلنا في المثال السابق أن نحفظ مركز الثقل وثلاثة محاور أساسية (دورانية) دون أي تغيير في كل إحداثي تماثلي لاهتزاز طبيعي.

الإحداثيات التماثلية لجزيء الإيثيلين، موضحة في شكل ٦-١٦. ومهمتنا الآن هي توضيح كيفية استنتاج هذه الإحداثيات.

- ۱- جزيء الإيشيلين پوجد به خس روابط، واحدة C-C، والأربع الأخرى هي C-H. إذن، فلا بد من وجود خسة اهتزازات شد (Stretch).
- ٢- اهتزاز الشد الأول خاص بالرابطة C-C وهو واضح بمجرد النظر (مع في الشكل). وهذا الاهتزاز يتبع نمط التماثل هـA.
- ٣- من الواضح أن واحداً من الاهتزازات الأربعة الأخرى الخاصة

- بالروابط C-H، يتبع أيضا نمط التماثل A، حيث تشد كل الروابط C-H، معا. هذا الاهتزاز هو المين تحت الرمز v.
- 3 اهتزازات الشد الشلاثة الأخرى، يجب أن تشمل شداً لرابطتين وانضغاطاً للرابطتين الأخريين. فإذا اعتبرنا أن C^1 - H^1 بحدث لها شد، عادة. معنى ذلك أنه يوجد فقط ثلاثة تجمعات. اهتزاز واحد حيث يحدث شد في إحدى الروابط C^1 - H^1 (C^1 - H^1)، بينما يحدث انضغاط للرابطتين الأخريين (الحركات التي يحدث فيها انضغاط للرابطة C^1 - H^1 تكافىء الحركات السابقة ولكن في جبهة مختلفة للحركة). هذه الحركات الثلاث، كما يرى من الشكل تتحول مثل أنواع التماثل D_{10} , D_{10} ,
- ۵- یوجد ستة زوایا في المستوى (مستوى الجزيء)، زاویتا HCH >، وأربعة زوایا HCC >، من هذه الزوایا، توجد أربعة فقط مستقلة، اثنتان عند كل ذرة كربون C إذا ظل الجزيء مستویا. وهكذا نتوقع أربعة اهتزازات زاویة في المستوى.
- ٧- الاهتزازان الآخران، وهما في المستوى، يجب أن يشملا تغيير في النوايا HCC >. هذان الاهتزازان يقابلان حركة الأرجحة



شكل ٦-٦. الإحداثيات التماثلية لجزىء الأبثيلين ٢٦٠٦

- (Wagging) لمجموعتي CH_2 . مرة أخرى الحركات يمكن حدوثها في الجبهة، ($\nu_{11}(B_{3u})$ ، أو خارج المستوى ($\nu_{0}(B_{3u})$
- رابسط حركات، وهي بحكم الضرورة خارج المستوى. أبسط هذه الحركات هي الحركة الالتواثية (Torsional) لمجموعة (CH_2) بالنسبة للمجموعة الأخرى، $((A_n), \nu_4(A_n))$.
- P- أخيرا لدينا حركتان، بحيث تميل (Tilted) مستويات مجموعتي CH₂ والأخرى بالنسبة لمستوى الجزيء. ومرة أخرى إحداهما في المستوى والأخرى خارج المستوى، ν_I(B₂₀), ν_{I2}(B₃₀).

المراجع:

مراجع عامة حتى المرجع ١١، وبعد ذلك مراجع خاصة بموضوعات الأبواب الأربعة الأخرة.

- Cotton, F. A., Chemical Application of Group Theory, Wiley, Interscience, New York, Second edition (1971) and third edition (1990).
- Orchin, M. and Jaffe H. H., Symmetry, Orbitals and Spectra (S.O.S), Wiley- Interscience, New York (1971).
- Hall, I. I.H., Group Theory and Symmetry in Chemistry, McGraw-Hill Book Company, New York, (1969).
- Mislow, K., Introduction to Stereochemistry, W.A. Benjamin, New York, (1965).
- Urch, D.S., Orbitals and Symmetry, Penguin Books, England (1970).
- Vincent, A., Molecular Symmetry and Group Theory, J. Wiley & Sons, New York (1977).
- Kettle, S.F.A., Symmetry and Structure, Readable Group Theory for Chemists, J. Wiley & Sons, second edition, New York (1995).
- Williams A. F., A Theoretical Approach to Inorganic Chemistry, Springer- Verlag Heidelberg, New York (1979).
- Drago, R.S. Physical Methods In Inorganic Chemistry, Van Noztrand Reinhold Company, Amstradam (1968).
- Day, M.C. and Selbin, J., Theoretical Inorganic Chemistry, second edition, Reinhold, New York (1969).
- Ebaworth, E.A.V., Rankin, D.W.H., Cradock, S., Structural Methods in inorganic Chemistry, Blackwell Scientific Publications, Oxford, (1987).
- Lever, A.P.B. Inorganic Electronic Spctroscopy, Elseveir, New York (1968).
- Figgis, B.N., Introduction to Ligand Fields, Interscience Publ., New York (1966).
- Streitwieser, A. Jr., Molecular Orbital Theory for Organic Chmistrs, Wiley, New York (1961).
- 15. Coulson, C.A., revised by McWeeny, Valence, Oxford University

- Press, Oxford, third edition (1979) (An update version of Coulson's 1969).
- Pauling, L., The Nature of The Chenical Bond, Oxford University Press Press, Oxford, Third edition (1961) (A classical test on bonding).
- Nakamoto, K., Infrared Spectra of Inorganic and Coordination Compouds, John Wiley, New York, Second edition (1970).
- Wilson, E. B., Decies, J. C. and Cross, P.C., Molecular Vibrations, McGraw- Hill, New York (1955).
- Nakamoto, K. and McCarthy. P.J., Spectroscopy and Structure of Metal Chelate Compounds, J, Wiley & Sons Inc., New York (1968).
- Finch, A., Gates, P.N., Radcliff, F.N., Dickson, F.N. and Bently, F.F., Chemical Applications of Far Infrared Spectroscopy, Academic Press, New York (1970).

الملاحق

ملحق ۱ - جداول المميز لبعض مجموعات التماثل المهمة ملحق ۲ - جداول الارتباطات التقابلية (Correlatin tables)

ملحق ١

جداول المميز لبعض مجموعات التماثل المهمة

1. The Nonaxial Groups

$$C_1 \mid E$$

C,	E	σ_h		L	C,	E	i		
A'	1	1	x, y, R:	x2, y2,	A	1	1	R_x , R_y , R_z x, y , z	x2, y2, z2
A"	1	-1	z, R., R,	yz, xz	A	1	-1	x, y, z	xy, xz, yz

2. The C_n Groups

The C, Groups (continued)

,	3100	ps (co	A 2 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4							
C.	E	C4	C ₂	C ₄ ³						
A B	1	-1	1	-1	z, R,		x2 + x2 -	y^2, x^2 y^2, xy		
E	{i	-i	-1 -1	-i	(x, y)(R., R,	(yz,	xz)		
	_			C,3				.!		(2#i/5)
A	1	1	1,2	1,20	1	z, R ₁ (x, y)(X2 +	- y ¹	, 22
E,	H	6.	€24	€2	2	(x, y)(R_z , R_y)	(yz, x	z)	
E ₁	{	ε* ε ²⁰	8	ε*	£2 }			(x² -	y ²	, xy)
C.	E	C ₆		C3		C32				$\varepsilon = \exp(2\pi i/6)$
4	!	-1		1	1	1	1	2, R,		$x^2 + y^2, z^2$
E.	Įį.	ε ε		-ε*	-!	- ε	e*}	(x, y)		$x^{2} + y^{2}, z^{2}$ (xz, yz) $(x^{2} - y^{2}, xy)$
E2	}i	- e	٠.	−ε −ε	-1 1	$-\varepsilon$ $-\varepsilon^{\phi}$	-=	(K ₂ , A	(,)	(23 - 12 An)
2,	Į ĮI	-ε		ε*	1	-ε	-ε•}	l		(-) (-))
<i>C</i> ,	E	C7	C71			C15 (= exp (2π <i>i</i> /7)
A	1		1	1	1	1 1	z,	Rı	x1	$+y^2, x^2$
E_1	H	ε*	ε^2	£34	€3	£3 £	1 6	(,)/) (, , , , , ,)	(x	z, yz)
E2	1	ε ² ε ²⁰	و3ء دع	ε ⁰ Ε	ε ε*	£30 €	3*)		(x	$x^{2} + y^{2}, x^{2}$ x^{2}, y^{2} $x^{2} - y^{2}, x^{2}$
E,	1	£3 £34	ε* ε	8-	E	€ 8	346			
	1 4.		٠	•	•	•	, ,	. '		
C,	E	C_n	C4	C_{i}^{3}	C ₂ C	? C3	C_i			$\varepsilon = \exp(2\pi i/8)$
A	1	1	1	1	1	1 1	1	z, R,		x^2+y^2,z^2
E,	$\begin{cases} 1 \\ 1 \end{cases}$	-1 &	i ~i	-1 -ε* ·	-1 -1	1 1 ε -i ε* i	ε*}	(x, y)		$x^{2} + y^{2}, z^{2}$ (xz, yz) $(x^{2} - y^{2}, xy)$
E	{1	i	-1	-i	1	$i - 1 \\ i - 1$	-i	(=-3)	"	(x^2-y^2,xy)
- 1										. 7171
E_3	{î	-ε*	-i	ε .	-1	e^{-i} e^* i	-e } !		l	

3 The D. Groups

D_2	E	C2(z)	C ₂ (y)			
A B ₁ B ₂ B ₃	1	1	- 1	1		x ² , y ² , z ² xy xz yz
B_1	1	1	-1	-1	z, R.	ху
B ₂	1	-1	1	-1	y, R,	XZ
B ₃	1	-1	-1	1	x, R_x	yz

D ₃	E	2C3	3C2		
A ₁	1	1	1	_	$x^2 + y^2$, z^2
Aı Az E	2	-1	-1	z, R_t $(x, y)(R_t, R_t)$	$(x^2 + y^2, z^2)$ $(x^2 - y^2, xy)(xz, yz)$

D ₄	E	2C4	$C_2(=C_4^2)$	2 <i>C</i> ' ₂	2C''		
Aı Az	1	1	1 t	_1 _1	1 -1	z, R _z	x^2+y^2,z^2
B ₁ B ₂ E	1 2	-1 -1 0	1 -2	I I 0	-1 1 0	$(x, y)(R_x, R_y)$	$\begin{array}{c c} x^2 - y^2 \\ xy \\ (xz, yz) \end{array}$

D _s	E	2C ₅	2C ₅ ²	5C2		
Aı Aı Eı	1	1	1	- 1		$x^2 + y^2$, z^2
Az	1	1	1	1	z, Rz	
E_1	2	2 cos 72°	2 cos 144°	0	$(x, y)(R_x, R_y)$	(xz, yz)
E_{i}	2	2 cos 144°	2 cos 72°	0	$z, R_z (x, y)(R_z, R_y)$	(x^2-y^2,xy)

4. The Cow Groups

C2r	E	C2	$\sigma_{c}(xz)$	$\sigma_{\epsilon}'(yz)$		
A1	ı	1	1	1	z	x², y², z² xy
A1 A2 B1	1	1	-1	-1	R _z	xy
B_1	1	-1	1	-1	x, R,	xz yz
B_z	1	-1	-1	1	y, R,	3'2

C_{s_v}	E	2C1	2C ₅ ²	50,		
Ai	1	1 1 2 cos 72 2 cos 144	1	1	z	$x^2 + y^2, z^2$
A_2	1	1	1	-1	R _z	1
E_1	2	1 1 2 cos 72	2 cos 144	0	$(x, y)(R_x, R_y)$	(xz, yz)
E_2	2	2 cos 144	2 cos 72	0	$\begin{pmatrix} R_z \\ (x, y)(R_z, R_y) \end{pmatrix}$	$ (x^2-y^2,xy) $

C6r	E	2C.	2 <i>C</i> 3	Cz	$3\sigma_r$	$3\sigma_d$		
A ₁	1	1	1	1	- 1	1	z	$x^2 + y^2, z^2$
A ₁ A ₂ B ₁	1	1	- 1	- 1	-1	~1	R _z	
B _t	1	-1	- 1	-1	1	-1	1	
B_{z}	1	-1	- 1	-1	-1	- 1	$(x, y)(R_x, R_y)$	
E,	2	- 1	-1	-2	0	0	$(x, y)(R_x, R_y)$	(xz, yz)
E_1	2	-1	-1	2	0	0	1	(x^2-y^2,xy)

5. The Cat Groups

C 24	E	Cz	i	σ _k _		
4.	1	-1	1	-1	R ₁	x2, y2, z2, xy x2, y2
4	l	-1	-1	- E	2 2, y	

C 30	E	C3	C_3^2	σ_{0}	S_3	5,5		$\epsilon = \exp(2\pi i/3)$
A'	1	1	1	1	- 1	1	R _z	$x^2 + y^2, z^2$
E'	- 11	6	e*	1	2.0	e*	(x, y)	$(x^2 - y^2, vy)$
A'	'í	ĭ	i	-1	-1	~1	2	
E"	- []		£°	-1	- 4	-e*	(R_x, R_y)	(xz, yz)

C46	E	C_4	C_2	C_4 3	i	S_4^3	σ_{b}	\$4	1	
4.	1	!	!	1	!	1	1	!	Rz	$x^2 + y^2$, z^2
B, E,	1	-1	-1	-1	÷	-1	-1	-/4	(R_x, R_y)	$x^2 - y^2, xy$ (xz, yz)
		-1	-1	- 1	-1	-1	-1	$-1^{(1)}$	(n ₂ , n ₃)	(40,)-)
A _q B _q	1	1	-1	-1	-1	-/	-1	1.0		ĺ
E_{ν}	Lii	-7	i	- 2	_ i	- 7		-27	(x, y)	I

Csa	E	Cs	C_5^2	C_8^3	C34	σ_{b}	S_{s}	S, 7	5,3	S, *	1	$e = \exp(2\pi i/5)$
A'		1	1,	1.	1	- 1	-	1.	1.	1	Rz	$x^{2}+y^{2}$, x^{2}
E ₁ '	- (1	**	2.0	22	**	- 1	- 6	20	, 23 m	: 1	(x, y)	
E2'	il.	e2	40		52.0	1	22 230	4*		2.0		$(x^3 - y^3, xy)$
A*	- ji	i	i.	i.	i,	-1	-1	-i,	-1	-1		
E,"	- 11		20	3, 2,0	£*	-1	- e ·	- e2 - e20	- 420		(R_x, R_y)	(xz. yz)
E,*	- []	22 220	z*	£.	424 42	=1	-e2	- 40	- e	e ² e		

Cea	E	C ₀	C3	C ₂	C_3^2	$C_{\bullet}^{ 3}$	ě	Sas	Sa S	e _k	S.	5,	I	e = exp (2mi/6)
A ₄ B ₆	1	-1	- [-1	1	-1	- 1	-!		Ţ.	1	-!	Rx	x2+ y2, 22
E1e	(i		- e*	-i		60	i		-40	-i		**	(R_x, R_y)	(xz, yz)
E 20	1	-e*	~ £	1			i	e*	-e	i	-44	-e l		(x^2-y^2,xy)
A _n B _n	1	-1	1	1-1	ł	-1	-1	-i	-1	-1	-1	-1	2	
E_{1*}	li.	4.	- e	-1	-6	e*	- I	¢	**	1	8.	-s*)	(x, y)	
$E_{2\nu}$		- 5	- ta	i i	-4"	-4	-1	**	80	-1 -1	**	- 5.		

6. The Dan Groups

D 26	$E = C_2(z) = C_2(v) = C_2(x)$ $i = \sigma(xy) = \sigma(xz) = \sigma(yz)$		
A _q B _{1g} B _{2q} B _{3q} A _u B _{3u} B _{3u} B _{3u}	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,2 _{, 2} 2	
D38 A1', A2', E', A1'', A2'', E''	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
D4h A10 A20 B10 B20 A10 A20 B10 B20 B20 B20 B20 B20	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$x^{2} + y^{2},$ $x^{2} - y^{2}$ xy (xz, yz)	_2 2
D _{5h}	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	R_{2} (x, y) \tilde{c} (R_{x}, R_{y})	$x^{2} + y^{3}, z^{2}$ $(x^{2} - y^{2}, xy)$ (xz, yz)
A 10 A 20 B 20 E 10 A 20 A 20 A 20 B 20 E 20 E 20 B 20 E 20 E 20 E 20 E	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	R_x , R_y)	$x^{2} + y^{2}, z^{2}$ (xz, yz) $(x^{2} - y^{2}, xy)$

6. The D_{nk} Groups (Continued).

Dan	£	2 <i>C</i> ₈	2C ₈ 3	2C4	C_1	$4C_2$	4C2"	ě	25a	$2S_4^{-3}$	254	σ_0	400	$4\sigma_t$		L
Air	1	1		- 1	1	1	1	-	- 1	1		1	1	1		$x^2 + y^2, z^2$
A 20	1	1		- 1	î	- 1	- 1		- 1	i	- 1	1	- 1	- 1	R,	
B10	1	1	1	- 1	1	1	- 1	- 1	- 1	- 1	1	- 1	- 1	- 1	-	1
B 20	1	1	- 1	- 1	-1	1	- 1	- R	- 1	- 1	1	- 1	- 1	- 1		Ì
	2	3.2	- 1/2	0	2	0	0	2	1.2	3.2	0	- 2	0	0	(R_c, R_c)	(xz, yz)
E 14	2	0	0	- 2	2	0	0	2	0	0	2	2	0	0		(xz, yz) $(x^2 - y^2, xy)$
E 34	2	-12	1.2	0	2	0	0	2	3.2	1.2	0	2	- 0	0	1	1
Ain		1	1	- 1	Ł	- 1	- 1	1	- 1	- 1	- 1	- 1	- 1	- 1	!	i
Azu	1	1		- 1	1	- 1	- 1	- 1	1	- 1	3	- 1	- 1	- 1	1 :	i
810	1	1	- 1	- 1	1	- 1	- 1	- J	- 1	- 1		- 1	- 1	- 1	l	!
B2	1	- 1	- 1	- 1	- 1		1	- 1	i	ı	- 1	- 1	- 1	ě		i
	2	1.2	-12	0	2	0	0	-2	3.2	1.2	0	2	- 0	0	(r, v)	
E	2	0	0	- 2	2	0	0	2	- 0	0	2	2	0	0	l	
E	2	-1.2	3.2	0	2	0	. 0	- 2	3.2	1.2	0	- 2	0	0		1

7.

F ₂₀ 2 F ₃₀ 2 -	0 0 -2 2 0	0 0 2 0	2 2 2 0	0	
7. The	D _{nd} Groups				
D 24	E 254 C2 2C2' 20	•			
A ₁ A ₂ B ₁ B ₂ E	- - -	$\begin{bmatrix} R_x \\ R_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x^2 \\ xy \end{bmatrix}$	4 y ² , z ² , y ² , yz)		
D 34	E 2C ₃ 3C ₂ i 2S	5 3 mg	1		
A10 A20 E0	1 1 1 1 1 1 -1 1 2 -1 0 2 -	$ \begin{array}{c cccc} 1 & 1 & \\ 1 & -1 & \\ 1 & 0 & (R_x, R_y) \end{array} $	$x^{2} + y^{2}, z^{2}$ $(x^{2} - y^{2}, xy),$ (xz, yz)		
A ta A zu Eu	1 1 1 -1 -1 1 1 -11 2 -1 0 -2	$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} z \\ (x, y) \end{bmatrix}$			
D44	E 25 ₈ 2C ₄ 25 ₈ ³	C2 4C2' 404			
A 1 A 2 B 1 B 2	1	1 11	R ₂ y ² y ²	. 22	
E ₁ E ₂	2 \ 2 0 \ \ 2 0 2	2 0 0	$(x, y) = \begin{pmatrix} x^2 & y^2 \end{pmatrix}$, .rg-)	
E ₃	2 -12 0 12	-2 0 0 1	$(R_A, R_y) = (sx, yx)$		
Dse E	2C ₅ 2C ₅ ²	5C ₂ i 2S ₁₀	3 25 ₁₀ 5	74	
A _{1q} 1 A _{2q} 1 E _{1q} 2 E _{2q} 2 A _{1q} 1	1 1 1 1 2 cos 72 2 cos 144 2 cos 144 2 cos 72	1 1 1 1 0 1 0 2 2 cos 72 0 2 2 cos 14 1 -1 -1	1 2 cos 144	i R _z 0 (R _x , R _y)	$x^{2} + y^{2}, z^{2}$ (xz, yz) $(x^{2} - y^{2}, xy)$
A _{2n} 1 E _{1n} 2 E _{2n} 2	2 cos 72 2 cos 144 2 cos 144 2 cos 72	-1 -1 -1 02 -2 cos 72 0 -2 -2 cos 14	- i 2 2 cos 144	$\begin{bmatrix} z \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} (x, y)$	

7. The Dad Groups (Continued).

Dad	E	2512	2C ₄	254	2C3	25 t 2 5	C_2	6C2'	$6\sigma_d$		1
A ₁	1	1	1	- 1		1		1	1		y2 + y2, 22
Az	1	- 1	- 1	- 1		1	- 1	-i	-1	R.	/ **
В,	1	1	8	-1	- 1	-1	- 1	1	-1		
B ₂	1	-1	- 1	-1	- 1	-1	- 1	-1	1	2	
	2	v'3	- 1	0	-1	-√3	-2	0	0	(x, y)	
E ₁ E ₂ E ₃	2	I.	-1	-2	-1	1	2	0	0	1	(x^2-y^2,xy)
Ε,	2	0	-2	0	2	0	-2	- 0	0	1	
E.	2	- 1	-1	2	-1	-1	2	- 0	0	1	
E	2	$-\sqrt{3}$		0	-1	V3	-2	0	0	(##)	(m+ n+)

8. The S. Groups

Sa.	E	S.	C4	S_6^3	C_{2}	S_0^s	C43	S_8^{γ}		$\varepsilon = \exp(2\pi i/8)$
1	1	1	1	1	1	1	1	1	Rz	$x^2 + y^2$, z^2
3	1	-1	- 1	-1	1	-1	- 1	-1	z	
	11	ϵ	- 1	—ε*	-1	− ε	-i	E*	(x, y);	
E _L	[i	€*	-1	$-\epsilon$	-1	-E*	i	e	(R_s, R_t)	ļ
	11	- 1	-1	-i	- 1	- I	-1	-i		c
2	ļii -	-1	-1		1	-i	-1	- i j		(x^2-y^2,xy)
	Ĥ	$-\epsilon^*$	-i	ε	-1	€°	i	- E		4
٠,	lín			- 24	-1		- i	- 10		(xz, yz)

9. The Cubic Groups

7	E	$4C_3$	$4C_3^2$	$3C_2$		$\epsilon = \exp(2\pi i/3)$
Æ	1	1	1 e*	1	(R., R., R.); (z. y. z)	$x^{2} + y^{2} + z^{2}$ $(2z^{3} - x^{2} - y^{2},$ $x^{2} - y^{2})$ (xy, xz, yz)

9. The Cubic Groups (Continued).

T_h	E	4C,	4Ci	3C ₂	i	4 <i>S</i> ,	454	$3\sigma_b$	1	$\varepsilon = \exp(2\pi i/3)$
A,	1	1	1	1	1	1	- 1,	1,		$x^2 + y^2 + z^2$
E_g	l (;	ε.	ε"	1	- [ε*	ε"	- }}	ļ	$(2x^2 - x^2 - y^2, x^2 - y^2)$
T_{g}	ۋ ا	0	0	-1	i	0	0	-i'	(R_1, R_2, R_2)	(xz. yz. xy)
A,	l d	1	1,	1	-1	-1	-t.	-h		
E,	l fi	ε*	ě	í	-i	- e*	- 6	-1]-	1	
T.,	`3	0	0	-1	-1	0	0	- 11	(x, y, z)	1

T_d	E	8C1	3C2	6 S ,	60,		
A ₁ A ₂ E	1 2 2	1 -1 0	1 2 2	-1 -1 0	-1 0	(P P P)	$x^2 + y^2 + z^2$ $(2z^2 - x^2 - y^2, x^2 - y^2)$
T ₂	1 3	ő	-1	-1	i	(R_1, R_1, R_2) (x, y, z)	(xy, xz, yz)

0	E	8C,	$3C_2(=C_1^2)$	6C4	6C ₂		
Ai Ai	1	1	1 1 2	-1	-1		$x^2 + y^2 + z^2$ $(2x^2 - x^2 - y^2, x^2 - y^2)$
T ₁	3	0	1	-1	-1 1	$(R_x, R_x, R_z); (x, y, z)$	(xy, xz, yz)

O _b	ε	8 €3	6C ₂	6C,	$3C_2(=C1)$	i	654	HS _h	$3\sigma_{\rm A}$	6a _d	l	L
Aig	1	-1	1	1	1	-	- 1	1	- 1	-1		x2 + y2 + x2
Aze	1	1	-1	-1	1	- 1	-1	1	1	-1		
	2	~1	0	0	2	2	0	-1	2	0	1	$(2x^2-x^2-y^2,x^2-y^2)$
E _x T _{tr}	3	0	~1	î	-1	3	1	0	-1	-1	(R_i, R_i, R_j)	
T _{2e}	3	0	- 1	-1	-1	3	-1	0	-1	1		(xz, yz. xy)
A _{te}	1	1	- 1	1	1	-1	~ [-1	-1	-1	1	
A _{2e}	1	1	-1	-1	t	-1	- 1	-1	-1	1	}	
Ε,	2	-1	0	0	2	-2	0	- 1	-2	0	1	
T _{te}	3	0	-1	- 1	-1	-3	-1	0	1	1	(x, y, z)	
T_{2a}	3	0	- 1	-1	-1	~3	- 1	0	- 1	-1		

10. The Groups $C_{\omega \nu}$ and $D_{\omega h}$ for Linear Molecules

C	E	2C*	•••	00 ø _p		
$A_1 = \Sigma^+$	1	1		1	z	$x^2 + y^2, z^2$
$A_2 = \Sigma^-$	1	- 1	* + 1	-1	R ₂	
$E_1 \equiv \Pi$	2	2 cos Φ		0	$(x, y); (R_x, R_y)$	(xz, yz)
$E_2 = \Delta$	2	2 cos 2Φ		0		(x^2-y^2,xy)
$E_3 \equiv \Phi$	2	2 cos 3Ф		0		
				* * *		

D _{mb}	E	2 <i>C</i> ∞ [●]	 00 a ⁸	i	25*	•••	∞C_2	!	
Σ.+	1	1	 1	1	1		1		x^2+y^2, z^2
Σ"-	1	1	 -1	- 1	1		-1	R.	
π.	2	2 cos Φ	 0	2	−2 cos Ф		0	(R_x, R_y)	(xz, yz)
Σ,* Σ,'- Π, Δ,	2	2 cos 2Ф	 Ó	2	2 cos 2Φ		0		$(xz, yz) (x^2 - y^2, xy)$
Σ.*. Σ Π.,	1	1	 1	-1	-1		-1	2	
Σ	1	1	 -1	-1	-1		- 1	ĺ	
ñ.	2	2 cos Φ	 0	-2	2 cos Ø		0	(x, y)	
Δ.,	2	2 cos 2Φ	 0	-2	-2 cos 2Φ		0		
			 					1 1	

11. The Icosahedral Groups*

	$x^{2} + y^{2} + z^{2}$ $(2x^{2} - x^{2} - y^{2}, y^{2} - y^{2})$	z x)
	+ 2	xy, yz, zx)
	(R, R, R,	(x, y, z)
150		707
205, 150		7007
125,0	10 + √5) 10 + √5) 10 - √5)	-10 + √3) -40 - √3)
125,0	1(1 - √5) 1(1 + √5) 1 - 1	-1 -1(1-√5) -1(1+√5) -1(1+√5) -1(1-√5) 0 0 0
-		77777
		1 .
130		-770-
20C3	-00	
12C, 20C, 15C, 1 12Sto	1(1+√5) 1(1-√5) 1(1-√5) 1(1+√5) -1 -1 -1	10 - VS 40 + VS -1
Is E 12Cs	1 4(1 + √5) 4(1 - √5) -1 0	1(1 + \sqrt{5}) 1(1 - \sqrt{5}) 1(1 - \sqrt{5}) 1(1 + \sqrt{5}
f43		
4	ಳಲ್ಲಿ ಬೈಡಿ≉	42202

For the pure rotation group /, the outlined section in the upper left is the character table; the g subscripts should, of course, be dropped and (x, y, z) assigned to the T₁ representation.

ملحق ٢

بعض جداول الارتباط التبادلي

	1	$C_3 \rightarrow C_2$	$C_2'' \rightarrow C_2'$			C_2	C'' ₂		
		D_{2d}	$D_{2\delta}$	C4+	C44	Dah	D _{3.6}	C_4	S_4
Ais	A_1	A_1	A_1	A_1	A,	A,	A,		
A2#	A_2	A_2	A_2	A_2	A_{s}	B_{1g}	B_{1g}	A	A
Bir	B.	\boldsymbol{B}_{t}	B_2	B_1 .	B_a	A_{x}	B_{1g}	В	B
B2#	B.	B_1	B				A,		
E_{s}	E	E	E	E	E_{μ}	$B_{2s} + B_{1s}$	$B_{2s} + B_{1s}$	E	E
A_{1n}	A_{i}	B_1	В,	A_2	A_{\bullet}	A_{μ}	A_{\star}		
A 24		B_2	B_2	A_1	A_{\bullet}	B	B_{1a}	A	В
B14		A_1	A_2	B_2	B_{u}	A.	B.,,	В	A
Bzu		A2	A_1	B,	B,	В,,,	A_{u}	B	A
E,	E	E	E				$B_{2u} + B_{3u}$		

			l
			रंगरंग्द्रंगरंगद्र
		6 0	444444+ 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
ປີບໍ່	A B B B B B B B B B B B B B B B B B B B	. .	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *
		ر. د.	****
ບີບ້	A B A B A + B A B A B A B A B A B A B A	ซีซี	+ + + + + + + + + + + + + + + + + + +
C2, 04	A, A	೮೮	7
, d		೮೮	***********
S. C.	A ₁ A ₂ A ₃ B ₃ B ₁ + B ₃ A ₄ A ₄ A ₄ B ₃ B ₁ + B ₃	ີບິບິ	7 7 8 8 7 8 8 7 8 8 8 7 8 8 8 8 8 8 8 8
ا 4 ن	3, B ₂ + B ₃ 3, B ₂ + B ₃ 4, B ₃ 5, B ₄ + B ₃ 7, B ₄ + B ₃	ບໍ່ຕໍ່	**************************************
ບິດ	B B B B B B B B B B B B B B B B B B B	ບູ່ຕູ້	*****
Das (cont.)	E B B A A B B B A A B B B B B B B B B B	Dan (cont.)	# # # # # # # # # # # # # # # # # # #

	1					
ú	**	X' + 24" 24' + 4"	౮	A B A + B A + 2B 2A + B		
ď	* * 7	A + 2B A + 2B	౮	24 24 24 24 24 24 24 24 24		
ບໍ	**	A+E	ບົ	7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7		
ů,	₹ ₹ +	$A_1 + B_1 + B_2$ $A_1 + B_1 + B_2$	C2, 2C2 D2	B, ++B, +B, +B,		
D_2	777	$B_1 + B_2 + B_3$ $B_1 + B_2 + B_3$	3C ₃	A A 2A 2A B ₁ + B ₂ + B ₃ B ₁ + B ₂ + B ₃		ี้ กูก ี้ กูล
Š	+ B +	/ + E E + E	ů	7 P P P P P P P P P P P P P P P P P P P	D_{3d}	**************************************
C3.	A, E,	$A_1 + E$ $A_1 + E$	<i>D</i> 3	A, + E	D44	A A A A A A A A A A A A A A A A A A A
T D_M	A A, A B, E A, + B,	, ,	T D_{4}	A A B A B A A B A A B A B A B A B A B A	O T, T,	24.0 E. 2.4.0 E. E. 2
T_s	F 7 7		0	44mer	40	7 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2



